

(12) 特許協力条約に基づいて公開された国際出願

(19) 世界知的所有権機関
国際事務局



(43) 国際公開日
2010年10月28日(28.10.2010)

PCT

(10) 国際公開番号

WO 2010/123116 A1

- (51) 国際特許分類:
H04L 9/08 (2006.01)
- (21) 国際出願番号: PCT/JP2010/057279
- (22) 国際出願日: 2010年4月23日(23.04.2010)
- (25) 国際出願の言語: 日本語
- (26) 国際公開の言語: 日本語
- (30) 優先権データ:
特願 2009-106009 2009年4月24日(24.04.2009) JP
- (71) 出願人 (米国を除く全ての指定国について): 日本電信電話株式会社(NIPPON TELEGRAPH AND TELEPHONE CORPORATION) [JP/JP]; 〒1008116 東京都千代田区大手町二丁目3番1号 Tokyo (JP).
- (72) 発明者; および
- (75) 発明者/出願人 (米国についてのみ): 鈴木 幸太郎(SUZUKI, Koutarou) [JP/JP]; 〒1808585 東京都武蔵野市緑町三丁目9番11号 NTT 知的財産センター内 Tokyo (JP). 西巻 陵(NISHIMAKI, Ryo) [JP/JP]; 〒1808585 東京都武蔵野市緑町三丁目9番11号 NTT 知的財産センター内 Tokyo (JP).
- (74) 代理人: 中尾 直樹, 外(NAKAO, Naoki et al.); 〒1600022 東京都新宿区新宿三丁目1番22号 新宿NSOビル4階 Tokyo (JP).
- (81) 指定国 (表示のない限り、全ての種類の国内保護が可能): AE, AG, AL, AM, AO, AT, AU, AZ, BA, BB, BG, BH, BR, BW, BY, BZ, CA, CH, CL, CN, CO, CR, CU, CZ, DE, DK, DM, DO, DZ, EC, EE, EG, ES, FI, GB, GD, GE, GH, GM, GT, HN, HR, HU, ID, IL, IN, IS, JP, KE, KG, KM, KN, KP, KR, KZ, LA, LC, LK, LR, LS, LT, LU, LY, MA, MD, ME, MG, MK, MN, MW, MX, MY, MZ, NA, NG, NI, NO, NZ, OM, PE, PG, PH, PL, PT, RO, RS, RU, SC, SD, SE, SG, SK, SL, SM, ST, SV, SY, TH, TJ, TM, TN, TR, TT, TZ, UA, UG, US, UZ, VC, VN, ZA, ZM, ZW.
- (84) 指定国 (表示のない限り、全ての種類の広域保護が可能): ARIPO (BW, GH, GM, KE, LR, LS, MW, MZ, NA, SD, SL, SZ, TZ, UG, ZM, ZW), ユーラシア (AM, AZ, BY, KG, KZ, MD, RU, TJ, TM), ヨーロッパ (AT, BE, BG, CH, CY, CZ, DE, DK, EE, ES, FI, FR, GB,

[続葉有]

(54) Title: INFORMATION GENERATING DEVICE, INFORMATION GENERATING METHOD, AND INFORMATION GENERATING PROGRAM AND STORAGE MEDIUM THEREOF

(54) 発明の名称: 情報生成装置、方法、プログラム及びその記録媒体

[図1]

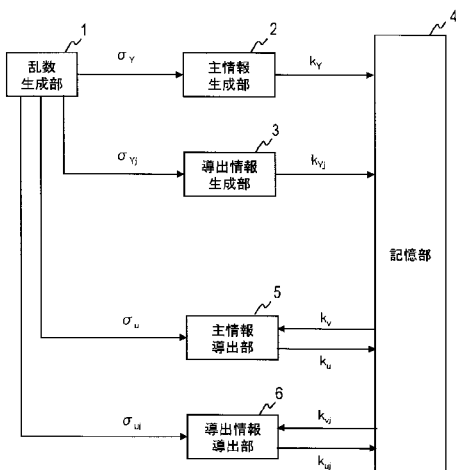


図1

- 1 RANDOM-NUMBER GENERATING UNIT
- 2 MAIN-INFORMATION GENERATING UNIT
- 3 DERIVATION-INFORMATION GENERATING UNIT
- 4 STORAGE UNIT
- 5 MAIN-INFORMATION DERIVING UNIT
- 6 DERIVATION-INFORMATION DERIVING UNIT

(57) Abstract: A hierarchy type cryptogram, to be indicated by a generic partial-order structure other than a tree structure, will be achieved. In generating information, random numbers σ_v , $(\sigma_{vj})_{j \in w(v)} \in Z_q$ are generated, main information $k_v = \sigma_v \sum_{i \in [1, \dots, N-1] \setminus w(v)} v_i b_i^* + b_N^*$ is calculated, and derivation information $k_{vj} = \sigma_{vj} \sum_{i \in [1, \dots, N-1] \setminus w(v)} v_i b_i^* + b_j^*$ is calculated for each $j \in w(v)$. In deriving information, random numbers σ_u , $(\sigma_{uj})_{j \in w(u)} \in Z_q$ are generated, main information $k_u = \sigma_u \sum_{i \in w(v) \setminus w(u)} u_i k_{vi} + k_v$ is calculated, and derivation information $k_{uj} = \sigma_{uj} \sum_{i \in w(v) \setminus w(u)} u_i k_{vi} + k_{vj}$ is calculated for each $j \in w(u)$.

(57) 要約: 木構造以外の一般の半順序構造で表される階層型暗号を実現する。情報生成においては、乱数 σ_v , $(\sigma_{vj})_{j \in w(v)} \in Z_q$ を生成し、主情報 $k_v = \sigma_v \sum_{i \in [1, \dots, N-1] \setminus w(v)} v_i b_i^* + b_N^*$ を計算し、各 $j \in w(v)$ について導出情報 $k_{vj} = \sigma_{vj} \sum_{i \in [1, \dots, N-1] \setminus w(v)} v_i b_i^* + b_j^*$ を計算する。情報導出においては、乱数 σ_u , $(\sigma_{uj})_{j \in w(u)} \in Z_q$ を生成し、主情報 $k_u = \sigma_u \sum_{i \in w(v) \setminus w(u)} u_i k_{vi} + k_v$ を計算し、各 $j \in w(u)$ について導出情報 $k_{uj} = \sigma_{uj} \sum_{i \in w(v) \setminus w(u)} u_i k_{vi} + k_{vj}$ を計算する。

WO 2010/123116 A1

GR, HR, HU, IE, IS, IT, LT, LU, LV, MC, MK, MT, NL, NO, PL, PT, RO, SE, SI, SK, SM, TR), OAPI (BF, BJ, CF, CG, CI, CM, GA, GN, GQ, GW, ML, MR, NE, SN, TD, TG). 添付公開書類:
— 国際調査報告 (条約第 21 条(3))

明 細 書

発明の名称： 情報生成装置、方法、プログラム及びその記録媒体
技術分野

[0001] この発明は、情報セキュリティ技術の応用技術に関する。例えば、復号鍵からより復号権限の制限された復号鍵を導出することができる階層型暗号に関するものである。

背景技術

[0002] 階層型暗号の従来技術として、非特許文献1に記載された技術が知られている。

先行技術文献

非特許文献

[0003] 非特許文献1：Craig Gentry, Alice Silverberg, “Hierarchical ID-Based Cryptography”, ASIACRYPT 2002, p. 548-566

発明の概要

発明が解決しようとする課題

[0004] 非特許文献1に記載された技術では、木構造の親ノードに対応する鍵から子ノードに対応する鍵を導出することはできるが、木構造以外の一般の半順序構造 s で表される鍵導出を実現することはできなかった。例えば、共通の子ノードCを持つ親ノードAと親ノードBに対して、親ノードAの鍵から共通の子ノードCの鍵を導出し、親ノードBの鍵から共通の子ノードCの鍵を導出することはできないという課題があった。

課題を解決するための手段

[0005] 上記の課題を解決するために、請求項1の情報生成装置は、 e が巡回群 G_1 の N 個の元 γ_L ($L = 1, \dots, N$) ($N \geq 2$) と巡回群 G_2 の N 個の元 γ_L^* ($L = 1, \dots, N$) との入力に対して巡回群 G_T の1個の元を出力する非退化な双線形関数であり、 $b_i \in G_1^N$ ($i = 1, \dots, N$) のそれぞれが、上記巡回群 G_1 の N 個の元を要素とする N 次元の基底ベクトルであり、 $b_j^* \in G_2^N$ ($j =$

1, ..., N) のそれぞれが、上記巡回群 G_2 の N 個の元を要素とする N 次元の基底ベクトルであり、上記基底ベクトル $b_i \in G_1^N$ ($i = 1, \dots, N$) の各要素と上記基底ベクトル $b_j^* \in G_2^N$ ($j = 1, \dots, N$) の各要素とを上記双線形関数 e に入力して得られる関数値が、 $i = j$ の場合に $\delta(i, j) = 1_F$ となって $i \neq j$ の場合に $\delta(i, j) = 0_F$ となるクロネッカーのデルタ関数 $\delta(i, j)$ を用いて $g_T^{\tau \cdot \delta(i, j)} \in G_T$ と表現され、 0_F が有限体 F_q の加法単位元であり、 1_F が有限体 F_q の乗法単位元であり、 τ が 0_F を除く有限体 F_q の元であり、 g_T が上記巡回群 G_T の生成元であり、 $*$ を不定文字とし、インデックス Y を $Y = (Y_1, \dots, Y_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス Y に対応する集合 $w(Y)$ を $w(Y) = \{i \mid Y_i = *\}$ とし、乱数 $\sigma_Y \in Z_q$ 、及び、集合 $w(Y)$ の各要素 $j \in w(Y)$ に対応する乱数 $\sigma_{Y_j} \in Z_q$ を生成する乱数生成部と、上記生成された乱数 σ_Y を用いて、 $k_Y = \sigma_Y \sum_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(Y)} Y_i b_i^* + b_N^*$ の関係を満たす主情報 k_Y を計算する主情報生成部と、上記生成された乱数 σ_{Y_j} を用いて、 $k_{Y_j} = \sigma_{Y_j} \sum_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(Y)} Y_i b_i^* + b_j^*$ の関係を満たす導出情報 k_{Y_j} を集合 $w(Y)$ の各要素 $j \in w(Y)$ ごとに計算する導出情報生成部と、を含む。

[0006] 請求項 4 の情報生成装置は、 e が巡回群 G_1 の N 個の元 γ_L ($L = 1, \dots, N$) ($N \geq 2$) と巡回群 G_2 の N 個の元 γ_L^* ($L = 1, \dots, N$) との入力に対して巡回群 G_T の 1 個の元を出力する非退化な双線形関数であり、 $b_i \in G_1^N$ ($i = 1, \dots, N$) のそれぞれが、上記巡回群 G_1 の N 個の元を要素とする N 次元の基底ベクトルであり、 $b_j^* \in G_2^N$ ($j = 1, \dots, N$) のそれぞれが、上記巡回群 G_2 の N 個の元を要素とする N 次元の基底ベクトルであり、上記基底ベクトル $b_i \in G_1^N$ ($i = 1, \dots, N$) の各要素と上記基底ベクトル $b_j^* \in G_2^N$ ($j = 1, \dots, N$) の各要素とを上記双線形関数 e に入力して得られる関数値が、 $i = j$ の場合に $\delta(i, j) = 1_F$ となって $i \neq j$ の場合に $\delta(i, j) = 0_F$ となるクロネッカーのデルタ関数 $\delta(i, j)$ を用いて $g_T^{\tau \cdot \delta(i, j)} \in G_T$ と表現され、 0_F が有限体 F_q の加法単位元であり、 1_F が有限体 F_q の乗法単位元であり、 τ が 0_F を除く有限体 F_q の元であり、 g_T が上記巡回

群 G_T の生成元であり、 $*$ を不定文字とし、インデックス Y を $Y = (Y_1, \dots, Y_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス Y に対応する集合 $w(Y)$ を $w(Y) = \{i \mid Y_i = *\}$ とし、 $\sigma_Y \in Z_q$ を乱数とし、 σ_{Y_i} を集合 $w(Y)$ の各要素 $j \in w(Y)$ に対応する乱数とし、インデックス Y に対応する主情報 k_Y は $k_Y = \sigma_Y \sum_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(Y)} Y_i b_i^* + b_N^*$ の関係を満たし、インデックス Y に対応する導出情報 k_{Y_i} は $k_{Y_i} = \sigma_{Y_i} \sum_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(Y)} Y_i b_i^* + b_j^*$ の関係を満たし、 $*$ を不定文字とし、インデックス v を $v = (v_1, \dots, v_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス u を $u = (u_1, \dots, u_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス v に対応する集合 $w(v)$ を $w(v) = \{i \mid v_i = *\}$ とし、インデックス u に対応する集合 $w(u)$ を $w(u) = \{i \mid u_i = *\}$ とし、集合 $w(u) \subset w(v)$ とし、 $v_i = u_i$ ($i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(v)$) とし、上記主情報 k_Y である又は上記主情報 k_Y 及び上記導出情報 k_{Y_i} から導出されたインデックス v に対応する主情報 k_v 、及び、上記導出情報 k_{Y_i} である又は上記導出情報 k_{Y_i} から導出されたインデックス v に対応する導出情報 k_{v_i} を記憶する記憶部と、乱数 $\sigma_u \in Z_q$ を生成する子乱数生成部と、上記記憶部から読み込んだ主情報 k_v 、導出情報 k_{v_i} 及び上記生成された乱数 σ_u を用いて、 $k_u = \sigma_u \sum_{i \in w(v) \setminus w(u)} u_i k_{v_i} + k_v$ の関係を満たす、インデックス u に対応する主情報 k_u を計算する主情報導出部と、を含む。

[0007] 請求項 6 の情報生成装置は、 G 、 G_T を素数位数 q の巡回群とし、 g を巡回群 G の生成元とし、巡回群 G には $g_T = e(g, g)$ が巡回群 G_T の生成元となるようなペアリング関数 $e : G \times G \rightarrow G_T$ が存在するとし、 a を Z_p からランダムに選択された乱数とし、 g と $g_1 = g^a \in G$ と巡回群 G からランダムに選択された $g_2, g_3, h_1, \dots, h_{N-1} \in G$ とが公開鍵として公開されており、 $*$ を不定文字とし、インデックス Y を $Y = (Y_1, \dots, Y_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス Y に対応する集合 $w(Y)$ を $w(Y) = \{i \mid Y_i = *\}$ とし、乱数 $r_Y \in Z_q$ を生成する乱数生成部と、上記生成された乱数 r_Y を用いて、 $k_Y = g_2^a (g_3 \prod_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(Y)} h_i^{Y_i})^{r_Y}$ の関

係を満たす第一主情報 k_Y を計算する第一主情報生成部と、上記生成された乱数 r_Y を用いて、第二主情報 g^{r_Y} を計算する第二主情報生成部と、上記生成された乱数 r_Y を用いて、 $k_{Y_j} = h_j^{r_Y}$ の関係を満たす導出情報 k_{Y_j} を集合 $w(Y)$ の各要素 $j \in w(Y)$ ごとに計算する導出情報生成部と、を含む。

[0008] 請求項9の情報生成装置は、 G 、 G_T を素数位数 q の巡回群とし、 g を巡回群 G の生成元とし、巡回群 G には $g_T = e(g, g)$ が巡回群 G_T の生成元となるようなペアリング関数 $e : G \times G \rightarrow G_T$ が存在するとし、 a を Z_q からランダムに選択された乱数とし、 g と $g_1 = g^a \in G$ と巡回群 G からランダムに選択された $g_2, g_3, h_1, \dots, h_{N-1} \in G$ とが公開鍵として公開されており、 $*$ を不定文字とし、インデックス Y を $Y = (Y_1, \dots, Y_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス Y に対応する集合 $w(Y)$ を $w(Y) = \{i \mid Y_i = *\}$ とし、 $r_Y \in Z_q$ を乱数とし、インデックス Y に対応する第一主情報 k_Y は $k_Y = g_2^a (g_3 \prod_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(Y)} h_i^{Y_i})^{r_Y}$ の関係を満たし、 g^{r_Y} をインデックス Y に対応する第二主情報とし、インデックス Y に対応する導出情報 k_{Y_j} は $k_{Y_j} = h_j^{r_Y}$ の関係を満たし、 $*$ を不定文字とし、インデックス v を $v = (v_1, \dots, v_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス v に対応する集合 $w(v)$ を $w(v) = \{i \mid v_i = *\}$ とし、インデックス u を $u = (u_1, \dots, u_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス u に対応する集合 $w(u)$ を $w(u) = \{i \mid u_i = *\}$ とし、集合 $w(u) \subset$ 集合 $w(v)$ とし、 $v_i = u_i (i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(v))$ として、乱数 $r_u \in Z_q$ を生成する乱数生成部と、上記第一主情報 k_Y である又は上記第一主情報 k_Y 及び上記導出情報 k_{Y_j} から導出されたインデックス v に対応する第一主情報 k_v 、上記導出情報 k_{Y_j} である又は上記導出情報 k_{Y_j} から導出されたインデックス v に対応する導出情報 k_{v_j} を記憶する記憶部と、上記記憶部から読み込んだ第一主情報 k_v 及び上記導出情報 k_{v_j} を用いて、 $k_u = k_v (\prod_{i \in w(v) \setminus w(u)} k_{v_i}^{u_i}) (g_3 \prod_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(v)} h_i^{v_i} \prod_{i \in w(v) \setminus w(u)} h_i^{u_i})^{r_u}$ の関係を満たす、インデックス u に対応する第一主情報 k_u を計算する第一主情報導出部と、上記生成された乱数 r_u を用いて、第

二主情報 g^r を計算する第二主情報導出部と、を含む。

発明の効果

[0009] 共通の子ノードCを持つ親ノードAと親ノードBに対して、親ノードAの情報から共通の子ノードCの情報を導出し、親ノードBの情報から共通の子ノードCの情報を導出することができる。

図面の簡単な説明

[0010] [図1] 第一実施形態の情報生成装置の機能ブロック図の例。

[図2] 第一実施形態の情報生成のフローチャートの例。

[図3] 第一実施形態の情報導出のフローチャートの例。

[図4] 第二実施形態の情報生成装置の機能ブロック図の例。

[図5] 第二実施形態の情報生成のフローチャートの例。

[図6] 第二実施形態の情報導出のフローチャートの例。

発明を実施するための形態

[0011] 以下、この発明の実施の形態について、詳細に説明する。

[述語暗号]

まず、第一実施形態で用いる概念である述語暗号の概要について説明する。

[0012] [定義]

まず、本形態で使用する用語や記号を定義する。

行列：「行列」とは演算が定義された集合の元を矩形に並べたものを表す。環の元を要素とするものだけでなく、群の元を要素とするものも「行列」と表現する。

[0013] $(\cdot)^T$ ： $(\cdot)^T$ は \cdot の転置行列を表す。

$(\cdot)^{-1}$ ： $(\cdot)^{-1}$ は \cdot の逆行列を表す。

\wedge ： \wedge は論理積を表す。

\vee ： \vee は論理和を表す。

Z ： Z は整数集合を表す。

k ： k はセキュリティパラメータ ($k \in Z, k > 0$) を表す。

[0014] $\{0, 1\}^*$: $\{0, 1\}^*$ は任意ビット長のバイナリ系列を表す。その一例は、整数0及び1からなる系列である。しかし、 $\{0, 1\}^*$ は整数0及び1からなる系列に限定されない。 $\{0, 1\}^*$ は位数2の有限体又はその拡大体と同義である。

$\{0, 1\}^\zeta$: $\{0, 1\}^\zeta$ はビット長 ζ ($\zeta \in \mathbb{Z}$, $\zeta > 0$) のバイナリ系列を表す。その一例は、整数0及び1からなる系列である。しかし、 $\{0, 1\}^\zeta$ は整数0及び1からなる系列に限定されない。 $\{0, 1\}^\zeta$ は位数2の有限体 ($\zeta=1$ の場合) 又はそれを ζ 次拡大した拡大体 ($\zeta > 1$ の場合) と同義である。

(+) : (+)はバイナリ系列間の排他的論理和演算子を表す。例えば、 $10110011 (+) 11100001 = 01010010$ を満たす。

[0015] F_q : F_q は位数 q の有限体を表す。位数 q は1以上の整数であり、例えば、素数や素数のべき乗値を位数 q とする。すなわち、有限体 F_q の例は素体やそれを基礎体とした拡大体である。なお、有限体 F_q が素体である場合の演算は、例えば、位数 q を法とする剰余演算によって容易に構成できる。また、有限体 F_q が拡大体である場合の演算は、例えば、既約多項式を法とする剰余演算によって容易に構成できる。有限体 F_q の具体的な構成方法は、例えば、参考文献1「IS 0/IEC 18033-2: Information technology - Security techniques - Encryption algorithms - Part 2: Asymmetric ciphers」に開示されている。

[0016] 0_F : 0_F は有限体 F_q の加法単位元を表す。

1_F : 1_F は有限体 F_q の乗法単位元を表す。

$\delta(i, j)$: $\delta(i, j)$ はクロネッカーのデルタ関数を表す。 $i=j$ の場合に $\delta(i, j) = 1_F$ を満たし、 $i \neq j$ の場合に $\delta(i, j) = 0_F$ を満たす。

E : E は有限体 F_q 上で定義された楕円曲線を表す。 E はアフィン (affine) 座標版のWeierstrass方程式

$$y^2 + a_1 \cdot x \cdot y + a_3 \cdot y = x^3 + a_2 \cdot x^2 + a_4 \cdot x + a_6 \quad \dots (1)$$

(ただし、 $a_1, a_2, a_3, a_4, a_6 \in F_q$) を満たす $x, y \in F_q$ からなる点 (x, y) の集合に無限遠点と呼ばれる特別な点 O を付加したもので定義される。楕円曲線 E 上の任意の2点に対して楕円加算と呼ばれる二項演算 $+$ 及び楕円曲線 E 上の任意の1点に対して楕円逆元と呼ばれる単項演算 $-$ がそれぞれ定義できる。また、楕円

曲線E上の有理点からなる有限集合が楕円加算に関して群をなすこと、楕円加算を用いて楕円スカラー倍算と呼ばれる演算が定義できること、及びコンピュータ上での楕円加算などの楕円演算の具体的な演算方法はよく知られている（例えば、参考文献1、参考文献2「RFC 5091: Identity-Based Cryptography Standard (IBCS) #1: Supersingular Curve Implementations of the BF and BB1 Cryptosystems」、参考文献3「イアン・F・ブラケ、ガディエル・セロッシ、ナイジェル・P・スマート=著、「楕円曲線暗号」、出版=ピアソン・エデュケーション、ISBN4-89471-431-0」等参照）。

- [0017] また、楕円曲線E上の有理点からなる有限集合は位数 p ($p \geq 1$) の部分群を持つ。例えば、楕円曲線E上の有理点からなる有限集合の要素数を $\#E$ とし、 p を $\#E$ を割り切る大きい素数とした場合、楕円曲線Eの p 等分点からなる有限集合 $E[p]$ は、楕円曲線E上の有理点からなる有限集合の部分群を構成する。なお、楕円曲線Eの p 等分点とは、楕円曲線E上の点Aのうち、楕円曲線E上での楕円スカラー倍算値 $p \cdot A$ が $p \cdot A = O$ を満たす点を意味する。
- [0018] G_1, G_2, G_T : G_1, G_2, G_T は位数 q の巡回群を表す。巡回群 G_1, G_2 の具体例は、楕円曲線Eの p 等分点からなる有限集合 $E[p]$ やその部分群である。 $G_1 = G_2$ であってもよいし $G_1 \neq G_2$ であってもよい。また、巡回群 G_T の具体例は、有限体 F_q を基礎体とする拡大体を構成する有限集合である。その一例は、有限体 F_q の代数閉包における1の p 乗根からなる有限集合である。
- [0019] なお、本形態では、巡回群 G_1, G_2 上で定義された演算を加法的に表現し、巡回群 G_T 上で定義された演算を乗法的に表現する。すなわち、 $\chi \in F_q$ 及び $\Omega \in G_1$ に対する $\chi \cdot \Omega \in G_1$ は、 $\Omega \in G_1$ に対して巡回群 G_1 で定義された演算を χ 回施すことを意味し、 $\Omega_1, \Omega_2 \in G_1$ に対する $\Omega_1 + \Omega_2 \in G_1$ は、 $\Omega_1 \in G_1$ と $\Omega_2 \in G_1$ とを被演算子として巡回群 G_1 で定義された演算を行うことを意味する。同様に、 $\chi \in F_q$ 及び $\Omega \in G_2$ に対する $\chi \cdot \Omega \in G_2$ は、 $\Omega \in G_2$ に対して巡回群 G_2 で定義された演算を χ 回施すことを意味し、 $\Omega_1, \Omega_2 \in G_2$ に対する $\Omega_1 + \Omega_2 \in G_2$ は、 $\Omega_1 \in G_2$ と $\Omega_2 \in G_2$ とを被演算子として巡回群 G_2 で定義された演算を行うことを意味する。一方、 $\chi \in F_q$ 及び $\Omega \in G_T$ に対する $\Omega^x \in G_T$ は、 $\Omega \in G_T$ に対して巡回群 G_T で定義された

演算を χ 回施すことを意味し、 $\Omega_1, \Omega_2 \in G_T$ に対する $\Omega_1 \cdot \Omega_2 \in G_T$ は、 $\Omega_1 \in G_T$ と $\Omega_2 \in G_T$ とを被演算子として巡回群 G_T で定義された演算を行うことを意味する。

[0020] G_1^{n+1} : G_1^{n+1} は $n+1$ ($n \geq 1$) 個の巡回群 G_1 の直積を表す。

G_2^{n+1} : G_2^{n+1} は $n+1$ 個の巡回群 G_2 の直積を表す。

g_1, g_2, g_T : g_1, g_2, g_T は巡回群 G_1, G_2, G_T の生成元を表す。

V : V は $n+1$ 個の巡回群 G_1 の直積からなる $n+1$ 次元のベクトル空間を表す。

V^* : V^* は $n+1$ 個の巡回群 G_2 の直積からなる $n+1$ 次元のベクトル空間を表す。

[0021] e : e は直積 G_1^{n+1} と直積 G_2^{n+1} との直積 $G_1^{n+1} \times G_2^{n+1}$ を巡回群 G_T に写す非退化な双線形写像 (bilinear map) を計算するための関数 (「双線形関数」と呼ぶ) を表す。双線形関数 e は、巡回群 G_1 の $n+1$ 個の元 γ_L ($L=1, \dots, n+1$) ($n \geq 1$) と巡回群 G_2 の $n+1$ 個の元 γ_L^* ($L=1, \dots, n+1$) とを入力とし、巡回群 G_T の 1 個の元を出力する。

$$e : G_1^{n+1} \times G_2^{n+1} \rightarrow G_T \quad \dots (2)$$

[0022] 双線形関数 e は以下の性質を満たす。

[双線形性] すべての $\Gamma_1 \in G_1^{n+1}, \Gamma_2 \in G_2^{n+1}$ 及び $\nu, \kappa \in F_q$ について以下の関係を満たす。

$$e(\nu \cdot \Gamma_1, \kappa \cdot \Gamma_2) = e(\Gamma_1, \Gamma_2)^{\nu \cdot \kappa} \quad \dots (3)$$

[非退化性] すべての

$$\Gamma_1 \in G_1^{n+1}, \Gamma_2 \in G_2^{n+1} \quad \dots (4)$$

を巡回群 G_T の単位元に写す関数ではない。

[計算可能性] あらゆる $\Gamma_1 \in G_1^{n+1}, \Gamma_2 \in G_2^{n+1}$ について $e(\Gamma_1, \Gamma_2)$ を効率的に計算するアルゴリズムが存在する。

[0023] 本形態では、巡回群 G_1 と巡回群 G_2 との直積 $G_1 \times G_2$ を巡回群 G_T に写す非退化な双線形写像を計算するための関数

$$\text{Pair} : G_1 \times G_2 \rightarrow G_T \quad \dots (5)$$

を用いて双線形関数 e を構成する。本形態の双線形関数 e は、巡回群 G_1 の $n+1$ 個の元 γ_L ($L=1, \dots, n+1$) からなる $n+1$ 次元ベクトル $(\gamma_1, \dots, \gamma_{n+1})$ と、巡回群 G_2 の $n+1$ 個の元 γ_L^* ($i=1, \dots, n+1$) からなる $n+1$ 次元ベクトル $(\gamma_1^*, \dots, \gamma_{n+1}^*)$ との入

力に対し、巡回群 G_T の1個の元

$$e = \prod_{L=1}^{n+1} \text{Pair}(\gamma_L, \gamma_L^*) \quad \dots(6)$$

を出力する関数である。

[0024] なお、双線形関数Pairは、巡回群 G_1 の1個の元と巡回群 G_2 の1個の元との組を入力とし、巡回群 G_T の1個の元を出力する関数であり、以下の性質を満たす。

[双線形性] すべての $\Omega_1 \in G_1$, $\Omega_2 \in G_2$ 及び $\nu, \kappa \in F_q$ について以下の関係を満たす。

$$\text{Pair}(\nu \cdot \Omega_1, \kappa \cdot \Omega_2) = \text{Pair}(\Omega_1, \Omega_2)^{\nu \cdot \kappa} \quad \dots(7)$$

[非退化性] すべての

$$\Omega_1 \in G_1, \Omega_2 \in G_2 \quad \dots(8)$$

を巡回群 G_T の単位元に写す関数ではない。

[計算可能性] あらゆる $\Omega_1 \in G_1$, $\Omega_2 \in G_2$ について $\text{Pair}(\Omega_1, \Omega_2)$ を効率的に計算するアルゴリズムが存在する。

[0025] なお、双線形関数Pairの具体例は、WeilペアリングやTateペアリングなどのペアリング演算を行うための関数である（例えば、参考文献4「Alfred. J. Menezes, ELLIPTIC CURVE PUBLIC KEY CRYPTOSYSTEMS, KLUWER ACADEMIC PUBLISHERS, ISBN0-7923-9368-6, pp. 61-81」等参照）。また、楕円曲線Eの種類に応じ、Tateペアリングなどのペアリング演算を行うための関数と所定の関数phiを組み合わせた変更ペアリング関数 $e(\Omega_1, \text{phi}(\Omega_2))$ ($\Omega_1 \in G_1$, $\Omega_2 \in G_2$)を双線形関数Pairとして用いてもよい（例えば、参考文献2等参照）。また、ペアリング演算をコンピュータ上で行うためのアルゴリズムとしては、周知のMillerのアルゴリズム（参考文献5「V. S. Miller, "Short Programs for functions on Curves," 1986, インターネット<<http://crypto.stanford.edu/miller/miller.pdf>>」などが存在する。また、ペアリング演算を効率的に行うための楕円曲線や巡回群の構成方法はよく知られている（例えば、参考文献2、参考文献6「A. Miyaji, M. Nakabayashi, S. Takano, "New explicit conditions of elliptic curve Traces for FR-Reduction," IE

ICE Trans. Fundamentals, vol. E84-A, no05, pp. 1234-1243, May 2001」
 、参考文献7「P. S. L. M. Barreto, B. Lynn, M. Scott, "Constructing elliptic curves with prescribed embedding degrees," Proc. SCN '2002, LNCS 2576, pp. 257-267, Springer-Verlag. 2003」、参考文献8「R. Dupont, A. Enge, F. Morain, "Building curves with arbitrary small MOV degree over finite prime fields," <http://eprint.iacr.org/2002/094/>」等参照）。

[0026] $a_i (i=1, \dots, n+1)$: 巡回群 G_1 の $n+1$ 個の元を要素とする $n+1$ 次元の基底ベクトルを表す。基底ベクトル a_i の一例は、 $\kappa_1 \cdot g_1 \in G_1$ を i 次元目の要素とし、残りの n 個の要素を巡回群 G_1 の単位元（加法的に「0」と表現）とする $n+1$ 次元の基底ベクトルである。この場合、 $n+1$ 次元の基底ベクトル $a_i (i=1, \dots, n+1)$ の各要素をそれぞれ列挙して表現すると、以下のようになる。

$$\begin{aligned} a_1 &= (\kappa_1 \cdot g_1, 0, 0, \dots, 0) \\ a_2 &= (0, \kappa_1 \cdot g_1, 0, \dots, 0) && \dots (9) \\ &\dots \\ a_{n+1} &= (0, 0, 0, \dots, \kappa_1 \cdot g_1) \end{aligned}$$

[0027] ここで、 κ_1 は加法単位元 0_F 以外の有限体 F_q の元からなる定数であり、 $\kappa_1 \in F_q$ の具体例は $\kappa_1 = 1_F$ である。基底ベクトル a_i は直交基底であり、巡回群 G_1 の $n+1$ 個の元を要素とするすべての $n+1$ 次元ベクトルは、 $n+1$ 次元の基底ベクトル $a_i (i=1, \dots, n+1)$ の線形和によって表される。すなわち、 $n+1$ 次元の基底ベクトル a_i は前述のベクトル空間 V を張る。

[0028] $a_i^* (i=1, \dots, n+1)$: a_i^* は巡回群 G_2 の $n+1$ 個の元を要素とする $n+1$ 次元の基底ベクトルを表す。基底ベクトル a_i^* の一例は、 $\kappa_2 \cdot g_2 \in G_2$ を i 次元目の要素とし、残りの n 個の要素を巡回群 G_2 の単位元（加法的に「0」と表現）とする $n+1$ 次元の基底ベクトルである。この場合、基底ベクトル $a_i^* (i=1, \dots, n+1)$ の各要素をそれぞれ列挙して表現すると、以下のようになる。

$$\begin{aligned} a_1^* &= (\kappa_2 \cdot g_2, 0, 0, \dots, 0) \\ a_2^* &= (0, \kappa_2 \cdot g_2, 0, \dots, 0) && \dots (10) \\ &\dots \end{aligned}$$

$$a_{n+1}^* = (0, 0, 0, \dots, \kappa_2 \cdot g_2)$$

[0029] ここで、 κ_2 は加法単位元 0_F 以外の有限体 F_q の元からなる定数であり、 $\kappa_2 \in F_q$ の具体例は $\kappa_2 = 1_F$ である。基底ベクトル a_i^* は直交基底であり、巡回群 G_2 の $n+1$ 個の元を要素とするすべての $n+1$ 次元ベクトルは、 $n+1$ 次元の基底ベクトル a_i^* ($i = 1, \dots, n+1$)の線形和によって表される。すなわち、 $n+1$ 次元の基底ベクトル a_i^* は前述のベクトル空間 V^* を張る。

[0030] なお、基底ベクトル a_i と基底ベクトル a_i^* とは、 0_F を除く有限体 F_q の元 $\tau = \kappa_1 \cdot \kappa_2$ について

$$e(a_i, a_j^*) = g_T^{\tau \cdot \delta(i, j)} \quad \dots (11)$$

を満たす。すなわち、 $i=j$ の場合には、式(6)(7)の関係から、

$$\begin{aligned} e(a_i, a_j^*) &= \text{Pair}(\kappa_1 \cdot g_1, \kappa_2 \cdot g_2) \cdot \text{Pair}(0, 0) \cdot \dots \cdot \text{Pair}(0, 0) \\ &= \text{Pair}(g_1, g_2)^{\kappa_1 \cdot \kappa_2} \cdot \text{Pair}(g_1, g_2)^{0 \cdot 0} \cdot \dots \cdot \text{Pair}(g_1, g_2)^{0 \cdot 0} \\ &= \text{Pair}(g_1, g_2)^{\kappa_1 \cdot \kappa_2 = g_T^\tau} \end{aligned}$$

を満たす。一方、 $i \neq j$ の場合には、 $e(a_i, a_j^*)$ は、 $\text{Pair}(\kappa_1 \cdot g_1, \kappa_2 \cdot g_2)$ を含まず、 $\text{Pair}(\kappa_1 \cdot g_1, 0)$ と $\text{Pair}(0, \kappa_2 \cdot g_2)$ と $\text{Pair}(0, 0)$ との積になる。さらに、式(7)の関係から $\text{Pair}(g_1, 0) = \text{Pair}(0, g_2) = \text{Pair}(g_1, g_2)^0$ を満たす。そのため、 $i \neq j$ の場合には、

$$e(a_i, a_j^*) = e(g_1, g_2)^0 = g_T^0$$

を満たす。

[0031] 特に、 $\tau = \kappa_1 \cdot \kappa_2 = 1_F$ である場合（例えば、 $\kappa_1 = \kappa_2 = 1_F$ の場合）、

$$e(a_i, a_j^*) = g_T^{\delta(i, j)} \quad \dots (12)$$

を満たす。ここで、 $g_T^0 = 1$ は巡回群 G_T の単位元であり、 $g_T^1 = g_T$ は巡回群 G_T の生成元である。この場合、基底ベクトル a_i と基底ベクトル a_i^* とは双対正規直交基底であり、ベクトル空間 V とベクトル空間 V^* とは、双線形写像を構成可能な双対ベクトル空間〔双対ペアリングベクトル空間 (DPVS: Dual Pairing Vector space)〕である。

[0032] A : A は基底ベクトル a_i ($i = 1, \dots, n+1$)を要素とする $n+1$ 行 $n+1$ 列の行列を表す。例えば、基底ベクトル a_i ($i = 1, \dots, n+1$)が式(9)によって表現される場合、行

列Aは、

[0033] [数1]

$$A = \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \\ \vdots \\ a_{n+1} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \kappa_1 \cdot g_1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & \kappa_1 \cdot g_1 & & \vdots \\ \vdots & & \ddots & 0 \\ 0 & \cdots & 0 & \kappa_1 \cdot g_1 \end{pmatrix} \quad \cdots (13)$$

[0034] となる。

A* : A*は基底ベクトル a_i^* ($i=1, \dots, n+1$)を要素とする $n+1$ 行 $n+1$ 列の行列を表す。例えば、基底ベクトル a_i^* ($i=1, \dots, n+1$)が式(10)によって表現される場合、行列A*は、

[0035] [数2]

$$A^* = \begin{pmatrix} a_1^* \\ a_2^* \\ \vdots \\ a_{n+1}^* \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \kappa_2 \cdot g_2 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & \kappa_2 \cdot g_2 & & \vdots \\ \vdots & & \ddots & 0 \\ 0 & \cdots & 0 & \kappa_2 \cdot g_2 \end{pmatrix} \quad \cdots (14)$$

[0036] となる。

X : Xは有限体 F_q の元を要素とする $n+1$ 行 $n+1$ 列の行列を表す。行列Xは基底ベクトル a_i の座標変換に用いられる。行列Xの i 行 j 列($i=1, \dots, n+1, j=1, \dots, n+1$)の要素を $\chi_{i,j} \in F_q$ とすると、行列Xは、

[0037] [数3]

$$X = \begin{pmatrix} \chi_{1,1} & \chi_{1,2} & \cdots & \chi_{1,n+1} \\ \chi_{2,1} & \chi_{2,2} & & \vdots \\ \vdots & & \ddots & \vdots \\ \chi_{n+1,1} & \chi_{n+1,2} & \cdots & \chi_{n+1,n+1} \end{pmatrix} \quad \cdots (15)$$

[0038] となる。なお、行列Xの各要素 $\chi_{i,j}$ を変換係数と呼ぶ。

X* : X*は行列Xの逆行列の転置行列 $X^* = (X^{-1})^T$ を表す。行列X*は基底ベクトル a_i^* の座標変換に用いられる。行列X*の i 行 j 列の要素を $\chi_{i,j}^* \in F_q$ とすると、行列X*は、

[0039] [数4]

$$X^* = \begin{pmatrix} \chi_{1,1}^* & \chi_{1,2}^* & \cdots & \chi_{1,n+1}^* \\ \chi_{2,1}^* & \chi_{2,2}^* & & \vdots \\ \vdots & & \ddots & \vdots \\ \chi_{n+1,1}^* & \chi_{n+1,2}^* & \cdots & \chi_{n+1,n+1}^* \end{pmatrix} \quad \cdots (16)$$

[0040] となる。なお、行列 X^* の各要素 $\chi_{i,j}^*$ を変換係数と呼ぶ。

この場合、 $n+1$ 行 $n+1$ 列の単位行列を I とすると $X \cdot (X^*)^T = I$ を満たす。すなわち、単位行列

[0041] [数5]

$$I = \begin{pmatrix} 1_F & 0_F & \cdots & 0_F \\ 0_F & 1_F & & \vdots \\ \vdots & & \ddots & 0_F \\ 0_F & 0_F & \cdots & 1_F \end{pmatrix} \quad \cdots (17)$$

[0042] に対し、

[0043] [数6]

$$\begin{pmatrix} \chi_{1,1} & \chi_{1,2} & \cdots & \chi_{1,n+1} \\ \chi_{2,1} & \chi_{2,2} & & \vdots \\ \vdots & & \ddots & \vdots \\ \chi_{n+1,1} & \chi_{n+1,2} & \cdots & \chi_{n+1,n+1} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \chi_{1,1}^* & \chi_{2,1}^* & \cdots & \chi_{n+1,1}^* \\ \chi_{1,2}^* & \chi_{2,2}^* & & \vdots \\ \vdots & & \ddots & \vdots \\ \chi_{1,n+1}^* & \chi_{2,n+1}^* & \cdots & \chi_{n+1,n+1}^* \end{pmatrix} \quad \cdots (18)$$

$$= \begin{pmatrix} 1_F & 0_F & \cdots & 0_F \\ 0_F & 1_F & & \vdots \\ \vdots & & \ddots & 0_F \\ 0_F & 0_F & \cdots & 1_F \end{pmatrix}$$

[0044] を満たす。ここで、 $n+1$ 次元ベクトル

$$\chi_i \rightarrow = (\chi_{i,1}, \dots, \chi_{i,n+1}) \quad \cdots (19)$$

$$\chi_j \rightarrow^* = (\chi_{j,1}^*, \dots, \chi_{j,n+1}^*) \quad \cdots (20)$$

を定義する。すると、式(18)の関係から、 $n+1$ 次元ベクトル $\chi_i \rightarrow$ と $\chi_j \rightarrow^*$ との内積は、

$$\chi_i \cdot \chi_j^* = \delta(i, j) \quad \dots (21)$$

となる。

- [0045] b_i : b_i は巡回群 G_1 の $n+1$ 個の元を要素とする $n+1$ 次元の基底ベクトルを表す。基底ベクトル b_i は行列 X を用いて基底ベクトル a_i ($i=1, \dots, n+1$)を座標変換することで得られる。具体的には、基底ベクトル b_i は、

$$b_i = \sum_{j=1}^{n+1} \chi_{i,j} \cdot a_j \quad \dots (22)$$

の演算によって得られる。例えば、基底ベクトル a_j ($j=1, \dots, n+1$)が式(9)によって表現される場合、基底ベクトル b_i の各要素をそれぞれ列挙して表現すると、以下ようになる。

$$b_i = (\chi_{i,1} \cdot \kappa_1 \cdot g_1, \chi_{i,2} \cdot \kappa_1 \cdot g_1, \dots, \chi_{i,n+1} \cdot \kappa_1 \cdot g_1) \quad \dots (23)$$

- [0046] 巡回群 G_1 の $n+1$ 個の元を要素とするすべての $n+1$ 次元ベクトルは、 $n+1$ 次元の基底ベクトル b_i ($i=1, \dots, n+1$)の線形和によって表される。すなわち、 $n+1$ 次元の基底ベクトル b_i は前述のベクトル空間 V を張る。

- [0047] b_i^* : b_i^* は巡回群 G_2 の $n+1$ 個の元を要素とする $n+1$ 次元の基底ベクトルを表す。行列 X^* を用いて基底ベクトル a_i^* ($i=1, \dots, n+1$)を座標変換することで得られる。具体的には、基底ベクトル b_i^* は、

$$b_i^* = \sum_{j=1}^{n+1} \chi_{i,j}^* \cdot a_j^* \quad \dots (24)$$

の演算によって得られる。例えば、基底ベクトル a_j^* ($j=1, \dots, n+1$)が式(10)によって表現される場合、基底ベクトル b_i^* の各要素をそれぞれ列挙して表現すると、以下ようになる。

$$b_i^* = (\chi_{i,1}^* \cdot \kappa_2 \cdot g_2, \chi_{i,2}^* \cdot \kappa_2 \cdot g_2, \dots, \chi_{i,n+1}^* \cdot \kappa_2 \cdot g_2) \quad \dots (25)$$

巡回群 G_2 の $n+1$ 個の元を要素とするすべての $n+1$ 次元ベクトルは、 $n+1$ 次元の基底ベクトル b_i^* ($i=1, \dots, n+1$)の線形和によって表される。すなわち、 $n+1$ 次元の基底ベクトル b_i^* は前述のベクトル空間 V^* を張る。

- [0048] なお、基底ベクトル b_i と基底ベクトル b_i^* とは、 0_F を除く有限体 F_q の元 $\tau = \kappa_1 \cdot \kappa_2$ について

$$e(b_i, b_j^*) = g_T^{\tau \cdot \delta(i, j)} \quad \dots (26)$$

を満たす。すなわち、式(6) (21) (23) (25)の関係から、

[0049] [数7]

$$\begin{aligned}
e(b_i, b_j^*) &= \prod_{L=1}^{n+1} \text{Pair}(\chi_{i,L} \cdot \kappa_1 \cdot g_1, \chi_{j,L}^* \cdot \kappa_2 \cdot g_2) \\
&= \text{Pair}(\chi_{i,1} \cdot \kappa_1 \cdot g_1, \chi_{j,1}^* \cdot \kappa_2 \cdot g_2) \cdots (\chi_{i,n} \cdot \kappa_1 \cdot g_1, \chi_{j,n}^* \cdot \kappa_2 \cdot g_2) \\
&\quad \times \text{Pair}(\chi_{j,n+1} \cdot \kappa_1 \cdot g_1, \chi_{j,n+1}^* \cdot \kappa_2 \cdot g_2) \\
&= \text{Pair}(g_1, g_2)^{\kappa_1 \cdot \kappa_2 \cdot \chi_{i,1} \cdot \chi_{j,1}^*} \cdots \text{Pair}(g_1, g_2)^{\kappa_1 \cdot \kappa_2 \cdot \chi_{i,2} \cdot \chi_{j,2}^*} \\
&\quad \times \text{Pair}(g_1, g_2)^{\kappa_1 \cdot \kappa_2 \cdot \chi_{i,n+1} \cdot \chi_{j,n+1}^*} \\
&= \text{Pair}(g_1, g_2)^{\kappa_1 \cdot \kappa_2 (\chi_{i,1} \cdot \chi_{j,1}^* + \chi_{i,2} \cdot \chi_{j,2}^* + \cdots + \chi_{i,n+1} \cdot \chi_{j,n+1}^*)} \\
&= \text{Pair}(g_1, g_2)^{\kappa_1 \cdot \kappa_2 \cdot \chi_i \rightarrow \chi_j^*} \\
&= \text{Pair}(g_1, g_2)^{\tau \cdot \delta(i,j)} = g_T^{\tau \cdot \delta(i,j)}
\end{aligned}$$

[0050] を満たす。特に、 $\tau = \kappa_1 \cdot \kappa_2 = 1_F$ である場合（例えば、 $\kappa_1 = \kappa_2 = 1_F$ の場合）、

$$e(b_i, b_j^*) = g_T^{\delta(i,j)} \quad \cdots (27)$$

を満たす。この場合、基底ベクトル b_i と基底ベクトル b_i^* とは、双対ペアリングベクトル空間（ベクトル空間 V とベクトル空間 V^* ）の双対正規直交基底である。

なお、式(26)の関係を満たすのであれば、式(9)(10)で例示したもの以外の基底ベクトル a_i 及び a_i^* や、式(22)(24)で例示したもの以外の基底ベクトル b_i 及び b_i^* を用いてもよい。

[0051] B : B は基底ベクトル b_i ($i=1, \dots, n+1$)を要素とする $n+1$ 行 $n+1$ 列の行列を表す。 $B=X \cdot A$ を満たす。例えば、基底ベクトル b_i が式(23)によって表現される場合、行列 B は、

[0052]

[数8]

$$\begin{aligned}
 B &= \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \\ \vdots \\ b_{n+1} \end{pmatrix} \\
 &= \begin{pmatrix} \chi_{1,1} \cdot \kappa_1 \cdot g_1 & \chi_{1,2} \cdot \kappa_1 \cdot g_1 & \cdots & \chi_{1,n+1} \cdot \kappa_1 \cdot g_1 \\ \chi_{2,1} \cdot \kappa_1 \cdot g_1 & \chi_{2,2} \cdot \kappa_1 \cdot g_1 & & \vdots \\ \vdots & & \ddots & \chi_{n,n+1} \cdot \kappa_1 \cdot g_1 \\ \chi_{n+1,1} \cdot \kappa_1 \cdot g_1 & \cdots & \chi_{n+1,n} \cdot \kappa_1 \cdot g_1 & \chi_{n+1,n+1} \cdot \kappa_1 \cdot g_1 \end{pmatrix} \quad \cdots (28)
 \end{aligned}$$

[0053] となる。

B^* : B^* は基底ベクトル $b_i^*(i=1, \dots, n+1)$ を要素とする $n+1$ 行 $n+1$ 列の行列を表す。 $B^*=X^* \cdot A^*$ を満たす。例えば、基底ベクトル $b_i^*(i=1, \dots, n+1)$ が式(25)によって表現される場合、行列 B^* は、

[0054] [数9]

$$\begin{aligned}
 B^* &= \begin{pmatrix} b_1^* \\ b_2^* \\ \vdots \\ b_{n+1}^* \end{pmatrix} \\
 &= \begin{pmatrix} \chi_{1,1}^* \cdot \kappa_2 \cdot g_2 & \chi_{1,2}^* \cdot \kappa_2 \cdot g_2 & \cdots & \chi_{1,n+1}^* \cdot \kappa_2 \cdot g_2 \\ \chi_{2,1}^* \cdot \kappa_2 \cdot g_2 & \chi_{2,2}^* \cdot \kappa_2 \cdot g_2 & & \vdots \\ \vdots & & \ddots & \chi_{n,n+1}^* \cdot \kappa_2 \cdot g_2 \\ \chi_{n+1,1}^* \cdot \kappa_2 \cdot g_2 & \cdots & \chi_{n+1,n}^* \cdot \kappa_2 \cdot g_2 & \chi_{n+1,n+1}^* \cdot \kappa_2 \cdot g_2 \end{pmatrix} \quad \cdots (29)
 \end{aligned}$$

[0055] となる。

w^- : w^- は有限体 F_q の元を要素とする n 次元ベクトルを表す。

$$w^- = (w_1, \dots, w_n) \in F_q^n \quad \cdots (30)$$

w_μ : w_μ は n 次元ベクトルの μ ($\mu=1, \dots, n$) 番目の要素を表す。

v^- : v^- は有限体 F_q の元を要素とする n 次元ベクトルを表す。

$$v^- = (v_1, \dots, v_n) \in F_q^n \quad \cdots (31)$$

v_μ : v_μ は n 次元ベクトルの μ ($\mu=1, \dots, n$) 番目の要素を表す。

[0056] 衝突困難な関数：「衝突困難な関数」とは、十分大きなセキュリティパラメータ k に対して以下の条件を満たす関数 h 、又は、それとみなせる関数を表す。

$$\Pr[A(h)=(x, y) \mid h(x)=h(y) \wedge x \neq y] < \varepsilon(k) \quad \dots (32)$$

ただし、 $\Pr[\cdot]$ は事象 $[\cdot]$ の確率であり、 $A(h)$ は関数 h に対して $h(x)=h(y)$ を満たす値 x, y ($x \neq y$) を算出する確率的多項式時間アルゴリズムであり、 $\varepsilon(k)$ はセキュリティパラメータ k についての多項式である。衝突困難な関数の例は、参考文献1に開示された「cryptographic hash function」などのハッシュ関数である。

[0057] 単射関数：「単射関数」とは、値域に属する元が何れもその定義域のただ一つの元の像として表される関数、又は、それとみなせる関数を表す。

[0058] 擬似的なランダム関数：「擬似的なランダム関数」とは、任意の確率的多項式時間アルゴリズムが集合 Φ_ξ とその部分集合 ϕ_ξ とを区別できない場合における、当該部分集合 ϕ_ξ に属する関数、又は、それとみなせる関数を表す。ただし、集合 Φ_ξ は集合 $\{0, 1\}^\xi$ の元を集合 $\{0, 1\}^\xi$ の元へ写すすべての関数の集合である。擬似的なランダム関数の例は、上述のようなハッシュ関数である。

[0059] H_1 ： H_1 は2つのバイナリ系列 $(\omega_1, \omega_2) \in \{0, 1\}^k \times \{0, 1\}^*$ を入力とし、有限体 F_q の2つの元 $(\psi_1, \psi_2) \in F_q \times F_q$ を出力する衝突困難な関数を表す。

$$H_1 : \{0, 1\}^k \times \{0, 1\}^* \rightarrow F_q \times F_q \quad \dots (33)$$

[0060] このような関数 H_1 の例は、 ω_1 と ω_2 とのビット連結値 $\omega_1 || \omega_2$ を入力とし、参考文献1に開示された「cryptographic hash function」などのハッシュ関数と、「バイナリ系列から整数への変換関数 (Octet string/integer conversion)」と、「バイナリ系列から有限体の元への変換関数 (Octet string and integer/finite field conversion)」との演算を行い、有限体 F_q の2つの元 $(\psi_1, \psi_2) \in F_q \times F_q$ を出力する関数である。なお、関数 H_1 は、擬似的なランダム関数であることが望ましい。

[0061] H_2 ： H_2 は巡回群 G_T の元とバイナリ系列 $(\xi, \omega_2) \in G_T \times \{0, 1\}^*$ を入力とし、有

有限体 F_q の1つの元 $\psi \in F_q$ を出力する衝突困難な関数を表す。

$$H_2 : G_T \times \{0, 1\}^* \rightarrow F_q \quad \dots (34)$$

[0062] このような関数 H_2 の例は、巡回群 G_T の元 $\xi \in G_T$ とバイナリ系列 $\omega_2 \in \{0, 1\}^*$ とを入力とし、巡回群 G_T の元 $\xi \in G_T$ を参考文献1に開示された「有限体の元からバイナリ系列への変換関数 (Octet string and integer/finite field conversion)」に入力してバイナリ系列を求め、そのバイナリ系列とバイナリ系列 $\omega_2 \in \{0, 1\}^*$ とのビット連結値に対して参考文献1に開示された「cryptographic hash function」などのハッシュ関数演算を行い、さらに「バイナリ系列から有限体の元への変換関数 (Octet string and integer/finite field conversion)」の演算を行い、有限体 F_q の1つの元 $\psi \in F_q$ を出力する関数である。なお、安全性の観点から、関数 H_2 は擬似的なランダム関数であることがより望ましい。

[0063] $R: R$ は1つの巡回群 G_T の元 $\xi \in G_T$ を入力とし、1つのバイナリ系列 $\omega \in \{0, 1\}^k$ を出力する単射関数を表す。

$$R : G_T \rightarrow \{0, 1\}^k \quad \dots (35)$$

[0064] このような単射関数 R の例は、巡回群 G_T の元 $\xi \in G_T$ を入力とし、参考文献1に開示された「有限体の元からバイナリ系列への変換関数 (Octet string and integer/finite field conversion)」と、参考文献1に開示された「KDF (Key Derivation Function)」などのハッシュ関数との演算を行い、1つのバイナリ系列 $\omega \in \{0, 1\}^k$ を出力する関数である。なお、安全性の観点から、関数 R は衝突困難な関数であることが望ましく、擬似的なランダム関数であることがより望ましい。

[0065] Enc : Enc は共通鍵暗号方式の暗号化処理を示す共通鍵暗号関数を表す。共通鍵暗号方式の具体例は、カメリア (Camellia) やAESなどである。

$Enc_k(M)$: $Enc_k(M)$ は、共通鍵 K を用い、共通鍵暗号関数 Enc に従って平文 M を暗号化して得られた暗号文を表す。

Dec : Dec は、共通鍵暗号方式の復号処理を示す共通鍵復号関数を表す。

$Dec_k(C)$: $Dec_k(C)$ は、共通鍵 K を用い、共通鍵復号関数 Dec に従って暗号文 C

を復号して得られた復号結果を表す。

[0066] [内積述語暗号]

次に、内積述語暗号の基本的な構成について説明する。

<述語暗号>

述語暗号（「関数暗号」と呼ぶ場合もある）とは、「属性情報」と呼ばれる情報と「述語情報」と呼ばれる情報との組み合わせが所定の論理式を「真」にする場合に暗号文が復号できる方式である。「属性情報」と「述語情報」の一方が暗号文に埋め込まれ、他方が鍵情報に埋め込まれる。従来の述語暗号の構成は、例えば、参考文献9「“Predicate Encryption Supporting Disjunctions, Polynomial Equations, and Inner Products,” with Amit Sahai and Brent Waters One of 4 papers from Eurocrypt 2008 invited to the Journal of Cryptology」等が開示されている。

[0067] <内積述語暗号>

内積述語暗号は、属性情報や述語情報としてベクトルを用い、それらの内積が0となる場合に暗号文が復号される述語暗号である。内積述語暗号では、内積が0となることと論理式が「真」となることが等価である。

[0068] [論理式と多項式との関係]

内積述語暗号では、論理和や論理積からなる論理式を多項式で表現する。

まず、「 x が η_1 である」という命題1と「 x が η_2 である」という命題2との論理和 $(x=\eta_1) \vee (x=\eta_2)$ を

$$(x-\eta_1) \cdot (x-\eta_2) \quad \dots (36)$$

という多項式で表現する。すると、各真理値と式(36)の関数値との関係は以下ようになる。

[0069] [表1]

命題1 ($x=\eta_1$)	命題2 ($x=\eta_2$)	論理和 ($x=\eta_1$) \vee ($x=\eta_2$)	関数値 ($x-\eta_1$) \cdot ($x-\eta_2$)
真	真	真	0
真	偽	真	0
偽	真	真	0
偽	偽	偽	その他

[表1]から分かるように、論理和 $(x=\eta_1) \vee (x=\eta_2)$ が真である場合、式(36)の関数値は0になり、論理和 $(x=\eta_1) \vee (x=\eta_2)$ が偽である場合、式(36)の関数値は0以外の値となる。すなわち、論理和 $(x=\eta_1) \vee (x=\eta_2)$ が真であることと、式(36)の関数値が0となることとは等価である。よって、論理和は式(36)で表現できる。

[0070] また、「 x が η_1 である」という命題1と「 x が η_2 である」という命題2との論理積 $(x=\eta_1) \wedge (x=\eta_2)$ を

$$l_1 \cdot (x-\eta_1) + l_2 \cdot (x-\eta_2) \quad \dots(37)$$

という多項式で表現する。ただし、 l_1 及び l_2 は乱数である。すると、真理値と式(37)の関数値とは以下の関係となる。

[0071] [表2]

命題1 ($x=\eta_1$)	命題2 ($x=\eta_2$)	論理積 ($x=\eta_1$) \wedge ($x=\eta_2$)	関数値 $l_1 \cdot (x-\eta_1) + l_2 \cdot (x-\eta_2)$
真	真	真	0
真	偽	偽	その他
偽	真	偽	その他
偽	偽	偽	その他

[表2]から分かるように、論理積 $(x=\eta_1) \wedge (x=\eta_2)$ が真である場合、式(37)の関数値は0になり、論理積 $(x=\eta_1) \wedge (x=\eta_2)$ が偽である場合、式(37)の関数値は0以外の値となる。すなわち、論理積 $(x=\eta_1) \wedge (x=\eta_2)$ が真であることと、式(37)の関数値が0となることとは等価である。よって、論理積は式(37)で表現できる。

[0072] 以上のように、式(36)と式(37)とを用いることで論理和や論理積からなる論理式を多項式 $f(x)$ で表現できる。例えば、論理式 $\{(x=\eta_1) \vee (x=\eta_2) \vee (x=\eta_3)\} \wedge (x=\eta_4) \wedge (x=\eta_5)$ は、多項式

$$f(x) = l_1 \cdot \{(x-\eta_1) \cdot (x-\eta_2) \cdot (x-\eta_3)\} + l_2 \cdot (x-\eta_4) + l_3 \cdot (x-\eta_5) \quad \dots(38)$$

で表現できる。

[0073] なお、式(36)では、1つの不定元 x を用いて論理和を表現したが、複数の不定元を用いて論理和を表現することも可能である。例えば、2つの不定元 x_0

及び x_1 を用い、「 x_0 が η_0 である」という命題1と「 x_1 が η_1 である」という命題2との論理和 $(x_0=\eta_0) \vee (x_1=\eta_1)$ を

$$(x_0-\eta_0) \cdot (x_1-\eta_1)$$

という多項式で表現することも可能であり、3つ以上の不定元を用い、論理和を多項式で表現することも可能である。

[0074] また、式(37)では、1つの不定元 x を用いて論理積を表現したが、複数の不定元を用いて論理積を表現することも可能である。例えば、また、「 x_0 が η_0 である」という命題1と「 x_1 が η_1 である」という命題2との論理積 $(x_0=\eta_0) \wedge (x_1=\eta_1)$ を

$$l_0 \cdot (x_0-\eta_0) + l_1 \cdot (x_1-\eta_1)$$

という多項式で表現することも可能であり、3つ以上の不定元を用い、論理積を多項式で表現することも可能である。

[0075] 論理和及び／又は論理積を含む論理式を H ($H \geq 1$) 種類の不定元 x_0, \dots, x_{H-1} を用いて表現した多項式を $f(x_0, \dots, x_{H-1})$ と表現する。また、各不定元 x_0, \dots, x_{H-1} に対応する命題を「 x_h が η_h である」とする。ただし、 η_h ($h=0, \dots, H-1$) は命題ごとに定まる定数である。この場合、当該論理式を示す多項式 $f(x_0, \dots, x_{H-1})$ は、不定元 x_h と定数 η_h との差をとる多項式によって当該不定元 x_h が当該定数 η_h であるという命題を表現し、命題をそれぞれ表現する多項式の積によって当該命題の論理和を表現し、命題又は命題の論理和をそれぞれ表現する多項式の線形和によって当該命題又は命題の論理和の論理積を表現し、それによって論理式を表現した多項式となる。例えば、5つの不定元 x_0, \dots, x_4 を用い、論理式 $\{(x_0=\eta_0) \vee (x_1=\eta_1) \vee (x_2=\eta_2)\} \wedge (x_3=\eta_3) \wedge (x_4=\eta_4)$ を多項式で表現すると、

$$\begin{aligned} f(x_0, \dots, x_4) \\ = l_0 \cdot \{(x_0-\eta_0) \cdot (x_1-\eta_1) \cdot (x_2-\eta_2)\} + l_1 \cdot (x_3-\eta_3) + l_2 \cdot (x_4-\eta_4) \end{aligned}$$

となる。

[0076] [多項式と内積の関係]

論理式を示す多項式 $f(x_0, \dots, x_{H-1})$ は、2つの n 次元ベクトルの内積で表現で

きる。すなわち、多項式 $f(x_0, \dots, x_{H-1})$ は、当該多項式 $f(x_0, \dots, x_{H-1})$ の各項の不定元成分を各要素とするベクトル

$$v^{\rightarrow} = (v_1, \dots, v_n)$$

と、当該多項式 $f(x_0, \dots, x_{H-1})$ の各項の係数成分を各要素とするベクトル

$$w^{\rightarrow} = (w_1, \dots, w_n)$$

との内積

$$f(x_0, \dots, x_{H-1}) = w^{\rightarrow} \cdot v^{\rightarrow}$$

に等しい。すなわち、論理式を示す多項式 $f(x_0, \dots, x_{H-1})$ が0であるか否かと、多項式 $f(x_0, \dots, x_{H-1})$ の各項の不定元成分を各要素とするベクトル v^{\rightarrow} と、多項式 $f(x_0, \dots, x_{H-1})$ の各項の係数成分を各要素とするベクトル w^{\rightarrow} との内積が0であるか否かとは等価である。

$$[0077] \quad f(x_0, \dots, x_{H-1}) = 0 \iff w^{\rightarrow} \cdot v^{\rightarrow} = 0$$

例えば、1つの不定元 x で表現された多項式 $f(x) = \theta_0 \cdot x^0 + \theta_1 \cdot x + \dots + \theta_{n-1} \cdot x^{n-1}$ は、2つの n 次元ベクトル

$$w^{\rightarrow} = (w_1, \dots, w_n) = (\theta_0, \dots, \theta_{n-1}) \quad \dots (39)$$

$$v^{\rightarrow} = (v_1, \dots, v_n) = (x^0, \dots, x^{n-1}) \quad \dots (40)$$

の内積

$$f(x) = w^{\rightarrow} \cdot v^{\rightarrow} \quad \dots (41)$$

で表現できる。すなわち、論理式を示す多項式 $f(x)$ が0であるか否かと、式(41)の内積が0であるか否かとは等価である。

$$[0078] \quad f(x) = 0 \iff w^{\rightarrow} \cdot v^{\rightarrow} = 0 \quad \dots (42)$$

また、多項式 $f(x_0, \dots, x_{H-1})$ の各項の不定元成分を各要素とするベクトルを

$$w^{\rightarrow} = (w_1, \dots, w_n)$$

とし、多項式 $f(x_0, \dots, x_{H-1})$ の各項の係数成分を各要素とするベクトル

$$v^{\rightarrow} = (v_1, \dots, v_n)$$

としても、論理式を示す多項式 $f(x_0, \dots, x_{H-1})$ が0であるか否かと、ベクトル w^{\rightarrow} とベクトル v^{\rightarrow} との内積が0であるか否かとは等価である。

[0079] 例えば、式(39)(40)の代わりに

$$w \rightarrow = (w_1, \dots, w_n) = (x^0, \dots, x^n) \quad \dots (43)$$

$$v \rightarrow = (v_1, \dots, v_n) = (\theta_1, \dots, \theta_{n-1}) \quad \dots (44)$$

としても、論理式を示す多項式 $f(x)$ が 0 であるか否かと、式 (41) の内積が 0 であるか否かとは等価である。

- [0080] 内積述語暗号では、ベクトル $v \rightarrow = (v_0, \dots, v_{n-1})$ 及び $w \rightarrow = (w_0, \dots, w_{n-1})$ の何れか一方を属性情報とし、他方を述語情報とし、属性情報と述語情報の一方が暗号文に埋め込まれ、他方が鍵情報に埋め込まれる。例えば、 n 次元ベクトル $(\theta_0, \dots, \theta_{n-1})$ が述語情報とされ、 n 次元ベクトル (x^0, \dots, x^{n-1}) が属性情報とされ、属性情報と述語情報の一方が暗号文に埋め込まれ、他方が鍵情報に埋め込まれる。なお、以下では、鍵情報に埋め込まれる n 次元ベクトルを $w \rightarrow = (w_1, \dots, w_n)$ とし、暗号文に埋め込まれる n 次元ベクトルを $v \rightarrow = (v_1, \dots, v_n)$ とする。例えば、

$$\text{述語情報} : w \rightarrow = (w_1, \dots, w_n) = (\theta_0, \dots, \theta_{n-1})$$

$$\text{属性情報} : v \rightarrow = (v_1, \dots, v_n) = (x^0, \dots, x^{n-1})$$

であるか、

$$\text{述語情報} : v \rightarrow = (v_1, \dots, v_n) = (\theta_0, \dots, \theta_{n-1})$$

$$\text{属性情報} : w \rightarrow = (w_1, \dots, w_n) = (x^0, \dots, x^{n-1})$$

である。

- [0081] [内積述語暗号の基本構成]

以下では、内積述語暗号を用いて鍵カプセル化メカニズム KEM (Key Encapsulation Mechanisms) を構成する場合の基本構成を例示する。この構成は $\text{Setup}(1^k)$, $\text{GenKey}(\text{MSK}, w \rightarrow)$, $\text{Enc}(\text{PA}, v \rightarrow)$, $\text{Dec}(\text{SK}_w, G_2)$ を含む。

- [0082] 《 $\text{Setup}(1^k)$: セットアップ》

—入力 : セキュリティパラメータ k

—出力 : マスター鍵情報 MSK , 公開パラメータ PK

$\text{Setup}(1^k)$ の一例では、まず、セキュリティパラメータ k を n として、 $n+1$ 次元の基底ベクトル a_i ($i=1, \dots, n+1$) を要素とする $n+1$ 行 $n+1$ 列の行列 A と、基底ベクトル a_i^* ($i=1, \dots, n+1$) を要素とする $n+1$ 行 $n+1$ 列の行列 A^* と、座標変換のための $n+1$ 行 $n+1$ 列の行列 X , X^* とが選択される。次に、式 (22) に従って座標変換された

$n+1$ 次元の基底ベクトル b_i ($i=1, \dots, n+1$)が算出され、式(24)に従って座標変換された $n+1$ 次元の基底ベクトル b_i^* ($i=1, \dots, n+1$)が算出される。そして、基底ベクトル b_i^* ($i=1, \dots, n+1$)を要素とする $n+1$ 行 $n+1$ 列の行列 B^* がマスター鍵情報MSKとして出力され、ベクトル空間 V , V^* 、基底ベクトル b_i ($i=1, \dots, n+1$)を要素とする $n+1$ 行 $n+1$ 列の行列 B 、セキュリティパラメータ k 、有限体 F_q 、楕円曲線 E 、巡回群 G_1 , G_2 , G_T 、生成元 g_1 , g_2 , g_T 、双線形関数 e などが公開パラメータPKとして出力される。

[0083] 《GenKey (MSK, w^-) : 鍵情報生成》

—入力 : マスター鍵情報MSK, ベクトル w^-

—出力 : ベクトル w^- に対応する鍵情報 D^*

GenKey (MSK, w^-)の一例では、まず、有限体 F_q から元 $\alpha \in F_q$ が選択される。そして、マスター鍵情報MSKである行列 B^* を用い、ベクトル w^- に対応する鍵情報

$$D^* = \alpha \cdot \left(\sum_{\mu=1}^n w_{\mu} \cdot b_{\mu}^* \right) + b_{n+1}^* \in G_2^{n+1} \quad \dots (45)$$

が生成され、出力される。なお、巡回群 G_2 上での離散対数問題の求解が困難である場合、鍵情報 D^* から $w_{\mu} \cdot b_{\mu}^*$ や b_{n+1}^* の成分を分離抽出することは困難である。

[0084] 《Enc (PA, v^-) : 暗号化》

—入力 : 公開パラメータPK, ベクトル v^-

—出力 : 暗号文 C_2 , 共通鍵K

Enc (PA, v^-)の一例では、まず、共通鍵Kと有限体 F_q の元である乱数 v_1 とが生成される。そして、行列 B などの公開パラメータPKと、共通鍵Kを含む値に対応する有限体 F_q の元 v_2 と、ベクトル v^- と、乱数 v_1 とを用い、暗号文

$$C_2 = v_1 \cdot \left(\sum_{\mu=1}^n v_{\mu} \cdot b_{\mu} \right) + v_2 \cdot b_{n+1} \in G_1^{n+1} \quad \dots (46)$$

が生成される。そして、暗号文 C_2 と共通鍵Kとが出力される。共通鍵Kの一例は $K = g_T^{\tau} \cdot v_2 \in G_T$ である。ここで、添え字の v_2 は v_2 を意味する。また、前述のように τ の一例は $\tau = 1_F$ である。なお、巡回群 G_1 上での離散対数問題の求解が困難である場合、暗号文 C_2 から $v_{\mu} \cdot b_{\mu}$ や $v_2 \cdot b_{n+1}$ の成分を分離抽出することは困難である。

[0085] 《Dec(SKw, C₂) : 復号・鍵共有》

—入力 : ベクトルw[→]に対応する鍵情報D₁^{*}, 暗号文C₂

—出力 : 共通鍵K

Dec(SKw, C₂) の一例では、まず、暗号文C₂と鍵情報D₁^{*}とが式(2)の双線形関数eに入力される。すると、式(3)(26)の性質から、

[0086] [数10]

$$\begin{aligned}
 e(C_2, D^*) &= e(v_1 \cdot (\sum_{\mu=1}^n v_{\mu} \cdot b_{\mu}) + v_2 \cdot b_{n+1}, \alpha \cdot (\sum_{\mu=1}^n w_{\mu} \cdot b_{\mu}^*) + b_{n+1}^*) \\
 &= e(v_1 \cdot v_1 \cdot b_1, \alpha \cdot w_1 \cdot b_1^*) \cdots e(v_1 \cdot v_n \cdot b_n, \alpha \cdot w_n \cdot b_n^*) \\
 &\quad \times e(v_2 \cdot b_{n+1}, b_{n+1}^*) \cdots (47) \\
 &= e(b_1, b_1^*)^{v_1 \cdot v_1 \cdot \alpha \cdot w_1} \cdots e(b_n, b_n^*)^{v_1 \cdot v_n \cdot \alpha \cdot w_n} \cdot e(b_{n+1}, b_{n+1}^*)^{v_2} \\
 &= g_T^{\tau \cdot v_1 \cdot v_1 \cdot \alpha \cdot w_1} \cdots g_T^{\tau \cdot v_1 \cdot v_n \cdot \alpha \cdot w_n} \cdot g_T^{\tau \cdot v_2} \\
 &= g_T^{\tau \cdot v_1 \cdot \alpha \cdot v^{\rightarrow} \cdot w^{\rightarrow}} \cdot g_T^{\tau \cdot v_2}
 \end{aligned}$$

[0087] を満たす。

ここで、内積w[→]・v[→]=0であれば、式(47)は、

[0088] [数11]

$$\begin{aligned}
 e(C_2, D^*) &= g_T^{\tau \cdot v_1 \cdot \alpha \cdot 0} \cdot g_T^{\tau \cdot v_2} \\
 &= g_T^{\tau \cdot v_2} \cdots (48)
 \end{aligned}$$

[0089] と変形できる。この結果から共通鍵Kが生成され出力される。共通鍵Kの一例はK=g_T^{τ・v₂}∈G_Tである。

[0090] [第一実施形態]

第一実施形態の情報生成装置及び方法は、前述した述語暗号を用いて階層型暗号を実現したものである。具体的には、前述した述語暗号で登場する基底b^{*}を用いて、木構造以外の一般の半順序構造で表される情報導出を実現するものである。

図1に、第一実施形態の情報生成装置の機能ブロック図を例示する。

[0091] 各情報には、インデックスvが付けられている。インデックスvは、v=(v₁, ..., v_{N-1}) ∈ I=(F_q ∪ { * })^{N-1}であり、インデックスvには

対応する集合 $w(v) = \{i \mid v_i = *\}$ が定義されている。*は不定文字である。以下に登場するインデックス u 、インデックス Y 等のインデックスはインデックス v と同様の構造を持ち、インデックス $u = (u_1, \dots, u_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ 、インデックス $Y = (Y_1, \dots, Y_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ であるとする。インデックス $u \in I$ とインデックス $v \in I$ に対して、 $w(u) \subset w(v)$ かつ $v_i = u_i$ ($i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(v)$) であるとき、すなわち、 $w(u) \subset w(v)$ かつ任意の $i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(v)$ に対して $v_i = u_i$ であるとき、インデックス $u \leq$ インデックス v であり、インデックス v はインデックス u よりも上位の情報であるとする。ここで、記号「 \setminus 」は集合の減算を意味し、例えば集合 $A = \{1, 2, 3\}$ 、集合 $B = \{1\}$ のとき、 $A \setminus B = \{2, 3\}$ である。

[0092] 例えば、インデックス $v = \{v_1, v_2, v_3\} = \{2, *, *\}$ であり、インデックス $u = \{u_1, u_2, u_3\} = \{2, *, 4\}$ であるとする。このとき、 $w(v) = \{2, 3\}$ 、 $w(u) = \{2\}$ となり、 $w(u) \subset w(v)$ が成立する。また、 $v_1 = u_1 = 2$ である。したがって、インデックス $u \leq$ インデックス v であり、インデックス v はインデックス u よりも上位の情報であるといえる。

[0093] 以下、基底 b_i^* から生成される情報に対するインデックスをインデックス Y と表記し、導出基の情報に対するインデックスをインデックス v と表記し、その導出基の情報から導出された情報に対するインデックスをインデックス u と表記する。

[0094] <情報生成>

情報生成装置及び方法は、図2のステップA1からステップA3において、基底 b_i^* を用いてインデックス Y に対応する情報 K_Y を生成する。情報 K_Y は、主情報 k_Y と導出情報 k_{Y_j} とを含む。主情報 k_Y は、述語暗号において例えば復号鍵として使用される。導出情報 k_{Y_j} は、インデックス Y に対応する情報 K_Y よりも下位の情報を生成するために用いられる。

[0095] 情報生成装置には、インデックス $Y \in I$ が入力される。

乱数生成部 1 は、乱数 $\sigma_Y \in Z_q$ 、及び、集合 $w(Y)$ の各要素 $j \in w(Y)$ に対応する乱数 $\sigma_{Y_j} \in Z_q$ を生成する（ステップ A 1）。生成された乱数 σ_Y は、主情報生成部 2 に送られる。生成された乱数 σ_{Y_j} は、導出情報生成部 3 に送られる。例えば、集合 $w(Y) = \{2, 3\}$ である場合には、乱数生成部 1 は σ_Y 、 σ_{Y_2} 及び σ_{Y_3} の 3 つの乱数を生成する。

[0096] 主情報生成部 2 は、上記生成された乱数 σ_Y を用いて、 $k_Y = \sigma_Y \sum_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(Y)} Y_i b_i^* + b_N^*$ の関係を満たす主情報 k_Y を計算する（ステップ A 2）。計算された主情報 k_Y は記憶部 4 に格納される。

[0097] 導出情報生成部 3 は、上記生成された乱数 σ_{Y_j} を用いて、 $k_{Y_j} = \sigma_{Y_j} \sum_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(Y)} Y_i b_i^* + b_j^*$ の関係を満たす導出情報 k_{Y_j} を集合 $w(Y)$ の各要素 $j \in w(Y)$ ごとに計算する（ステップ A 3）。計算された導出情報 k_{Y_j} は記憶部 4 に格納される。

[0098] <情報導出>

情報生成装置及び方法は、図 3 のステップ B 1 からステップ B 3 において、 $u \leq v$ として、上位のインデックス v に対応する情報 K_v から、下位のインデックス u に対応する情報 K_u を生成する。

[0099] インデックス v に対応する情報 K_v は、主情報 k_v と導出情報 k_{v_j} を含む。主情報 k_v は、述語暗号において例えば復号鍵として使用される。導出情報 k_{v_j} は、インデックス v に対応する情報 K_v よりも下位の情報を生成するために用いられる。例えば、インデックス $v = Y$ であり、情報 $K_v =$ 情報 K_Y である。また、ステップ B 1 からステップ B 3 の処理により生成された情報 K_u を新たな情報 $K_{v'}$ として、インデックス u に対応する情報 K_u よりも下位の情報 $K_{u'}$ ($u' \leq u$) を生成してもよい。

[0100] インデックス u に対応する情報 K_u は、主情報 k_u と導出情報 k_{u_j} を含む。主情報 k_u は、述語暗号において例えば復号鍵として使用される。導出情報 k_{u_j} は、インデックス u に対応する情報 K_u よりも下位の情報を生成するために用いられる。

情報生成装置には、インデックス v 及びインデックス u が入力される。

記憶部 4 には、インデックス v に対応する情報 K_v が格納されているとする。

[0101] 乱数生成部 1 は、乱数 $\sigma_u \in Z_q$ 及び集合 $w(u)$ の各要素 $j \in w(u)$ に対応する乱数 $\sigma_{uj} \in Z_q$ を生成する (ステップ B 1)。生成された乱数 σ_u は主情報導出部 5 に送られ、生成された乱数 σ_{uj} は導出情報導出部 6 に送られる。

[0102] 主情報導出部 5 は、記憶部 4 から読み込んだ主情報 k_v 、導出情報 k_{vi} 及び上記生成された乱数 σ_u を用いて、 $k_u = \sigma_u \sum_{i \in w(v) \setminus w(u)} u_i k_{vi} + k_v$ の関係を満たす、インデックス u に対応する主情報 k_u を計算する (ステップ B 2)。計算された主情報 k_u は、記憶部 4 に格納される。

[0103] 導出情報導出部 6 は、記憶部 4 から読み込んだ導出情報 k_{vj} 及び上記生成された乱数 σ_{uj} を用いて、 $k_{uj} = \sigma_{uj} \sum_{i \in w(v) \setminus w(u)} u_i k_{vi} + k_{vj}$ の関係を満たすインデックス u に対応する導出情報 k_{uj} を集合 $w(u)$ の各要素 $j \in w(u)$ ごとに計算する (ステップ B 3)。計算された導出情報 k_{uj} は、記憶部 4 に格納される。

[0104] このようにして、インデックス Y に対応する情報 K_Y を生成して、この情報 K_Y を基にして下位のインデックスに対応する情報を導出することにより、共通の子ノード C を持つ親ノード A と親ノード B に対して、親ノード A の情報から共通の子ノード C の情報を導出し、親ノード B の情報から共通の子ノード C の情報を導出することができる。

[0105] <具体例 1>

以下、各ノードの情報が述語暗号における鍵であり、インデックス v^1 の情報から生成したインデックス v^3 の情報と、インデックス v^2 の情報から生成したインデックス v^3 の情報とが、述語暗号における鍵という観点から一致することを説明する。以下に示すインデックス v^1 、インデックス v^2 、インデックス v^3 は一例であり、他のインデックスについても同様のことが言える。

[0106] インデックス $v^1 = \{v_1, v_2, *, *\}$ とし、インデックス $v^2 = \{*, *, v_3, v_4\}$ とし、インデックス $v^3 = \{v_1, v_2, v_3, v_4\}$ とする。

定義より、 $v^1 \geq v^3$ 、 $v^2 \geq v^3$ であり、親ノードであるインデックス v^1 及び親ノードであるインデックス v^2 は、インデックス v^3 を共通する子ノードとして有する。なお、以下では、 v^i ($i=1, 2, 3$) を $v^{\wedge}i$ と表記することもある。また、インデックス v^i の j 番目の要素を $v^{\wedge}ij$ と表記することもある。

[0107] $N=5$ として、 N 個の基底 b_1^* 、 b_2^* 、 b_3^* 、 b_4^* 、 b_5^* から、インデックス v^1 に対応する情報 $K_{v^{\wedge}1}$ 及びインデックス v^2 に対応する情報 $K_{v^{\wedge}2}$ を生成する。 $\sigma_{v^{\wedge}1}$ 、 $\sigma_{v^{\wedge}13}$ 、 $\sigma_{v^{\wedge}14}$ 、 $\sigma_{v^{\wedge}2}$ 、 $\sigma_{v^{\wedge}23}$ 、 $\sigma_{v^{\wedge}24}$ 、 $\sigma_{v^{\wedge}3}$ 、 $\sigma_{v^{\wedge}3}$ 'は乱数生成部1により生成される乱数である。

[0108] インデックス v^1 に対応する情報 $K_{v^{\wedge}1}$ (主情報 $k_{v^{\wedge}1}$ 、導出情報 $k_{v^{\wedge}13}$ 、 $k_{v^{\wedge}14}$) は以下のようになる。

$$k_{v^{\wedge}1} = \sigma_{v^{\wedge}1} (v_1 b_1^* + v_2 b_2^*) + b_5^*$$

$$k_{v^{\wedge}13} = \sigma_{v^{\wedge}13} (v_1 b_1^* + v_2 b_2^*) + b_3^*$$

$$k_{v^{\wedge}14} = \sigma_{v^{\wedge}14} (v_1 b_1^* + v_2 b_2^*) + b_4^*$$

[0109] また、インデックス v^2 に対応する情報 $K_{v^{\wedge}2}$ (主情報 $k_{v^{\wedge}2}$ 、導出情報 $k_{v^{\wedge}21}$ 、 $k_{v^{\wedge}22}$) は以下のようになる。

$$k_{v^{\wedge}2} = \sigma_{v^{\wedge}2} (v_3 b_3^* + v_4 b_4^*) + b_5^*$$

$$k_{v^{\wedge}21} = \sigma_{v^{\wedge}23} (v_3 b_3^* + v_4 b_4^*) + b_1^*$$

$$k_{v^{\wedge}22} = \sigma_{v^{\wedge}24} (v_3 b_3^* + v_4 b_4^*) + b_2^*$$

[0110] インデックス v^1 に対応する情報 $K_{v^{\wedge}1}$ からインデックス v^3 に対応する主情報 $k_{v^{\wedge}3}$ を導出すると以下のようになる。以下の式において、 $a = (\sigma_{v^{\wedge}3} (v_3 \sigma_{v^{\wedge}13} + v_4 \sigma_{v^{\wedge}14}) + \sigma_{v^{\wedge}1})$ であり、 $b = \sigma_{v^{\wedge}3}$ である。

$$\begin{aligned} k_{v^{\wedge}3} &= \sigma_{v^{\wedge}3} (v_3 k_{v^{\wedge}13} + v_4 k_{v^{\wedge}14}) + k_{v^{\wedge}1} \\ &= (\sigma_{v^{\wedge}3} (v_3 \sigma_{v^{\wedge}13} + v_4 \sigma_{v^{\wedge}14}) + \sigma_{v^{\wedge}1}) (v_1 b_1^* + v_2 b_2^*) + \sigma_{v^{\wedge}3} (v_3 b_3^* + v_4 b_4^*) + b_5^* \\ &= a (v_1 b_1^* + v_2 b_2^*) + b (v_3 b_3^* + v_4 b_4^*) + b_5^* \end{aligned}$$

... (A)

[0111] インデックス v^2 に対応する情報 $K_{v^{\wedge}2}$ からインデックス v^3 に対応する主情

報 k_{v^3} を導出すると以下ようになる。以下の式において、 $c = \sigma_{v^3}'$ であり、 $d = (\sigma_{v^3}' (v_1 \sigma_{v^23} + v_4 \sigma_{v^24}) + \sigma_{v^2})$ である。

$$\begin{aligned}
 k_{v^3} &= \sigma_{v^3}' (v_1 k_{v^21} + v_2 k_{v^22}) + k_{v^2} \\
 &= (\sigma_{v^3}' (v_1 \sigma_{v^23} + v_4 \sigma_{v^24}) + \sigma_{v^2}) (v_3 b_{3^*} + v_4 b_{4^*}) + \sigma_{v^3}' (v_1 b_{1^*} + v_2 b_{2^*}) + b_{5^*} \\
 &= c (v_1 b_{1^*} + v_2 b_{2^*}) + d (v_3 b_{3^*} + v_4 b_{4^*}) + b_{5^*} \dots (B)
 \end{aligned}$$

[0112] 上記 (A) 式に示した情報 K_{v^1} から導出した主情報 k_{v^3} と、上記 (B) 式に示した情報 K_{v^2} から導出した主情報 k_{v^3} とを比較すると、値は一致しないが、述語暗号において同値な鍵となる。すなわち、 $(v_1 b_{1^*} + v_2 b_{2^*})$ をベクトル (b_{1^*}, b_{2^*}) とベクトル (v_1, v_2) の内積と見ると、ベクトル (b_{1^*}, b_{2^*}) に対するベクトル (v_1, v_2) の方向が (A) 式と (B) 式で一致しており、同様に、 $(v_3 b_{3^*} + v_4 b_{4^*})$ をベクトル (b_{3^*}, b_{4^*}) とベクトル (v_3, v_4) の内積と見ると、ベクトル (b_{3^*}, b_{4^*}) に対するベクトル (v_3, v_4) の方向が (A) 式と (B) 式で一致しており、両鍵は述語暗号において同値な鍵となる。

[0113] [第二実施形態]

図 4 に、第二実施形態の情報生成装置の機能ブロック図を例示する。

[0114] G 、 G_T を素数位数 q の巡回群とし、 g を巡回群 G の生成元とし、巡回群 G には $g_T = e(g, g)$ が巡回群 G_T の生成元となるようなペアリング関数 $e : G \times G \rightarrow G_T$ が存在するとし、 a を Z_p からランダムに選択された乱数とし、 g と $g_1 = g^a \in G$ と巡回群 G からランダムに選択された $g_2, g_3, h_1, \dots, h_{N-1} \in G$ とが公開鍵として公開されているとする。

[0115] <情報生成>

情報生成装置及び方法は、図 5 のステップ C 1 からステップ C 4 において、公開鍵を用いてインデックス Y に対応する情報 K_Y を生成する。情報 K_Y は、第一主情報 k_Y と第二主情報 g^{r^Y} と導出情報 k_{Yj} とを含む。第一主情報 k_Y 及び第二主情報 g^{r^Y} は、例えば復号鍵として使用される。導出情報 k_{Yj} は、

インデックス Y に対応する情報 K_Y よりも下位の情報を生成するために用いられる。

[0116] 情報生成装置には、インデックス $Y \in I$ が入力される。

乱数生成部1は、乱数 $r_Y \in Z_q$ を生成する(ステップC1)。生成された乱数 r_Y は、第一主情報生成部21、第二主情報生成部22及び導出情報生成部3に送られる。

[0117] 第一主情報生成部21は、上記生成された乱数 r_Y を用いて、 $k_Y = g_2^a (g_3^{\prod_{i \in [1, \dots, N-1] \setminus w(Y)} h_i^{Y_i}})^{r_Y}$ の関係を満たす第一主情報 k_Y を計算する(ステップC2)。計算された第一主情報 k_Y は記憶部4に格納される。

第二主情報生成部22は、上記生成された乱数 r_Y を用いて、第二主情報 g^{r_Y} を計算する(ステップC3)。計算された第二主情報 k_Y は記憶部4に格納される。

[0118] 導出情報生成部3は、上記生成された乱数 r_Y を用いて、 $k_{Y_j} = h_j^{r_Y}$ の関係を満たす導出情報 k_{Y_j} を集合 $w(Y)$ の各要素 $j \in w(Y)$ ごとに計算する(ステップC4)。計算された導出情報 k_{Y_j} は、記憶部4に格納される。

[0119] <情報導出>

情報生成装置及び方法は、図6のステップD1からステップD4において、 $u \leq v$ として、上位のインデックス v に対応する情報 K_v から、下位のインデックス u に対応する情報 K_u を生成する。

[0120] インデックス v に対応する情報 K_v は、第一主情報 k_v と第二主情報 g^{r_v} と導出情報 k_{v_j} とを含む。第一主情報 k_v 及び第二主情報 g^{r_v} は、例えば復号鍵として使用される。導出情報 k_{v_j} は、インデックス v に対応する情報 K_v よりも下位の情報を生成するために用いられる。例えば、インデックス $v = Y$ であり、情報 $K_v =$ 情報 K_Y である。また、ステップD1からステップD4の処理により生成された情報 K_u を新たな情報 K_v として、インデックス u に対応する情報 K_u よりも下位の情報 $K_{u'}$ ($u' \leq u$)を生成してもよい。

[0121] インデックス u に対応する情報 K_u は、第一主情報 k_u と第二主情報 g^{r_u} と導出情報 k_{u_j} とを含む。第一主情報 k_u 及び第二主情報 g^{r_u} は、例えば復号鍵

として使用される。導出情報 $k_{u,j}$ は、インデックス u に対応する情報 K_u よりも下位の情報を生成するために用いられる。

[0122] 情報生成装置には、インデックス v 及びインデックス u が入力される。記憶部 4 には、インデックス v に対応する情報 K_v が格納されているとする。

乱数生成部 1 は、乱数 r_u を生成する（ステップ D 1）。生成された乱数は、第一主情報導出部 5 1、第二主情報導出部 5 2 及び導出情報導出部 6 に送られる。

[0123] 第一主情報導出部 5 1 は、上記生成された乱数 r_u 、記憶部 4 から読み込んだ第一主情報 k_v 及び導出情報 $k_{v,i}$ を用いて、 $k_u = k_v \left(\prod_{i \in w(v) \setminus w(u)} k_{v,i}^{r_u} \right) \left(g \prod_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(v)} h_i^{v_i} \prod_{i \in w(v) \setminus w(u)} h_i^{u_i} \right)^{r_u}$ の関係を満たす、インデックス u に対応する第一主情報 k_u を計算する（ステップ D 2）。計算された第一主情報 k_u は、記憶部 4 に格納される。

[0124] 第二主情報導出部 5 2 は、上記生成された乱数 r_u を用いて、第二主情報 g^{r_u} を計算する（ステップ D 3）。計算された第二主情報 g^{r_u} は、記憶部 4 に格納される。

[0125] 導出情報導出部 6 は、上記記憶部から読み込んだ導出情報 $k_{v,i}$ 及び上記生成された乱数 r_u を用いて、 $k_{u,j} = k_{v,i} h_j^{r_u}$ の関係を満たす導出情報 $k_{u,j}$ を集合 $w(u)$ の各要素 $j \in w(u)$ ごとに計算する（ステップ D 4）。計算された導出情報 $k_{u,j}$ は、記憶部 4 に記憶される。

[0126] このようにして、インデックス Y に対応する情報 K_Y を生成して、この情報 K_Y を基にして下位のインデックスに対応する情報を導出することにより、共通の子ノード C を持つ親ノード A と親ノード B に対して、親ノード A の情報から共通の子ノード C の情報を導出し、親ノード B の情報から共通の子ノード C の情報を導出することができる。

[0127] <具体例 2>

以下、各ノードの情報が述語暗号における鍵であり、インデックス v^1 の情報から生成したインデックス v^3 の情報と、インデックス v^2 の情報から生成

したインデックス v^3 の情報とが、述語暗号における鍵という観点から一致することを説明する。以下に示すインデックス v^1 、インデックス v^2 、インデックス v^3 は一例であり、他のインデックスについても同様のことが言える。

[0128] インデックス $v^1 = \{v_1, v_2, *, *\}$ とし、インデックス $v^2 = \{*, *, v_3, v_4\}$ とし、インデックス $v^3 = \{v_1, v_2, v_3, v_4\}$ とする。定義より、 $v^1 \geq v^3$ 、 $v^2 \geq v^3$ であり、親ノードであるインデックス v^1 及び親ノードであるインデックス v^2 は、インデックス v^3 を共通する子ノードとして有する。なお、以下では、 v^i ($i = 1, 2, 3$) を $v^{\wedge i}$ と表記することもある。また、インデックス v^i の j 番目の要素を $v^{\wedge i j}$ と表記することもある。

[0129] $N = 5$ として、 $g_1 = g^a$ 、 g_2 、 g_3 、 h_1 、 h_2 、 h_3 、 $h_4 \in G$ が公開鍵として公開されているとする。これらの公開鍵から、インデックス v^1 に対応する情報 $K_{v^{\wedge 1}}$ 及びインデックス v^2 に対応する情報 $K_{v^{\wedge 2}}$ を生成する。 $r_{v^{\wedge 1}}$ 、 $r_{v^{\wedge 2}}$ は乱数生成部 1 により生成される乱数である。

[0130] インデックス v^1 に対応する情報 $K_{v^{\wedge 1}}$ (第一主情報 $k_{v^{\wedge 1}}$ 、第二主情報 $g^{r_{v^{\wedge 1}}}$ 、導出情報 $k_{v^{\wedge 13}}$ 、 $k_{v^{\wedge 14}}$) は以下ようになる。

$$k_{v^{\wedge 1}} = g_2^a (g_3 h_1^{v^1} h_2^{v^2})^{r_{v^{\wedge 1}}}$$

$$g^{r_{v^{\wedge 1}}}$$

$$k_{v^{\wedge 13}} = h_3^{r_{v^{\wedge 1}}}$$

$$k_{v^{\wedge 14}} = h_4^{r_{v^{\wedge 1}}}$$

[0131] また、インデックス v^2 に対応する情報 $K_{v^{\wedge 2}}$ (第一主情報 $k_{v^{\wedge 2}}$ 、第二導出情報 $g^{r_{v^{\wedge 2}}}$ 、導出情報 $k_{v^{\wedge 21}}$ 、 $k_{v^{\wedge 22}}$) は以下ようになる。

$$k_{v^{\wedge 2}} = g_2^a (g_3 h_3^{v^3} h_4^{v^4})^{r_{v^{\wedge 2}}}$$

$$g^{r_{v^{\wedge 2}}}$$

$$k_{v^{\wedge 21}} = h_1^{r_{v^{\wedge 2}}}$$

$$k_{v^{\wedge 22}} = h_2^{r_{v^{\wedge 2}}}$$

[0132] インデックス v^1 に対応する情報 $K_{v^{\wedge 1}}$ からインデックス v^3 に対応する第一主情報 $k_{v^{\wedge 3}}$ を導出すると以下ようになる。なお、 $r_{v^{\wedge 3}}$ は乱数生成部 1 に

より生成される乱数であり、 $r = r_{v^1} + r_{v^3}$ である。

$$\begin{aligned} k_{v^3} &= k_{v^1} (k_{v^13}^{v^3} k_{v^14}^{v^4}) (g_3 h_1^{v^1} h_2^{v^2} h_3^{v^3} h_4^{v^4}) r_{v^3} \\ &= g_2^a (g_3 h_1^{v^1} h_2^{v^2} h_3^{v^3} h_4^{v^4}) r \quad \dots \quad (C) \end{aligned}$$

インデックス v^2 に対応する情報 K_{v^2} からインデックス v^3 に対応する主情報 k_{v^3} を導出すると以下のようなになる。なお、 r_{v^3} は乱数であり、 $r' = r_{v^2} + r_{v^3}$ である。

$$\begin{aligned} k_{v^3} &= k_{v^2} (k_{v^21}^{v^1} k_{v^22}^{v^2}) (g_3 h_1^{v^1} h_2^{v^2} h_3^{v^3} h_4^{v^4}) r_{v^3} \\ &= g_2^a (g_3 h_1^{v^1} h_2^{v^2} h_3^{v^3} h_4^{v^4}) r' \quad \dots \quad (D) \end{aligned}$$

[0133] 上記 (C) 式に示した情報 K_{v^1} から導出した第一主情報 k_{v^3} 及び第二主情報 $g^{r_{v^3}}$ と、上記 (D) 式に示した情報 K_{v^2} から導出した第一主情報 k_{v^3} 及び第二主情報 $g^{r_{v^3}}$ とを比較すると、これらの値は一致しないが、公開鍵 g_3, h_1, h_2, h_3, h_4 の指数の比が一致しており、述語暗号において同値な鍵となる。

[0134] [変形例等]

上記の実施形態では、情報生成装置は、主情報生成部 2、導出情報生成部 3、主情報導出部 5 及び導出情報導出部 6 の全てを有していたが、これらの少なくとも 1 つの部を有していればよい。例えば、主情報生成部 2 及び導出情報生成部 3 のみを有していてもよい。また、主情報導出部 5 及び導出情報導出部 6 のみを有しており、既に生成され記憶部 4 に格納された情報 K_v を用いて、情報 K_u を生成してもよい。

[0135] また、上述の有限体 F_q 上で定義された各演算を位数 q の有限環 Z_q 上で定義された演算に置き換えてもよい。有限体 F_q 上で定義された各演算を有限環 Z_q 上で定義された演算に置き換える方法の一例は、素数やそのべき乗値以外の q を許容する方法である。

[0136] 情報生成装置は、コンピュータによって実現することができる。この場合、これらの装置がそれぞれ有すべき機能の処理内容はプログラムによって記述される。そして、このプログラムをコンピュータで実行することにより、これらの装置における各処理機能が、コンピュータ上で実現される。

- [0137] この処理内容を記述した情報生成プログラムは、コンピュータで読み取り可能な記録媒体に記録しておくことができる。また、この形態では、コンピュータ上で所定のプログラムを実行させることにより、これらの装置を構成することとしたが、これらの処理内容の少なくとも一部をハードウェア的に実現することとしてもよい。
- [0138] この発明は、上述の実施形態に限定されるものではなく、本発明の趣旨を逸脱しない範囲で適宜変更が可能である。

請求の範囲

[請求項1]

e が巡回群 G_1 の N 個の元 γ_L ($L = 1, \dots, N$) ($N \geq 2$) と巡回群 G_2 の N 個の元 γ_L^* ($L = 1, \dots, N$) との入力に対して巡回群 G_T の 1 個の元を出力する非退化な双線形関数であり、 $b_i \in G_1^N$ ($i = 1, \dots, N$) のそれぞれが、上記巡回群 G_1 の N 個の元を要素とする N 次元の基底ベクトルであり、 $b_j^* \in G_2^N$ ($j = 1, \dots, N$) のそれぞれが、上記巡回群 G_2 の N 個の元を要素とする N 次元の基底ベクトルであり、上記基底ベクトル $b_i \in G_1^N$ ($i = 1, \dots, N$) の各要素と上記基底ベクトル $b_j^* \in G_2^N$ ($j = 1, \dots, N$) の各要素とを上記双線形関数 e に入力して得られる関数値が、 $i = j$ の場合に $\delta(i, j) = 1_F$ となって $i \neq j$ の場合に $\delta(i, j) = 0_F$ となるクロネッカーのデルタ関数 $\delta(i, j)$ を用いて $g_T^{\tau \cdot \delta(i, j)} \in G_T$ と表現され、 0_F が有限体 F_q の加法単位元であり、 1_F が有限体 F_q の乗法単位元であり、 τ が 0_F を除く有限体 F_q の元であり、 g_T が上記巡回群 G_T の生成元であり、

$*$ を不定文字とし、インデックス Y を $Y = (Y_1, \dots, Y_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス Y に対応する集合 $w(Y)$ を $w(Y) = \{i \mid Y_i = *\}$ とし、

乱数 $\sigma_Y \in Z_q$ 、及び、集合 $w(Y)$ の各要素 $j \in w(Y)$ に対応する乱数 $\sigma_{Y_j} \in Z_q$ を生成する乱数生成部と、

上記生成された乱数 σ_Y を用いて、 $k_Y = \sigma_Y \sum_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(Y)} Y_i b_i^* + b_N^*$ の関係を満たす主情報 k_Y を計算する主情報生成部と、

上記生成された乱数 σ_{Y_j} を用いて、 $k_{Y_j} = \sigma_{Y_j} \sum_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(Y)} Y_i b_i^* + b_j^*$ の関係を満たす導出情報 k_{Y_j} を集合 $w(Y)$ の各要素 $j \in w(Y)$ ごとに計算する導出情報生成部と、

を含むことを特徴とする情報生成装置。

[請求項2]

請求項 1 に記載の情報生成装置において、

を不定文字とし、インデックス v を $v = (v_1, \dots, v_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{\})^{N-1}$ とし、インデックス v に対応する集合 $w(v)$ を $w(v) = \{i \mid v_i = *\}$ とし、インデックス u を $u = (u_1, \dots, u_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス u に対応する集合 $w(u)$ を $w(u) = \{i \mid u_i = *\}$ とし、集合 $w(u) \subset$ 集合 $w(v)$ とし、 $v_i = u_i$ ($i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(u)$)として、

インデックス v に対応する主情報 k_v 及びインデックス v に対応する導出情報 k_{v_j} を記憶する記憶部と、

上記乱数生成部は、更に乱数 $\sigma_u \in Z_q$ を生成し、

上記記憶部から読み込んだ主情報 k_v 、導出情報 k_{v_j} 及び上記生成された乱数 σ_u を用いて、 $k_u = \sigma_u \sum_{i \in w(v) \setminus w(u)} u_i k_{v_i} + k_v$ の関係を満たす、インデックス u に対応する主情報 k_u を計算する主情報導出部と、

を含む情報生成装置。

[請求項3]

請求項2に記載の情報生成装置において、

上記乱数生成部は、更に集合 $w(u)$ の各要素 $j \in w(u)$ に対応する乱数 $\sigma_{u_j} \in Z_q$ を生成し、

上記記憶部から読み込んだ導出情報 k_{v_j} 及び上記生成された乱数 σ_{u_j} を用いて、 $k_{u_j} = \sigma_{u_j} \sum_{i \in w(v) \setminus w(u)} u_i k_{v_i} + k_{v_j}$ の関係を満たすインデックス u に対応する導出情報 k_{u_j} を集合 $w(u)$ の各要素 $j \in w(u)$ ごとに計算する導出情報導出部を更に含む、

ことを特徴とする情報生成装置。

[請求項4]

e が巡回群 G_1 の N 個の元 γ_L ($L = 1, \dots, N$) ($N \geq 2$)と巡回群 G_2 の N 個の元 γ_L^* ($L = 1, \dots, N$)との入力に対して巡回群 G_1 の1個の元を出力する非退化な双線形関数であり、 $b_i \in G_1^N$ ($i = 1, \dots, N$)のそれぞれが、上記巡回群 G_1 の N 個の元を要素とする N 次元の基底ベクトルであり、 $b_j^* \in G_2^N$ ($j = 1, \dots, N$)

のそれぞれが、上記巡回群 G_2 の N 個の元を要素とする N 次元の基底ベクトルであり、上記基底ベクトル $b_i \in G_1^N$ ($i = 1, \dots, N$) の各要素と上記基底ベクトル $b_j^* \in G_2^N$ ($j = 1, \dots, N$) の各要素とを上記双線形関数 e に入力して得られる関数値が、 $i = j$ の場合に $\delta(i, j) = 1_F$ となって $i \neq j$ の場合に $\delta(i, j) = 0_F$ となるクロネッカーのデルタ関数 $\delta(i, j)$ を用いて $g_T^{\tau \cdot \delta(i, j)} \in G_T$ と表現され、 0_F が有限体 F_q の加法単位元であり、 1_F が有限体 F_q の乗法単位元であり、 τ が 0_F を除く有限体 F_q の元であり、 g_T が上記巡回群 G_T の生成元であり、

* を不定文字とし、インデックス Y を $Y = (Y_1, \dots, Y_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス Y に対応する集合 $w(Y)$ を $w(Y) = \{i \mid Y_i = *\}$ とし、 $\sigma_Y \in Z_q$ を乱数とし、 σ_{Y_i} を集合 $w(Y)$ の各要素 $j \in w(Y)$ に対応する乱数とし、インデックス Y に対応する主情報 k_Y は $k_Y = \sigma_Y \sum_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(Y)} Y_i b_i^* + b_N^*$ の関係を満たし、インデックス Y に対応する導出情報 k_{Y_i} は $k_{Y_i} = \sigma_{Y_i} \sum_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(Y)} Y_i b_i^* + b_j^*$ の関係を満たし、

* を不定文字とし、インデックス v を $v = (v_1, \dots, v_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス u を $u = (u_1, \dots, u_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス v に対応する集合 $w(v)$ を $w(v) = \{i \mid v_i = *\}$ とし、インデックス u に対応する集合 $w(u)$ を $w(u) = \{i \mid u_i = *\}$ とし、集合 $w(u) \subset$ 集合 $w(v)$ とし、 $v_i = u_i$ ($i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(v)$) として、

上記主情報 k_Y である又は上記主情報 k_Y 及び上記導出情報 k_{Y_i} から導出されたインデックス v に対応する主情報 k_v 、及び、上記導出情報 k_{Y_i} である又は上記導出情報 k_{Y_i} から導出されたインデックス v に対応する導出情報 k_{v_j} を記憶する記憶部と、

乱数 $\sigma_u \in Z_q$ を生成する子乱数生成部と、

上記記憶部から読み込んだ主情報 k_v 、導出情報 k_{v_i} 及び上記生成された乱数 σ_u を用いて、 $k_u = \sigma_u \sum_{i \in w(v) \setminus w(u)} u_i k_{v_i} + k_v$ の関係を満たす、インデックス u に対応する主情報 k_u を計算する主情報導出部と、

を含む情報生成装置。

[請求項5]

請求項4に記載の情報生成装置において、

上記乱数生成部は、さらに集合 $w(u)$ の各要素 $j \in w(u)$ に対応する乱数 $\sigma_{u_j} \in Z_q$ を生成し、

上記記憶部から読み込んだ導出情報 k_{v_j} 及び上記生成された乱数 σ_{u_i} を用いて、 $k_{u_j} = \sigma_{u_j} \sum_{i \in w(v) \setminus w(u)} u_i k_{v_i} + k_{v_j}$ の関係を満たす導出情報 k_{u_j} を集合 $w(u)$ の各要素 $j \in w(u)$ ごとに計算する導出情報導出部を更に含む、

ことを特徴とする情報生成装置。

[請求項6]

G 、 G_T を素数位数 q の巡回群とし、 g を巡回群 G の生成元とし、巡回群 G には $g_T = e(g, g)$ が巡回群 G_T の生成元となるようなペアリング関数 $e : G \times G \rightarrow G_T$ が存在するとし、 a を Z_p からランダムに選択された乱数とし、 g と $g_1 = g^a \in G$ と巡回群 G からランダムに選択された $g_2, g_3, h_1, \dots, h_{N-1} \in G$ とが公開鍵として公開されており、

$*$ を不定文字とし、インデックス Y を $Y = (Y_1, \dots, Y_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス Y に対応する集合 $w(Y)$ を $w(Y) = \{i \mid Y_i = *\}$ とし、

乱数 $r_Y \in Z_q$ を生成する乱数生成部と、

上記生成された乱数 r_Y を用いて、 $k_Y = g_2^a (g_3 \prod_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(Y)} h_i^{Y_i})^{r_Y}$ の関係を満たす第一主情報 k_Y を計算する第一主情報生成部と、

上記生成された乱数 r_Y を用いて、第二主情報 g^{r_Y} を計算する第二

主情報生成部と、

上記生成された乱数 r_Y を用いて、 $k_{Yj} = h_j r_Y$ の関係を満たす導出情報 k_{Yj} を集合 $w(Y)$ の各要素 $j \in w(Y)$ ごとに計算する導出情報生成部と、

を含むことを特徴とする情報生成装置。

[請求項7]

請求項6に記載の情報生成装置において、

上記乱数生成部は、更に乱数 $r_u \in Z_q$ を生成し、

* を不定文字とし、インデックス v を $v = (v_1, \dots, v_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス v に対応する集合 $w(v)$ を $w(v) = \{i \mid v_i = *\}$ とし、インデックス u を $u = (u_1, \dots, u_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス u に対応する集合 $w(u)$ を $w(u) = \{i \mid u_i = *\}$ とし、集合 $w(u) \subset$ 集合 $w(v)$ とし、 $v_i = u_i$ ($i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(u)$) として、

インデックス v に対応する第一主情報 k_v 、第二主情報 g^r 及びインデックス v に対応する導出情報 k_{vj} を記憶する記憶部と、

上記記憶部から読み込んだ第一主情報 k_v 及び導出情報 k_{vj} を用いて、 $k_u = k_v (\prod_{i \in w(v) \setminus w(u)} k_{vi}^{u_i}) (g^{\prod_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(v)} h_i^{v_i} \prod_{i \in w(v) \setminus w(u)} h_i^{u_i}})^{r_u}$ の関係を満たす、インデックス u に対応する第一主情報 k_u を計算する第一主情報導出部と、

上記生成された乱数 r_u を用いて、第二主情報 g^{r_u} を計算する第二主情報導出部と、

を含むことを特徴とする情報生成装置。

[請求項8]

請求項7に記載の情報生成装置において、

上記記憶部から読み込んだ導出情報 k_{vj} 及び上記生成された乱数 r_u を用いて、 $k_{uj} = k_{vj} h_j r_u$ の関係を満たす導出情報 k_{uj} を集合 $w(u)$ の各要素 $j \in w(u)$ ごとに計算する導出情報導出部を更に含む、

ことを特徴とする情報生成装置。

[請求項9]

G 、 G_T を素数位数 q の巡回群とし、 g を巡回群 G の生成元とし、巡回群 G には $g_T = e(g, g)$ が巡回群 G_T の生成元となるようなペアリング関数 $e : G \times G \rightarrow G_T$ が存在するとし、 a を Z_p からランダムに選択された乱数とし、 g と $g_1 = g^a \in G$ と巡回群 G からランダムに選択された $g_2, g_3, h_1, \dots, h_{N-1} \in G$ とが公開鍵として公開されており、

$*$ を不定文字とし、インデックス Y を $Y = (Y_1, \dots, Y_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス Y に対応する集合 $w(Y)$ を $w(Y) = \{i \mid Y_i = *\}$ とし、

$r_Y \in Z_q$ を乱数とし、インデックス Y に対応する第一主情報 k_Y は $k_Y = g_2^a (g_3 \prod_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(Y)} h_i^{Y_i})^{r_Y}$ の関係を満たし、 g^{r_Y} をインデックス Y に対応する第二主情報とし、インデックス Y に対応する導出情報 k_{Y_i} は $k_{Y_i} = h_i^{r_Y}$ の関係を満たし、

$*$ を不定文字とし、インデックス v を $v = (v_1, \dots, v_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス v に対応する集合 $w(v)$ を $w(v) = \{i \mid v_i = *\}$ とし、インデックス u を $u = (u_1, \dots, u_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス u に対応する集合 $w(u)$ を $w(u) = \{i \mid u_i = *\}$ とし、集合 $w(u) \subset$ 集合 $w(v)$ とし、 $v_i = u_i (i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(v))$ として、

乱数 $r_u \in Z_q$ を生成する乱数生成部と、

上記第一主情報 k_Y である又は上記第一主情報 k_Y 及び上記導出情報 k_{Y_i} から導出されたインデックス v に対応する第一主情報 k_v 、上記導出情報 k_{Y_i} である又は上記導出情報 k_{Y_i} から導出されたインデックス v に対応する導出情報 k_{v_i} を記憶する記憶部と、

上記記憶部から読み込んだ第一主情報 k_v 及び上記導出情報 k_{v_i} を用いて、 $k_u = k_v (\prod_{i \in w(v) \setminus w(u)} k_{v_i}^{u_i}) (g_3 \prod_{i \in \{1, \dots, N-1\}}$

$\setminus_w(v) h_i^{v_i} \prod_{i \in w(v) \setminus w(u)} h_i^{u_i} r_u$ の関係を満たす、インデックス u に対応する第一主情報 k_u を計算する第一主情報導出部と、

上記生成された乱数 r_u を用いて、第二主情報 g^{r_u} を計算する第二主情報導出部と、

を含む情報生成装置。

[請求項10]

請求項9に記載された情報生成装置において、

上記記憶部から読み込んだ導出情報 k_{v_j} 及び上記生成された乱数 r_u を用いて、 $k_{u_j} = k_{v_j} h_j^{r_u}$ の関係を満たす導出情報 k_{u_j} を集合 $w(u)$ の各要素 $j \in w(u)$ ごとに計算する導出情報導出部を更に含む、

情報生成装置。

[請求項11]

e が巡回群 G_1 の N 個の元 γ_L ($L = 1, \dots, N$) ($N \geq 2$) と巡回群 G_2 の N 個の元 γ_L^* ($L = 1, \dots, N$) との入力に対して巡回群 G_T の1個の元を出力する非退化な双線形関数であり、 $b_i \in G_1^N$ ($i = 1, \dots, N$) のそれぞれが、上記巡回群 G_1 の N 個の元を要素とする N 次元の基底ベクトルであり、 $b_j^* \in G_2^N$ ($j = 1, \dots, N$) のそれぞれが、上記巡回群 G_2 の N 個の元を要素とする N 次元の基底ベクトルであり、上記基底ベクトル $b_i \in G_1^N$ ($i = 1, \dots, N$) の各要素と上記基底ベクトル $b_j^* \in G_2^N$ ($j = 1, \dots, N$) の各要素とを上記双線形関数 e に入力して得られる関数値が、 $i = j$ の場合に $\delta(i, j) = 1_F$ となつて $i \neq j$ の場合に $\delta(i, j) = 0_F$ となるクロネッカーのデルタ関数 $\delta(i, j)$ を用いて $g_T^{\tau \cdot \delta(i, j)} \in G_T$ と表現され、 0_F が有限体 F_q の加法単位元であり、 1_F が有限体 F_q の乗法単位元であり、 τ が 0_F を除く有限体 F_q の元であり、 g_T が上記巡回群 G_T の生成元であり、

$*$ を不定文字とし、インデックス Y を $Y = (Y_1, \dots, Y_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス Y に対応する集合 $w(Y)$ を $w(Y) = \{i \mid Y_i = *\}$ とし、

乱数生成部が、乱数 $\sigma_Y \in Z_q$ 、及び、集合 $w(Y)$ の各要素 $j \in w(Y)$ に対応する乱数 $\sigma_{Y_j} \in Z_q$ を生成する乱数生成ステップと、
 主情報生成部が、上記生成された乱数 σ_Y を用いて、 $k_Y = \sigma_Y \sum_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(Y)} Y_i b_i^* + b_N^*$ の関係を満たす主情報 k_Y を計算する主情報生成ステップと、

導出情報生成部が、上記生成された乱数 σ_{Y_j} を用いて、 $k_{Y_j} = \sigma_{Y_j} \sum_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(Y)} Y_i b_i^* + b_j^*$ の関係を満たす導出情報 k_{Y_j} を集合 $w(Y)$ の各要素 $j \in w(Y)$ ごとに計算する導出情報生成ステップと、

を含むことを特徴とする情報生成方法。

[請求項12]

G 、 G_T を素数位数 q の巡回群とし、 g を巡回群 G の生成元とし、巡回群 G には $g_T = e(g, g)$ が巡回群 G_T の生成元となるようなペアリング関数 $e : G \times G \rightarrow G_T$ が存在するとし、 a を Z_p からランダムに選択された乱数とし、 g と $g_1 = g^a \in G$ と巡回群 G からランダムに選択された $g_2, g_3, h_1, \dots, h_{N-1} \in G$ とが公開鍵として公開されており、

$*$ を不定文字とし、インデックス Y を $Y = (Y_1, \dots, Y_{N-1}) \in I = (F_q \cup \{*\})^{N-1}$ とし、インデックス Y に対応する集合 $w(Y)$ を $w(Y) = \{i \mid Y_i = *\}$ とし、

乱数生成部が、乱数 $r_Y \in Z_q$ を生成する乱数生成ステップと、

第一主情報生成部が、上記生成された乱数 r_Y を用いて、 $k_Y = g_2^a (g_3 \prod_{i \in \{1, \dots, N-1\} \setminus w(Y)} h_i^{Y_i})^{r_Y}$ の関係を満たす第一主情報 k_Y を計算する第一主情報生成ステップと、

第二主情報生成部が、上記生成された乱数 r_Y を用いて、第二主情報 g^{r_Y} を計算する第二主情報生成ステップと、

導出情報生成部が、上記生成された乱数 r_Y を用いて、 $k_{Y_j} = h_j^{r_Y}$ の関係を満たす導出情報 k_{Y_j} を集合 $w(Y)$ の各要素 $j \in w(Y)$ ごとに計算する導出情報生成ステップと、

を含むことを特徴とする情報生成方法。

[請求項13] 請求項1から10の何れかに記載された情報生成装置の各部としてコンピュータを機能させるための情報生成プログラム。

[請求項14] 請求項13に記載された情報生成プログラムを記録したコンピュータ読み取り可能な記録媒体。

[図1]

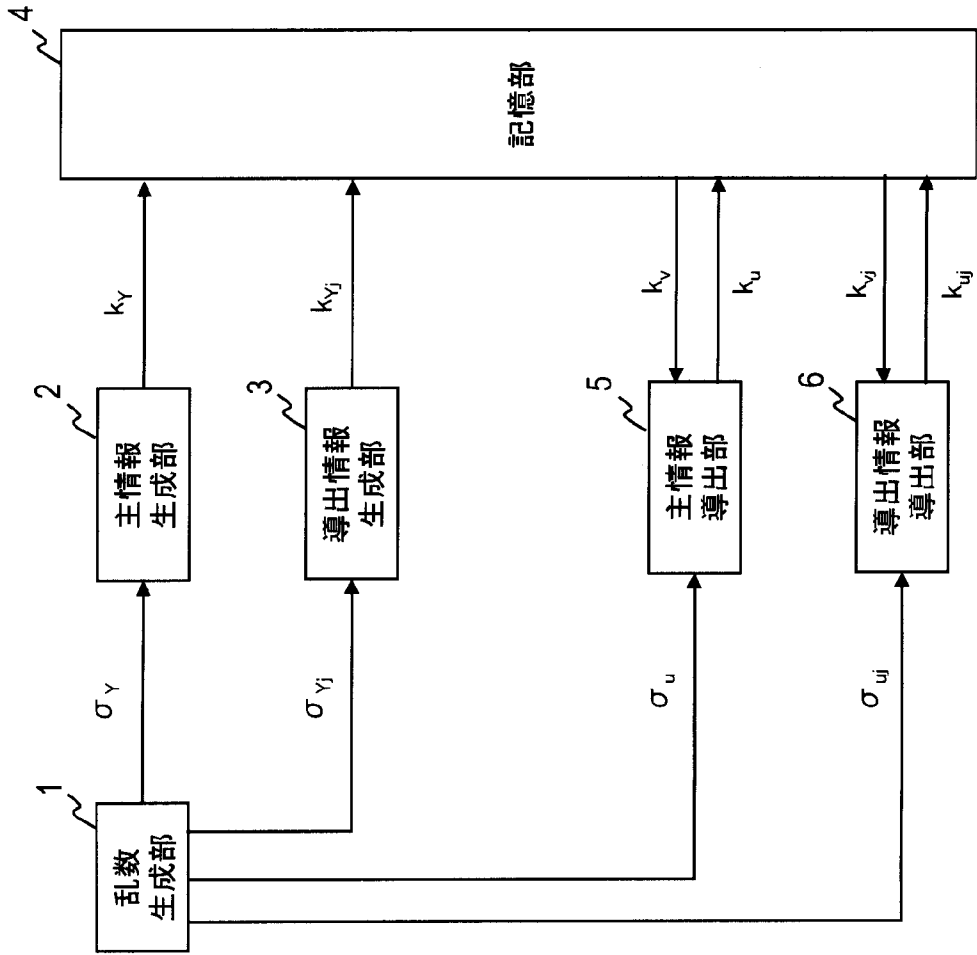


図1

[図2]

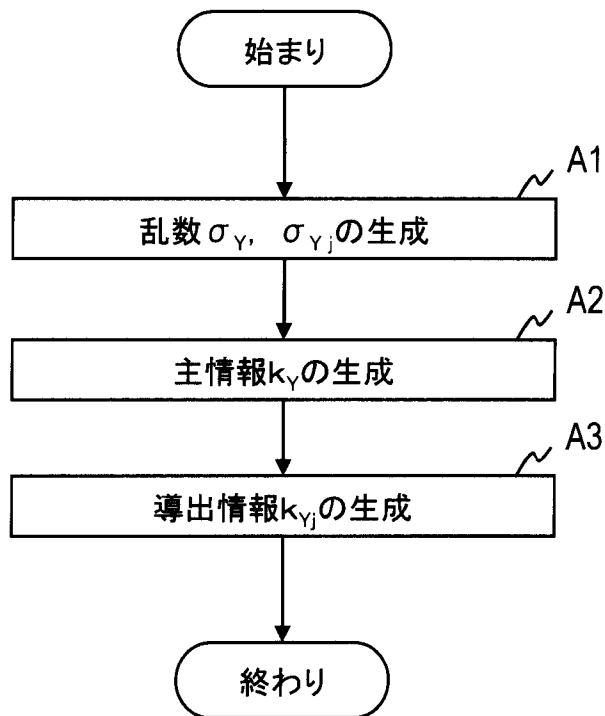


図 2

[図3]

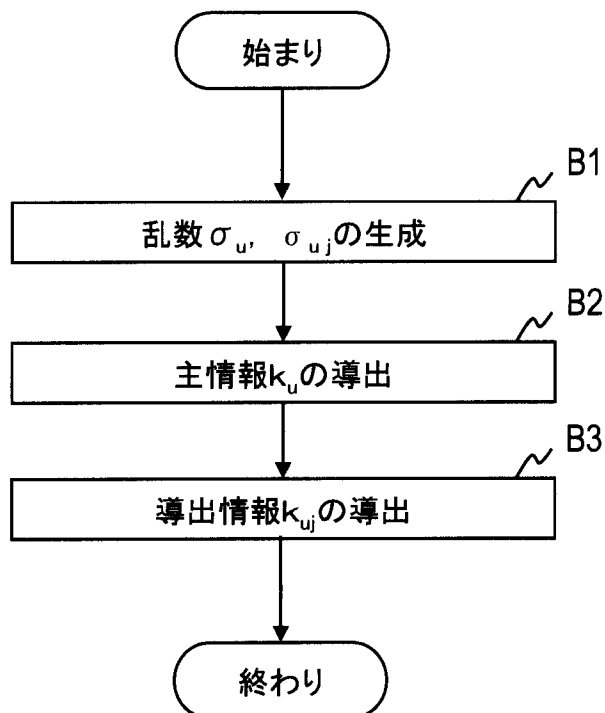


図 3

[図4]

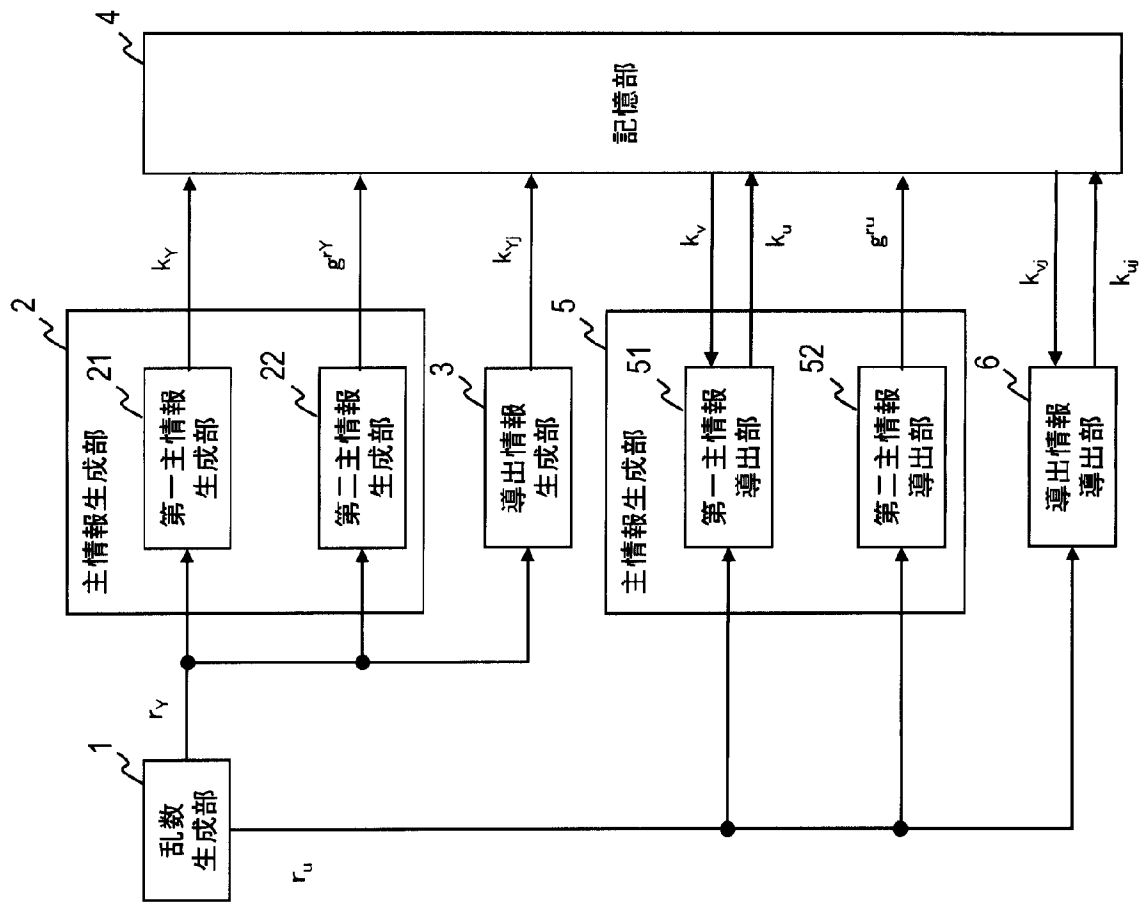


図4

[図5]

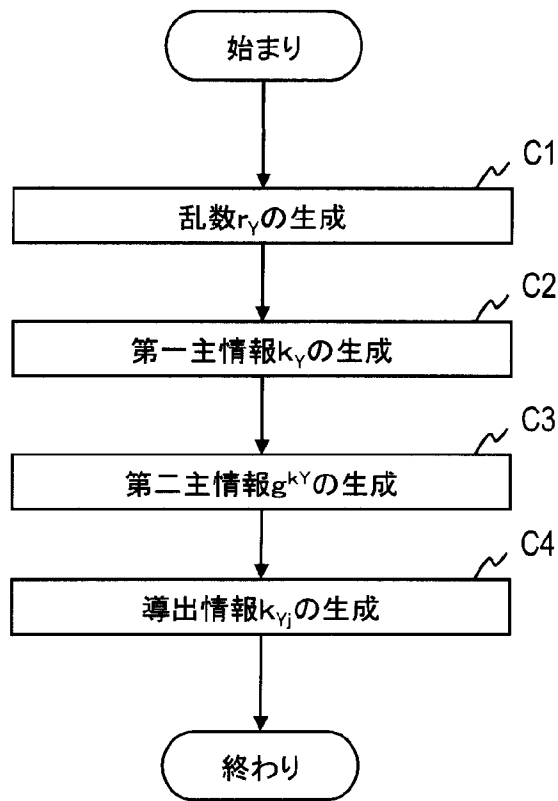


図 5

[図6]

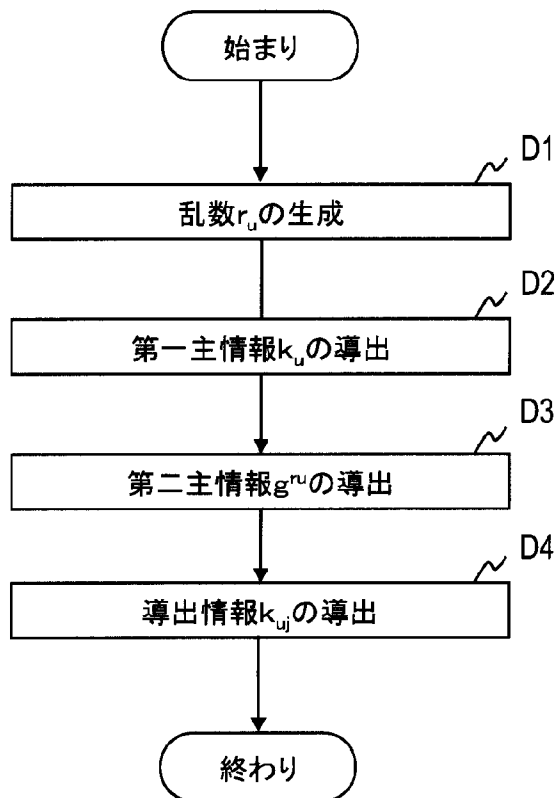


図 6

INTERNATIONAL SEARCH REPORT

International application No.

PCT/JP2010/057279

A. CLASSIFICATION OF SUBJECT MATTER

H04L9/08(2006.01) i

According to International Patent Classification (IPC) or to both national classification and IPC

B. FIELDS SEARCHED

Minimum documentation searched (classification system followed by classification symbols)

H04L9/08

Documentation searched other than minimum documentation to the extent that such documents are included in the fields searched

Jitsuyo Shinan Koho	1922-1996	Jitsuyo Shinan Toroku Koho	1996-2010
Kokai Jitsuyo Shinan Koho	1971-2010	Toroku Jitsuyo Shinan Koho	1994-2010

Electronic data base consulted during the international search (name of data base and, where practicable, search terms used)

C. DOCUMENTS CONSIDERED TO BE RELEVANT

Category*	Citation of document, with indication, where appropriate, of the relevant passages	Relevant to claim No.
A	X. Boyen and B. Waters, Anonymous Hierarchical Identity-Based Encryption (Without Random Oracles), [online].Cryptology ePrint Archive, 2006.06.08, Report 2006/085, [retrieved on 2010.05.31]. Retrieved from the Internet: <URL:http://eprint.iacr.org/2006/085>.	1-14
A	J. Katz, A. Sahai, B. Waters, Predicate Encryption Supporting Disjunctions, Polynomial Equations, and Inner Products, [online]. Cryptology ePrint Archive, 2008.07.08, Report 2007/404, [retrieved on 2010.05.26]. Retrieved from the Internet: <URL:http://eprint.iacr.org/2007/404>.	1-14

Further documents are listed in the continuation of Box C.

See patent family annex.

* Special categories of cited documents:

“A” document defining the general state of the art which is not considered to be of particular relevance

“E” earlier application or patent but published on or after the international filing date

“L” document which may throw doubts on priority claim(s) or which is cited to establish the publication date of another citation or other special reason (as specified)

“O” document referring to an oral disclosure, use, exhibition or other means

“P” document published prior to the international filing date but later than the priority date claimed

“T” later document published after the international filing date or priority date and not in conflict with the application but cited to understand the principle or theory underlying the invention

“X” document of particular relevance; the claimed invention cannot be considered novel or cannot be considered to involve an inventive step when the document is taken alone

“Y” document of particular relevance; the claimed invention cannot be considered to involve an inventive step when the document is combined with one or more other such documents, such combination being obvious to a person skilled in the art

“&” document member of the same patent family

Date of the actual completion of the international search
31 May, 2010 (31.05.10)

Date of mailing of the international search report
08 June, 2010 (08.06.10)

Name and mailing address of the ISA/
Japanese Patent Office

Authorized officer

Facsimile No.

Telephone No.

INTERNATIONAL SEARCH REPORT

International application No.

PCT/JP2010/057279

C (Continuation). DOCUMENTS CONSIDERED TO BE RELEVANT

Category*	Citation of document, with indication, where appropriate, of the relevant passages	Relevant to claim No.
A	E. Shi and B. Waters, <i>Delegating Capabilities in Predicate Encryption Systems</i> , [online]. <i>Cryptology ePrint Archive</i> , 2008.06.24, Report 2008/279, [retrieved on 2010.05.31]. Retrieved from the Internet: <URL:http://eprint.iacr.org/2008/279>.	1-14
A	JP 2005-521323 A (Docomo Communications Laboratories U.S.A. Inc.), 14 July 2005 (14.07.2005), entire text; all drawings & US 2007/0050629 A1 & US 2008/0013722 A1 & US 2003/0179885 A1 & EP 1495573 A & EP 2012459 A1 & WO 2003/081780 A2 & DE 60325575 D & CN 1633774 A & AT 419690 T & CN 101527629 A	1-14
A	WO 2008/099831 A1 (NEC Corp.), 21 August 2008 (21.08.2008), entire text; all drawings & US 2010/0020977 A	1-14
A	T. Okamoto, K. Takashima, <i>Hierarchical Predicate Encryption for Inner-Products</i> , <i>Lecture Notes in Computer Science</i> , 2009.12.01, Vol. 5912, pp.214-231.	1-14

A. 発明の属する分野の分類 (国際特許分類 (IPC))

Int.Cl. H04L9/08(2006.01)i

B. 調査を行った分野

調査を行った最小限資料 (国際特許分類 (IPC))

Int.Cl. H04L9/08

最小限資料以外の資料で調査を行った分野に含まれるもの

日本国実用新案公報	1922-1996年
日本国公開実用新案公報	1971-2010年
日本国実用新案登録公報	1996-2010年
日本国登録実用新案公報	1994-2010年

国際調査で使用した電子データベース (データベースの名称、調査に使用した用語)

C. 関連すると認められる文献

引用文献の カテゴリー*	引用文献名 及び一部の箇所が関連するときは、その関連する箇所の表示	関連する 請求項の番号
A	X. Boyen and B. Waters, Anonymous Hierarchical Identity-Based Encryption (Without Random Oracles), [online]. Cryptology ePrint Archive, 2006.06.08, Report 2006/085, [retrieved on 2010.05.31]. Retrieved from the Internet: <URL: http://eprint.iacr.org/2006/085>.	1-14

C欄の続きにも文献が列挙されている。

パテントファミリーに関する別紙を参照。

* 引用文献のカテゴリー

「A」特に関連のある文献ではなく、一般的な技術水準を示すもの
 「E」国際出願日前の出願または特許であるが、国際出願日以後に公表されたもの
 「L」優先権主張に疑義を提起する文献又は他の文献の発行日若しくは他の特別な理由を確立するために引用する文献 (理由を付す)
 「O」口頭による開示、使用、展示等に言及する文献
 「P」国際出願日前で、かつ優先権の主張の基礎となる出願

の日の後に公表された文献
 「T」国際出願日又は優先日後に公表された文献であって出願と矛盾するものではなく、発明の原理又は理論の理解のために引用するもの
 「X」特に関連のある文献であって、当該文献のみで発明の新規性又は進歩性がないと考えられるもの
 「Y」特に関連のある文献であって、当該文献と他の1以上の文献との、当業者にとって自明である組合せによって進歩性がないと考えられるもの
 「&」同一パテントファミリー文献

国際調査を完了した日

31.05.2010

国際調査報告の発送日

08.06.2010

国際調査機関の名称及びあて先

日本国特許庁 (ISA/J P)
 郵便番号100-8915
 東京都千代田区霞が関三丁目4番3号

特許庁審査官 (権限のある職員)

金沢 史明

5 S

4 5 3 8

電話番号 03-3581-1101 内線 3546

C (続き) . 関連すると認められる文献		
引用文献の カテゴリー*	引用文献名 及び一部の箇所が関連するときは、その関連する箇所の表示	関連する 請求項の番号
A	J. Katz, A. Sahai, B. Waters, Predicate Encryption Supporting Disjunctions, Polynomial Equations, and Inner Products, [online]. Cryptology ePrint Archive, 2008.07.08, Report 2007/404, [retrieved on 2010.05.26]. Retrieved from the Internet: <URL: http://eprint.iacr.org/2007/404>.	1-14
A	E. Shi and B. Waters, Delegating Capabilities in Predicate Encryption Systems, [online]. Cryptology ePrint Archive, 2008.06.24, Report 2008/279, [retrieved on 2010.05.31]. Retrieved from the Internet: <URL: http://eprint.iacr.org/2008/279>.	1-14
A	JP 2005-521323 A (ドコモ コミュニケーションズ ラボラトリー ズ ユー・エス・エー インコーポレーティッド) 2005.07.14, 全文、全図. & US 2007/0050629 A1 & US 2008/0013722 A1 & US 2003/0179885 A1 & EP 1495573 A & EP 2012459 A1 & WO 2003/081780 A2 & DE 60325575 D & CN 1633774 A & AT 419690 T & CN 101527629 A	1-14
A	WO 2008/099831 A1 (日本電気株式会社) 2008.08.21, 全文、全図. & US 2010/0020977 A	1-14
A	T. Okamoto, K. Takashima, Hierarchical Predicate Encryption for Inner-Products, Lecture Notes in Computer Science, 2009.12.01, Vol. 5912, pp.214-231.	1-14