

(19)日本国特許庁(JP)

(12)特許公報(B2)

(11)特許番号
特許第7248120号
(P7248120)

(45)発行日 令和5年3月29日(2023.3.29)

(24)登録日 令和5年3月20日(2023.3.20)

(51)国際特許分類

G 0 9 C 1/00 (2006.01)

F I

G 0 9 C

1/00

6 2 0 Z

請求項の数 5 (全32頁)

(21)出願番号 特願2021-530426(P2021-530426)
 (86)(22)出願日 令和1年7月10日(2019.7.10)
 (86)国際出願番号 PCT/JP2019/027330
 (87)国際公開番号 WO2021/005748
 (87)国際公開日 令和3年1月14日(2021.1.14)
 審査請求日 令和3年12月10日(2021.12.10)

(73)特許権者 000004226
 日本電信電話株式会社
 東京都千代田区大手町一丁目5番1号
 (74)代理人 100107766
 弁理士 伊東 忠重
 (74)代理人 100070150
 弁理士 伊東 忠彦
 (74)代理人 100124844
 弁理士 石原 隆治
 (72)発明者 富田 潤一
 東京都千代田区大手町一丁目5番1号
 日本電信電話株式会社内
 審査官 青木 重徳

最終頁に続く

(54)【発明の名称】 暗号システム、鍵生成装置、暗号化装置、復号装置、及びプログラム

(57)【特許請求の範囲】**【請求項1】**

属性ベース暗号に用いられる公開鍵とマスター秘密鍵とを生成するセットアップ手段と、前記公開鍵と、属性と前記属性に関する任意の条件式で表されたポリシーとのうちのいずれか一方とを少なくとも入力として、前記属性と前記ポリシーとのうちのいずれか一方が埋め込まれた暗号文を少なくとも生成する暗号化手段と、

前記公開鍵と、前記マスター秘密鍵と、前記属性と前記ポリシーとのうちの前記一方とは異なる他方とを入力として、前記他方が埋め込まれた秘密鍵を生成する鍵生成手段と、前記公開鍵と、前記暗号文と、前記秘密鍵とを入力として、前記暗号文を復号する復号手段と、

を有し、前記鍵生成手段は、

前記暗号化手段によって前記ポリシーが埋め込まれた暗号文が生成された場合、前記ポリシー中の同じ属性ラベルの出現回数に依存しない鍵サイズの前記秘密鍵を生成し、
前記暗号化手段は、

前記鍵生成手段によって前記ポリシーが埋め込まれる秘密鍵が生成される場合、前記ポリシー中の同じ属性ラベルの出現回数に依存しない暗号文サイズの前記暗号文を生成する、
ことを特徴とする暗号システム。

【請求項2】任意の条件式で表されたポリシーを暗号文に埋め込み可能な暗号文ポリシー属性ベース暗

号に用いられる公開鍵とマスター秘密鍵とを生成するセットアップ手段と、

前記公開鍵と、前記マスター秘密鍵と、属性とを入力として、前記属性が埋め込まれた秘密鍵を生成する鍵生成手段と、

を有し、

前記鍵生成手段は、

前記ポリシー中の同じ属性ラベルの出現回数に依存しない鍵サイズの前記秘密鍵を生成する、ことを特徴とする鍵生成装置。

【請求項 3】

任意の条件式で表されたポリシーを秘密鍵に埋め込み可能な鍵ポリシー属性ベース暗号に用いられる公開鍵と、属性とを入力として、前記属性が埋め込まれた暗号文を少なくとも生成する暗号化手段、

を有し、

前記暗号化手段は、

前記ポリシー中の同じ属性ラベルの出現回数に依存しない暗号文サイズの前記暗号文を生成する、ことを特徴とする暗号化装置。

【請求項 4】

属性ベース暗号に用いられる公開鍵と、属性と前記属性に関する任意の条件式で表されたポリシーとのうちのいずれか一方が埋め込まれた暗号文と、前記属性と前記ポリシーとのうちのいずれか一方とは異なる他方が埋め込まれた秘密鍵とを入力として、前記暗号文を復号する復号手段、

を有し、

前記暗号文に前記ポリシーが埋め込まれている場合、前記秘密鍵の鍵サイズは、前記ポリシー中の同じ属性ラベルの出現回数に依存せず、

前記秘密鍵に前記ポリシーが埋め込まれている場合、前記暗号文の暗号文サイズは、前記ポリシー中の同じ属性ラベルの出現回数に依存しない、ことを特徴とする復号装置。

【請求項 5】

コンピュータを、請求項 1 に記載の暗号システムにおける各手段、請求項 2 に記載の鍵生成装置における各手段、請求項 3 に記載の暗号化装置における各手段又は請求項 4 に記載の復号装置における各手段、として機能させるためのプログラム。

【発明の詳細な説明】

【技術分野】

【0001】

本発明は、暗号システム、鍵生成装置、暗号化装置、復号装置、及びプログラムに関する。

【背景技術】

【0002】

複雑な復号制御が可能な暗号方式として属性ベース暗号が知られている。属性ベース暗号は、主に、鍵ポリシー属性ベース暗号と暗号文ポリシー属性ベース暗号との 2 つに分けられる。鍵ポリシー属性ベース暗号では、暗号文には平文の他に属性の情報が埋め込まれており、秘密鍵にはポリシー（属性に対する条件式のようなもの）が埋め込まれる。暗号文を秘密鍵で復号する場合には、暗号文に埋め込まれている属性が、秘密鍵に埋め込まれているポリシーを満たすときのみ復号することができる。他方で、暗号文ポリシー属性ベース暗号は、鍵ポリシー属性ベース暗号の対になるもので、暗号文にポリシーが埋め込まれ、秘密鍵に属性の情報が埋め込まれる。

【0003】

属性ベース暗号の重要な性質の 1 つにポリシーの表現力がある。ポリシーの表現力とは、概ね、どの程度きめ細かく復号条件を記述できるかということを指す。きめ細かく復号条件を記述できるほどポリシーの表現力が高いことを表す。一般に、ポリシーは論理式で表現されることが多い。例えば、「（役職 = 部長）かつ（部署 = 総務部）」等のように表される。これは、役職として部長という属性を持っており、かつ、部署として総務部とい

10

20

30

40

50

う属性を持っている場合のみ復号を許すというポリシーである。

【0004】

ポリシーの表現力に関する項目の1つとして、条件式の中で否定を扱えるかどうかというものがある。すなわち、例えば、「(役職 = 部長)かつ(部署 = 総務部)」というような条件式を扱えるかどうかというものである。このような形で否定を含む条件式を表現でき、かつ、方式の中で属性集合やポリシーの大きさの制限が掛からない暗号方式として、OT方式が知られている（例えば非特許文献1参照）。

【先行技術文献】

【非特許文献】

【0005】

【文献】Okamoto T., Takashima K. (2012) Fully Secure Unbounded Inner-Product and Attribute-Based Encryption. In: Wang X., Sako K. (eds) Advances in Cryptology - ASIACRYPT 2012. ASIACRYPT 2012. Lecture Notes in Computer Science, vol 7658. Springer, Berlin, Heidelberg

10

【発明の概要】

【発明が解決しようとする課題】

【0006】

OT方式は表現力の高さや、属性集合やポリシーの大きさに制限が掛からないという点で優れている一方で、動作が非効率的であり、鍵生成処理や暗号化処理、復号処理等に時間を要する場合がある。属性ベース暗号はスマートフォン等にも応用可能性があり、比較的計算リソースの小さな機器でも実用的な時間で動作することが望ましい。

20

【0007】

また、同じ属性ラベルを多数含むようなポリシーを扱えるようにするために、OT方式では属性を埋め込む側の要素数を、同じ属性ラベルの出現回数の最大値に比例して増大させる必要がある。例えば、「((役職 = 部長)かつ(部署 = 総務部))または((役職 = 課長)かつ(部署 = 経理部))」という条件式を考えると、この条件式の中には役職という属性ラベルと部署という属性ラベルとがそれぞれ2回ずつ含まれている。このような条件式を扱えるようにするためには、もとのOT方式に対して鍵ポリシー属性ベース暗号では暗号文（暗号文ポリシー属性ベース暗号では秘密鍵）の大きさ（サイズ）を2倍にする必要がある。同じ属性ラベルの出現回数がより多い条件式を扱えるようになるためには、暗号文又は秘密鍵のサイズをより大きくしなければならない。

30

【0008】

本発明の実施形態は、上記の点に鑑みてなされたもので、暗号文や秘密鍵のサイズを増大させずに任意の条件式をポリシーとして利用可能で、効率的な属性ベース暗号を実現することを目的とする。

【課題を解決するための手段】

【0009】

上記目的を達成するため、本実施形態に係る暗号システムは、属性ベース暗号に用いられる公開鍵とマスター秘密鍵とを生成するセットアップ手段と、前記公開鍵と、属性と前記属性に関する任意の条件式で表されたポリシーとのうちのいずれか一方とを少なくとも入力として、前記属性と前記ポリシーとのうちのいずれか一方が埋め込まれた暗号文を少なくとも生成する暗号化手段と、前記公開鍵と、前記マスター秘密鍵と、前記属性と前記ポリシーとのうちの前記一方とは異なる他方とを入力として、前記他方が埋め込まれた秘密鍵を生成する鍵生成手段と、前記公開鍵と、前記暗号文と、前記秘密鍵とを入力として、前記暗号文を復号する復号手段と、を有することを特徴とする。

40

【発明の効果】

【0010】

暗号文や秘密鍵のサイズを増大させずに任意の条件式をポリシーとして利用可能で、効率的な属性ベース暗号を実現することができる。

【図面の簡単な説明】

50

【0011】

【図1】本実施形態に係る暗号システムの全体構成の一例を示す図である。

【図2】本実施形態に係る鍵生成装置、暗号化装置及び復号装置のハードウェア構成の一例を示す図である。

【発明を実施するための形態】

【0012】

以下、本発明の実施の形態（以降、「本実施形態」とも表す。）について説明する。本実施形態では、暗号文や秘密鍵のサイズを増大させずに任意の条件式をポリシーとして利用可能で、かつ、効率的に動作する属性ベース暗号を実現する暗号システム1について説明する。

10

【0013】

<準備>

まず、本実施形態の説明に必要な記法や概念等について説明する。

【0014】

・記法

p を素数として、体 $\mathbb{Z} / p \mathbb{Z}$ を \mathbb{Z}_p と表す。有限の長さの全てのビット列の集合を $\{0, 1\}^*$ と表す。例えば、 n を自然数として、長さ n の全てのビット列の集合を $\{0, 1\}^n$ と表す。

【0015】

自然数 n に対して、 $\{1, \dots, n\}$ を $[n]$ と表す。 S を集合として、集合 S から一様に s を選択することを $s \in S$ と表す。同一行数の行列 A_1 及び A_2 に対して、 A_1 及び A_2 の連結（concatenation）を

20

【0016】

【数1】

$$(\mathbf{A}_1 || \mathbf{A}_2)$$

30

と表す。行列 A の列全体で張られる空間（つまり、行列 A を構成する各列ベクトルを基底とする空間）を $\text{span}(A)$ と表す。

【0017】

$i \in \{1, 2, T\}$ として、 \mathbb{Z}_p 上の行列 $A := (a_{j,1})_{j,1}$ に対して、位数 p の巡回群 G_i 上の行列で、その $(j, 1)$ 成分が

【0018】

【数2】

40

$$g_i^{a_{j,\ell}}$$

である行列を $[A]_i$ と表す。なお、この記法は、ベクトルやスカラーに対しても同様に適用する。また、 $([A]_1, [A]_2)$ を $[A]_{1,2}$ と表す。

【0019】

50

【数3】

$$\mathbf{A}^\top \mathbf{B}$$

が定義された行列 A 及び B に対して、記法の濫用ではあるが、ペアリングを 10

【0 0 2 0】

【数4】

$$e([\mathbf{A}]_1, [\mathbf{B}]_2) = [\mathbf{A}^\top \mathbf{B}]_T$$

と表す。なお、 20

【0 0 2 1】

【数5】

T

は転置を表す。 30

【0 0 2 2】

- ・論理式

論理式とは、ブール変数を「かつ（AND）」、「または（OR）」、「否定（NOT）」で繋いだ式である。論理式は、ファンイン2、ファンアウト1の論理回路に簡単に変換することができる。否定（NOT）を含まない論理式を単調論理式（monotone Boolean formula）と呼び、否定（NOT）を含む論理式を非単調論理式（non-monotone Boolean formula）と呼ぶ。本実施形態では、論理式は論理回路で表されているものとする。

【0 0 2 3】

- ・属性とポリシー

本実施形態では、属性の集合を以下の式（1）で定義する。

【0 0 2 4】

【数6】

40

50

$$\mathcal{X} = \bigcup_{i \in \mathbb{N}} \mathbb{Z}_p^i \times \Phi_i \quad (1)$$

ここで、 Φ_i は全ての単射関数 $\phi : [i] \rightarrow \{0, 1\}^*$ で構成される集合である。

【0025】

また、ポリシーの集合を以下の式(2)で定義する。

【0026】

【数7】

$$\mathcal{Y} = \bigcup_{i \in \mathbb{N}} \mathbb{Z}_p^i \times \mathcal{F}_i \times \Psi_i \times \mathcal{T}_i \quad (2)$$

10

20

ここで、

【0027】

【数8】

\mathcal{F}_i は入力長が i の全ての単調理論式で構成される集合

Ψ_i は全ての関数 $\psi : [i] \rightarrow \{0, 1\}^*$ で構成される集合

30

\mathcal{T}_i は全ての関数 $t : [i] \rightarrow \{0, 1\}$ で構成される集合

である。

【0028】

本実施形態で説明する属性ベース暗号では、各属性は上記の式(1)で定義される集合の要素であり、各ポリシーは上記の式(2)で定義される集合の要素である。

40

【0029】

また、属性

【0030】

【数9】

50

$$x = (\mathbf{x} \in \mathbb{Z}_p^m, \phi)$$

がポリシー

【0 0 3 1】

【数10】

10

$$y = (\mathbf{y} \in \mathbb{Z}_p^n, f, \psi, t)$$

を満たすとは、以下の式(3)で定義される b に対して $f(b) = 1$ となることを指す。
すなわち、 $f(b) = 1$ である場合に限り復号が可能である。

20

【0 0 3 2】

属性 x 及びポリシー y に対して、 $b = (b_1, \dots, b_n) \in \{0, 1\}^n$ を以下の式(3)で定義する。

【0 0 3 3】

【数11】

$$b_i := \begin{cases} t(i) \odot \text{true}(x_{\phi^{-1}(\psi(i))} = y_i) & \psi(i) \subseteq \text{Im}(\phi) \\ 0 & \psi(i) \not\subseteq \text{Im}(\phi) \end{cases} \quad (3)$$

30

ここで、

【0 0 3 4】

【数12】

40



は否定排他的論理和(XNOR)を表し、trueは真理値を表す。また、 x_j は

50

【 0 0 3 5 】
【 数 1 3 】

$$\mathbf{x} \in \mathbb{Z}_p^m$$

10

の j 番目の要素であり、 y_i は

【 0 0 3 6 】
【 数 1 4 】

$$\mathbf{y} \in \mathbb{Z}_p^n$$

20

の i 番目の要素である。

【 0 0 3 7 】

なお、上記の式(1)及び式(2)は鍵ポリシー属性ベース暗号における場合の表記であり、暗号文ポリシー属性ベース暗号では、属性の集合とポリシーの集合との定義内容が逆になる。

【 0 0 3 8 】

- ・線形秘密分散

本実施形態では線形秘密分散法を用いる。線形秘密分散法は或る関数 $f : \{0, 1\}^n \rightarrow \{0, 1\}$ に従って、秘密ベクトル k を割り当て $1, \dots, n$ に分散する方法である。分散された割り当てのうち、 $f(b) = 1$ となるようなビット列 b のビットが 1 である部分に対応する割り当てを集めると元の秘密ベクトル k を復元することができる。すなわち、 f と b とから簡単に計算できる集合 S が存在し、

【 0 0 3 9 】

【 数 1 5 】

30

$$\mathbf{k} = \sum_{i \in S} \boldsymbol{\sigma}_i$$

40

という単純に割り当てを足し合わせるだけで復元できる。一方で、 $f(b) = 0$ となるようなビット列 b のビットが 1 である部分に対応する割り当てを集めても k を復元することができない。

【 0 0 4 0 】

線形秘密分散法は、以下の(S1)～(S4)に示すアルゴリズムより実現される。ここで、線形秘密分散法の入力は、単調論理式 $f : \{0, 1\}^n \rightarrow \{0, 1\}$ と秘密ベクトル

【 0 0 4 1 】

50

【数16】

$$\mathbf{k} \in \mathbb{Z}_p^\ell$$

である。以降では、この線形秘密分散法のアルゴリズムを Share とも表す。

10

【0042】

(S1) 論理回路で表されている単調論理式 f の出力線（つまり、当該論理回路の出力線）にベクトル $\text{out} := k$ を設定する。

【0043】

(S2) 当該論理回路の各 AND ゲートの入力線を a 及び b 、出力線を c として、出力線 c にベクトル c が設定されている各 AND ゲートについて、ベクトル

【0044】

【数17】

$$\mathbf{u}_g \leftarrow \mathbb{Z}_p^\ell$$

を選択した上で、ベクトル $a := c - u_g$ とベクトル $b := u_g$ を入力線 a と入力線 b とにそれぞれ設定する。

【0045】

(S3) 当該論理回路の各 OR ゲートの入力線を a 及び b 、出力線を c として、出力線 c にベクトル c が設定されている各 OR ゲートについて、ベクトル $a := c$ と $b := c$ を入力線 a と入力線 b とにそれぞれ設定する。

30

【0046】

(S4) 単調論理式 f の入力線 $1, \dots, n$ （つまり、当該論理回路の入力線 $1, \dots, n$ ）に設定された $1, \dots, n$ を秘密ベクトル k の割り当てとして出力する。

【0047】

なお、この線形秘密分散のアルゴリズム Share は、群要素のベクトルに対しても同様に適用可能である。

【0048】

<本実施形態に係る属性ベース暗号>

40

本実施形態に係る属性ベース暗号として、本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース暗号と本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース暗号について説明する。属性ベース暗号は4つのアルゴリズム（つまり、セットアップアルゴリズム Setup、暗号化アルゴリズム Enc、鍵生成アルゴリズム KeyGen 及び復号アルゴリズム Dec）で構成される。本実施形態では、素数位数 p の巡回群 G_1, G_2 及び G_T として、双線形写像 $e : G_1 \times G_2 \rightarrow G_T$ を持つものを用いる。これらの巡回群及び双線形写像をあわせて双線形群と呼ぶ。双線形群は既知のものを利用してもよいし、セットアップアルゴリズム Setup で生成されてもよい。

【0049】

・行列の記法

50

まず、属性ベース暗号の各アルゴリズムの説明と、後述する属性ベース K E M (Key Encapsulation Mechanism) の各アルゴリズムの説明とで用いる行列の記法について説明する。

【 0 0 5 0 】

k を任意の自然数として、

【 0 0 5 1 】

【 数 1 8 】

\mathcal{D}_k

10

を Z_p 上の $(k + 1) \times k$ で最大階数の適当な行列の集合とする。このとき、

【 0 0 5 2 】

【 数 1 9 】

$\mathbf{A} \in \mathcal{D}_k$

20

に対して、 A^* 、 a_R 及び a_L を次のように定義する。すなわち、或る決まった方法により行列 A から確定的に計算されるベクトルであって、

【 0 0 5 3 】

【 数 2 0 】

30

$\overline{\mathbf{A}} := (\mathbf{A} || \mathbf{a}_R)$

が基底となるものを a_R とする。また、

【 0 0 5 4 】

【 数 2 1 】

40

$(\overline{\mathbf{A}}^\top)^{-1}$

の左から k 個の列（つまり、第 1 列目から第 k 列目までの列）で構成される行列を A^* 、

50

【 0 0 5 5 】
【 数 2 2 】

$$(\bar{\mathbf{A}}^\top)^{-1}$$

10

の最も右側にある列をベクトル a^* とする。これらの A^* 、 a_R 及び a^* には以下の関係が成り立つ。

【 0 0 5 6 】
【 数 2 3 】

$$\mathbf{A}^\top \mathbf{A}^* = \mathbf{I}_k, \mathbf{A}^\top \mathbf{a}^\perp = \mathbf{0}, \mathbf{A}^* \mathbf{A}^\top + \mathbf{a}^\perp \mathbf{a}_R^\top = \mathbf{I}_{k+1}$$

20

ここで、 \mathbf{I}_k は $k \times k$ の単位行列、 \mathbf{I}_{k+1} は $(k+1) \times (k+1)$ の単位行列である。

【 0 0 5 7 】
また、行列 B 、ベクトル b_1 及びベクトル b_2 を、それぞれ、行列
【 0 0 5 8 】
【 数 2 4 】

30

$$\bar{\mathbf{B}} \in \mathbf{GL}_{k+2}(\mathbb{Z}_p)$$

の左から k 個の列で構成される行列、第 $k+1$ 列目の列を表すベクトル及び最も右側にある列（つまり、第 $k+2$ 列目の列）を表すベクトルとする。ここで、 $\mathbf{GL}_{k+2}(\mathbb{Z}_p)$ は、 \mathbb{Z}_p 上の $(k+2) \times (k+2)$ の正則行列全体の集合（つまり、サイズ $k+2$ の \mathbb{Z}_p 上の一般線型群）である。

【 0 0 5 9 】
同様に、行列 B^* 、ベクトル b_1^* 及びベクトル b_2^* を、それぞれ、行列
【 0 0 6 0 】
【 数 2 5 】

40

50

$$(\bar{\mathbf{B}}^\top)^{-1}$$

の左から k 個の列で構成される行列、第 $k + 1$ 列目の列を表すベクトル及び最も右側にある列を表すベクトルとする。

10

【0 0 6 1】

また、簡単のため、

【0 0 6 2】

【数 2 6】

$$(\mathbf{b}_1 || \mathbf{b}_2)$$

20

を $B_{1,2}$ とも表す。この表記は他の場合（例えば、行列の場合等）にも同様に適用する。

【0 0 6 3】

・本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース暗号

以降では、本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース暗号の各アルゴリズムについて説明する。 k を任意の自然数として、

【0 0 6 4】

【数 2 7】

30

$$H : \{0, 1\}^* \rightarrow G_1^{(k+1) \times k} \times G_1^{(k+1) \times k}$$

を関数とする。また、

【0 0 6 5】

【数 2 8】

40

$$F_K : \{0, 1\}^* \rightarrow \mathbb{Z}_p^{k+1} \times \mathbb{Z}_p^{k+1}$$

を K を添字とする関数族とし、

【0 0 6 6】

50

【数 2 9】

\mathcal{K}

を K の添字空間とする。このとき、本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース暗号のセットアップアルゴリズム $S e t u p$ 、暗号化アルゴリズム $E n c$ 、鍵生成アルゴリズム $K e y G e n$ 及び復号アルゴリズム $D e c$ は、以下のように構成される。10

【0 0 6 7】

$S e t u p()$: セットアップアルゴリズム $S e t u p$ は、以下により公開鍵 $p k$ とマスター秘密鍵 $m s k$ を出力する。

【0 0 6 8】

【数 3 0】

$$\mathbf{A}, \mathbf{B} \leftarrow \mathcal{D}_k, \quad \mathbf{k} \leftarrow \mathbb{Z}_p^{k+1}, \quad K \leftarrow \mathcal{K},$$

$$pk := (\mathbb{G}, [\mathbf{A}]_2, [\mathbf{A}^\top \mathbf{k}]_T), \quad msk := (\mathbf{A}^*, \mathbf{a}^\perp, \mathbf{B}, \mathbf{k}, K)$$

ここで、 G は双線形群であり、 $G := (p, G_1, G_2, G_T, g_1, g_2, e)$ である。また、 g_1 及び g_2 はそれぞれ G_1 及び G_2 の生成元である。上述したように、双線形群 G は既知のものを利用してもよいし、セットアップアルゴリズム $S e t u p$ で生成されてもよい。20

【0 0 6 9】

$E n c(p k, x, M)$: 暗号化アルゴリズム $E n c$ は、公開鍵 $p k$ と、属性

【0 0 7 0】

【数 3 1】

$$x = (\mathbf{x} \in \mathbb{Z}_p^m, \phi)$$

と、メッセージ $M \in G_T$ を入力して、以下により暗号文 $c t_x$ (属性付き暗号文 $c t_x$) を出力する。30

【0 0 7 1】

【数 3 2】

$\mathbf{s} \leftarrow \mathbb{Z}_p^k$, $([\mathbf{U}_{\phi(i),0}]_1, [\mathbf{U}_{\phi(i),1}]_1) := H(\phi(i))$,
 $c_1 := [\mathbf{As}]_2$, $c_{2,i} := [(x_i \mathbf{U}_{\phi(i),0} + \mathbf{U}_{\phi(i),1}) \mathbf{s}]_1$,
 $c_3 := [\mathbf{s}^\top \mathbf{A}^\top \mathbf{k}]_T M$ for $i \in [m]$,
 $\text{ct}_x := (x, c_1, \{c_{2,i}\}_{i \in [m]}, c_3)$

10

K e y G e n (p k , m s k , y) : 鍵生成アルゴリズム K e y G e n は、公開鍵 p k と、マスター秘密鍵 m s k と、ポリシー

【0 0 7 2】

【数 3 3】

20

$y = (\mathbf{y} \in \mathbb{Z}_p^n, f, \psi, t)$

とを入力して、以下により秘密鍵 s k y (ポリシー付き秘密鍵 s k y) を出力する。

【0 0 7 3】

【数 3 4】

30

$\mathbf{r}_1, \dots, \mathbf{r}_d \leftarrow \mathbb{Z}_p^k$, $\mathbf{k}_1, \dots, \mathbf{k}_n \leftarrow \text{Share}(f, \mathbf{k}) \in \mathbb{Z}_p^{k+1}$,
 $k_{1,j} := [\mathbf{Br}_j]_2$ for $j \in [d]$,
 $([\mathbf{U}_{\psi(i),0}]_1, [\mathbf{U}_{\psi(i),1}]_1) := H(\psi(i))$, $(\mathbf{u}_{\psi(i),0}, \mathbf{u}_{\psi(i),1}) := F_K(\psi(i))$,
 $k_{2,i} := [\mathbf{k}_i + \mathbf{A}^*(y_i \mathbf{U}_{\psi(i),0}^\top + \mathbf{U}_{\psi(i),1}^\top) \mathbf{Br}_{\pi(i)} + \mathbf{a}^\perp (y_i \mathbf{u}_{\psi(i),0}^\top + \mathbf{u}_{\psi(i),1}^\top) \mathbf{Br}_{\pi(i)}]_1$ if $t(i) = 1$,
 $k_{2,i} := (k_{2,i,1}, k_{2,i,2}) := \begin{pmatrix} [-\mathbf{k}_i + \mathbf{A}^* \mathbf{U}_{\psi(i),0}^\top \mathbf{Br}_{\pi(i)} + \mathbf{a}^\perp \mathbf{u}_{\psi(i),0}^\top \mathbf{Br}_{\pi(i)}]_1 \\ [y_i \mathbf{k}_i + \mathbf{A}^* \mathbf{U}_{\psi(i),1}^\top \mathbf{Br}_{\pi(i)} + \mathbf{a}^\perp \mathbf{u}_{\psi(i),1}^\top \mathbf{Br}_{\pi(i)}]_1 \end{pmatrix}$ if $t(i) = 0$
for $i \in [n]$,
 $\mathbf{sk}_y := (y, \{k_{1,j}\}_{j \in [d]}, \{k_{2,i}\}_{i \in [n]})$

40

ここで、 $: [n] \quad \{ n \mid n \text{ は自然数} \}$ は $(i) := \mid \{ j \mid (j) = (i)$
 $, j \leq i \} \mid$ となる関数であり、 d は f における同じ属性ラベルの出現回数の最大値 (つまり、 $d := \max_i [n] (i)$) である。

50

【 0 0 7 4 】

D e c (p k , c t x , s k y) : 復号アルゴリズム D e c は、公開鍵 p k と、暗号文 c t x と、秘密鍵 s k y とを入力して、上記の式 (3) によって x 及び y から b を計算した上で、f (b) = 0 である場合は復号失敗を示す を出力する。一方で、f (b) ≠ 0 である場合は

【 0 0 7 5 】

【 数 3 5 】

$$\mathbf{k} = \sum_{i \in S} \mathbf{k}_i$$

10

を満たす集合 S = { i | b_i = 1 } を計算し、以下により M' を出力する。

【 0 0 7 6 】

【 数 3 6 】

$$D_{1,j} := e \left(\sum_{\substack{\pi(i)=j \\ i \in S_1}} k_{2,i} + \sum_{\substack{\pi(i)=j \\ i \in S_0}} \frac{1}{y_i - x_{\phi^{-1}(\psi(i))}} (x_{\phi^{-1}(\psi(i))} k_{2,i,1} + k_{2,i,2}), c_1 \right),$$

$$D_{2,j} := e \left(\sum_{\substack{\pi(i)=j \\ i \in S_1}} c_{2,\phi^{-1}(\psi(i))} + \sum_{\substack{\pi(i)=j \\ i \in S_0}} \frac{1}{y_i - x_{\phi^{-1}(\psi(i))}} c_{2,\phi^{-1}(\psi(i))}, k_{1,j} \right) \text{ for } j \in [d],$$

$$M' := c_3 / \prod_{j \in [d]} (D_{1,j} / D_{2,j})$$

20

30

ここで、S_1 := S = { i | t(i) = 1 }, S_0 := S = { i | t(i) = 0 } である。

【 0 0 7 7 】

・本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース暗号

以降では、本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース暗号の各アルゴリズムについて説明する。k を任意の自然数として、G L_k (Z_p) をサイズ k の Z_p 上の一般線型群、

【 0 0 7 8 】

【 数 3 7 】

40

50

$$H : \{0, 1\}^* \rightarrow G_1^{(k+1) \times k} \times G_1^{(k+1) \times k}$$

を関数とする。また、

【0 0 7 9】

【数 3 8】

10

$$F_K : \{0, 1\}^* \rightarrow \mathbb{Z}_p^{k+2} \times \mathbb{Z}_p^{k+2}$$

を K を添字とする関数族とし、

【0 0 8 0】

【数 3 9】

20

\mathcal{K}

を K の添字空間とする。このとき、本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース暗号のセットアップアルゴリズム $S e t u p$ 、暗号化アルゴリズム $E n c$ 、鍵生成アルゴリズム $K e y G e n$ 及び復号アルゴリズム $D e c$ は、以下のように構成される。

【0 0 8 1】

$S e t u p()$: セットアップアルゴリズム $S e t u p$ は、以下により公開鍵 $p k$ とマスター秘密鍵 $m s k$ を出力する。

【0 0 8 2】

【数 4 0】

30

$$\mathbf{A} \leftarrow \mathcal{D}_k, \quad \overline{\mathbf{B}} \leftarrow \mathbf{G}\mathbf{L}_{k+2}(\mathbb{Z}_p), \quad \mathbf{W} \leftarrow \mathbb{Z}_p^{(k+1) \times (k+2)},$$

$$\mathbf{k} \leftarrow \mathbb{Z}_p^{k+2}, \quad K \leftarrow \mathcal{K},$$

$$\mathsf{pk} := (\mathbb{G}, [\mathbf{B}]_2, [\mathbf{WB}]_1, [\mathbf{B}^\top \mathbf{k}]_T),$$

$$\mathsf{msk} := (\mathbf{A}, \mathbf{W}^\top \mathbf{A}, \mathbf{B}^*, \mathbf{B}_{12}^*, \mathbf{k}, K)$$

40

50

ここで、 G は双線形群であり、 $G := (p, G_1, G_2, G_T, g_1, g_2, e)$ である。上述したように、双線形群 G は既知のものを利用してもよいし、セットアップアルゴリズム Set_up で生成されてもよい。

【0083】

$\text{Enc}(pk, x, M)$: 暗号化アルゴリズム Enc は、公開鍵 pk と、ポリシー

【0084】

【数41】

$$x = (\mathbf{x} \in \mathbb{Z}_p^n, f, \psi, t)$$

10

と、メッセージ $M \in G_T$ を入力して、以下により暗号文 ct_x (ポリシー付き暗号文 ct_x) を出力する。

【0085】

【数42】

20

$$\begin{aligned} \mathbf{r}, \mathbf{r}_1, \dots, \mathbf{r}_d &\leftarrow \mathbb{Z}_p^k, [\mathbf{w}_1]_1, \dots, [\mathbf{w}_n]_1 \leftarrow \text{Share}(f, [\mathbf{WBr}]_1) \in \mathbb{Z}_p^{k+1}, \\ c_1 &:= [\mathbf{Br}]_2, c_{2,j} := [\mathbf{Br}_j]_2 \text{ for } j \in [d], c_4 := [\mathbf{r}^\top \mathbf{B}^\top \mathbf{k}]_T M, \\ ([\mathbf{U}_{\psi(i),0}]_1, [\mathbf{U}_{\psi(i),1}]_1) &:= H(\psi(i)), \\ c_{3,i} &:= [\mathbf{w}_i + (x_i \mathbf{U}_{\psi(i),0} + \mathbf{U}_{\psi(i),1}) \mathbf{r}_{\pi(i)}]_1 \text{ if } t(i) = 1, \\ c_{3,i} &:= (c_{3,i,1}, c_{3,i,2}) := ([-\mathbf{w}_i + \mathbf{U}_{\psi(i),0} \mathbf{r}_{\pi(i)}]_1, [x_i \mathbf{w}_i + \mathbf{U}_{\psi(i),1} \mathbf{r}_{\pi(i)}]_1) \text{ if } t(i) = 0 \\ \text{for } i &\in [n], \\ \mathbf{ct}_x &:= (x, c_1, \{c_{2,j}\}_{j \in [d]}, \{c_{3,i}\}_{i \in [n]}, c_4) \end{aligned}$$

30

ここで、 $f : [n] \rightarrow \{n \mid n \text{ は自然数}\}$ は $f(i) := |\{j \mid f(j) = f(i)\}|$ となる関数であり、 d は f における同じ属性ラベルの出現回数の最大値 (つまり、 $d := \max_i |f(n)| (i)$) である。

【0086】

40

$\text{KeyGen}(pk, msck, y)$: 鍵生成アルゴリズム KeyGen は、公開鍵 pk と、マスター秘密鍵 $msck$ と、属性

【0087】

【数43】

50

$$y = (\mathbf{y} \in \mathbb{Z}_p^m, \phi)$$

とを入力して、以下により秘密鍵 sk_y （属性付き秘密鍵 sk_y ）を出力する。

【0 0 8 8】

【数 4 4】

10

$$\begin{aligned} \mathbf{s} &\leftarrow \mathbb{Z}_p^k, ([\mathbf{U}_{\phi(i),0}]_1, [\mathbf{U}_{\phi(i),1}]_1) := H(\phi(i)), (\mathbf{V}_{\phi(i),0}, \mathbf{V}_{\phi(i),1}) := F_K(\phi(i)) \\ k_1 &:= [\mathbf{As}]_2, k_2 := [\mathbf{k} + \mathbf{W}^\top \mathbf{As}]_1, \\ k_{3,i} &:= [\mathbf{B}^*(y_i \mathbf{U}_{\phi(i),0}^\top + \mathbf{U}_{\phi(i),1}^\top) \mathbf{As} + \mathbf{B}_{12}^*(y_i \mathbf{V}_{\phi(i),0}^\top + \mathbf{V}_{\phi(i),1}^\top) \mathbf{As}]_1 \text{ for } i \in [m], \\ \text{sk}_y &:= (y, k_1, k_2, \{k_{3,i}\}_{i \in [m]}) \end{aligned}$$

20

`D e c (p k , c t x , s k y)` : 復号アルゴリズム `D e c` は、公開鍵 $p k$ と、暗号文 $c t x$ と、秘密鍵 $s k y$ とを入力して、上記の式 (3) によって x 及び y から b を計算した上で、 $f(b) = 0$ である場合は復号失敗を示す `0` を出力する。一方で、 $f(b) \neq 0$ である場合は

【0 0 8 9】

【数 4 5】

30

$$\mathbf{WBr} = \sum_{i \in S} \mathbf{w}_i$$

を満たす集合 $S = \{i \mid b_i = 1\}$ を計算し、以下により M' を出力する。

【0 0 9 0】

【数 4 6】

40

50

$$\begin{aligned}
 D_{1,j} &:= e \left(\sum_{\substack{\pi(i)=j \\ i \in S_1}} c_{3,i} + \sum_{\substack{\pi(i)=j \\ i \in S_0}} \frac{1}{x_i - y_{\phi^{-1}(\psi(i))}} (y_{\phi^{-1}(\psi(i))} c_{3,i,1} + c_{3,i,2}), k_1 \right), \\
 D_{2,j} &:= e \left(\sum_{\substack{\pi(i)=j \\ i \in S_1}} k_{3,\phi^{-1}(\psi(i))} + \sum_{\substack{\pi(i)=j \\ i \in S_0}} \frac{1}{x_i - y_{\phi^{-1}(\psi(i))}} k_{3,\phi^{-1}(\psi(i))}, c_{2,j} \right) \text{ for } j \in [d], \\
 M' &:= c_4 / \left(e(k_2, c_1) / \prod_{j \in [d]} (D_{1,j} / D_{2,j}) \right)
 \end{aligned}$$

ここで、 $S_1 := S \setminus \{i \mid t(i) = 1\}$ 、 $S_0 := S \setminus \{i \mid t(i) = 0\}$ である。

【0091】

<本実施形態に係る属性ベースKEM>

上述した本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース暗号及び暗号文ポリシー属性ベース暗号は、KEM方式にも応用可能である。一般的に公開鍵暗号技術は動作が遅いため、大容量のデータを暗号化する場合は、公開鍵暗号で共通鍵暗号に用いる秘密鍵を安全に配達し、データの方は共通鍵暗号で暗号化することが多い。共通鍵暗号の秘密鍵（以降、「共通鍵」とも表す。）を安全に配達するために用いられる方式がKEMと呼ばれる。

【0092】

そこで、本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース暗号をKEMに応用した鍵ポリシー属性ベースKEMと、本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース暗号をKEMに応用した暗号文ポリシー属性ベースKEMについて説明する。

【0093】

・本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベースKEM

以降では、本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベースKEMの各アルゴリズムについて説明する。関数H及び関数族F_Kは、上記で説明した「本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース暗号」と同様として、

【0094】

【数47】

$$H_2 : G_T \rightarrow \mathcal{L}$$

を関数とする。ここで、

【0095】

【数48】

10

20

30

40

50

\mathcal{L}

は共通鍵暗号の秘密鍵空間である。このとき、本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース KEM のセットアップアルゴリズム Set up、暗号化アルゴリズム Enc、鍵生成アルゴリズム Key Gen 及び復号アルゴリズム Dec は、以下のように構成される。

10

【0096】

Set up() : セットアップアルゴリズム Set up は、以下により公開鍵 pk とマスター秘密鍵 msk を出力する。

【0097】

【数49】

$$\mathbf{A}, \mathbf{B} \leftarrow \mathcal{D}_k, \quad \mathbf{k} \leftarrow \mathbb{Z}_p^{k+1}, \quad K \leftarrow \mathcal{K},$$

$$pk := (\mathbb{G}, [\mathbf{A}]_2, [\mathbf{A}^\top \mathbf{k}]_T), \quad msk := (\mathbf{A}^*, \mathbf{a}^\perp, \mathbf{B}, \mathbf{k}, K)$$

20

ここで、G は双線形群であり、 $G := (p, G_1, G_2, G_T, g_1, g_2, e)$ である。上述したように、双線形群 G は既知のものを利用してもよいし、セットアップアルゴリズム Set up で生成されてもよい。

【0098】

Enc(pk, x) : 暗号化アルゴリズム Enc は、公開鍵 pk と、属性

30

【0099】

【数50】

$$x = (\mathbf{x} \in \mathbb{Z}_p^m, \phi)$$

40

とを入力して、以下により暗号文 ct_x (属性付き暗号文 c't_x) と、共通鍵 L とを出力する。

【0100】

【数51】

50

$\mathbf{s} \leftarrow \mathbb{Z}_p^k, ([\mathbf{U}_{\phi(i),0}]_1, [\mathbf{U}_{\phi(i),1}]_1) := H(\phi(i)),$
 $c_1 := [\mathbf{As}]_2, c_{2,i} := [(x_i \mathbf{U}_{\phi(i),0} + \mathbf{U}_{\phi(i),1}) \mathbf{s}]_1,$
 $L := H_2([\mathbf{s}^\top \mathbf{A}^\top \mathbf{k}]_T) \text{ for } i \in [m],$
 $\mathbf{ct}_x := (x, c_1, \{c_{2,i}\}_{i \in [m]})$

10

K e y G e n (p k , m s k , y) : 鍵生成アルゴリズム K e y G e n は、公開鍵 p k と、マスター秘密鍵 m s k と、ポリシー

【0 1 0 1】

【数 5 2】

20

$y = (\mathbf{y} \in \mathbb{Z}_p^n, f, \psi, t)$

とを入力して、以下により秘密鍵 s k y (ポリシー付き秘密鍵 s k y) を出力する。

【0 1 0 2】

【数 5 3】

30

$\mathbf{r}_1, \dots, \mathbf{r}_d \leftarrow \mathbb{Z}_p^k, \mathbf{k}_1, \dots, \mathbf{k}_n \leftarrow \mathbf{Share}(f, \mathbf{k}) \in \mathbb{Z}_p^{k+1},$
 $k_{1,j} := [\mathbf{Br}_j]_2 \text{ for } j \in [d],$
 $([\mathbf{U}_{\psi(i),0}]_1, [\mathbf{U}_{\psi(i),1}]_1) := H(\psi(i)), (\mathbf{u}_{\psi(i),0}, \mathbf{u}_{\psi(i),1}) := F_K(\psi(i)),$
 $k_{2,i} := [\mathbf{k}_i + \mathbf{A}^*(y_i \mathbf{U}_{\psi(i),0}^\top + \mathbf{U}_{\psi(i),1}^\top) \mathbf{Br}_{\pi(i)} + \mathbf{a}^\perp (y_i \mathbf{u}_{\psi(i),0}^\top + \mathbf{u}_{\psi(i),1}^\top) \mathbf{Br}_{\pi(i)}]_1 \text{ if } t(i) = 1,$
 $k_{2,i} := (k_{2,i,1}, k_{2,i,2}) := \begin{pmatrix} [-\mathbf{k}_i + \mathbf{A}^* \mathbf{U}_{\psi(i),0}^\top \mathbf{Br}_{\pi(i)} + \mathbf{a}^\perp \mathbf{u}_{\psi(i),0}^\top \mathbf{Br}_{\pi(i)}]_1, \\ [y_i \mathbf{k}_i + \mathbf{A}^* \mathbf{U}_{\psi(i),1}^\top \mathbf{Br}_{\pi(i)} + \mathbf{a}^\perp \mathbf{u}_{\psi(i),1}^\top \mathbf{Br}_{\pi(i)}]_1 \end{pmatrix} \text{ if } t(i) = 0$
for $i \in [n],$
 $\mathbf{sk}_y := (y, \{k_{1,j}\}_{j \in [d]}, \{k_{2,i}\}_{i \in [n]})$

40

ここで、 $: [n] \quad \{ n \mid n \text{ は自然数} \}$ は $(i) := \mid \{ j \mid (j) = (i)$
 $, j \leq i \} \mid$ となる関数であり、 d は f における同じ属性ラベルの出現回数の最大値 (つまり、 $d := \max_i [n] (i)$) である。

50

【 0 1 0 3 】

D e c (p k , c t x , s k y) : 復号アルゴリズム D e c は、公開鍵 p k と、暗号文 c t x と、秘密鍵 s k y とを入力して、上記の式 (3) によって x 及び y から b を計算した上で、f (b) = 0 である場合は復号失敗を示す を出力する。一方で、f (b) ≠ 0 である場合は

【 0 1 0 4 】

【 数 5 4 】

$$\mathbf{k} = \sum_{i \in S} \mathbf{k}_i$$

10

を満たす集合 S = { i | b_i = 1 } を計算し、以下により共通鍵 L' を出力する。

【 0 1 0 5 】

【 数 5 5 】

20

$$D_{1,j} := e \left(\sum_{\substack{\pi(i)=j \\ i \in S_1}} k_{2,i} + \sum_{\substack{\pi(i)=j \\ i \in S_0}} \frac{1}{y_i - x_{\phi^{-1}(\psi(i))}} (x_{\phi^{-1}(\psi(i))} k_{2,i,1} + k_{2,i,2}), c_1 \right),$$

$$D_{2,j} := e \left(\sum_{\substack{\pi(i)=j \\ i \in S_1}} c_{2,\phi^{-1}(\psi(i))} + \sum_{\substack{\pi(i)=j \\ i \in S_0}} \frac{1}{y_i - x_{\phi^{-1}(\psi(i))}} c_{2,\phi^{-1}(\psi(i))}, k_{1,j} \right) \text{ for } j \in [d],$$

$$L' := H_2 \left(\prod_{j \in [d]} (D_{1,j} / D_{2,j}) \right)$$

30

ここで、S_1 := S = { i | t(i) = 1 }, S_0 := S = { i | t(i) = 0 } である。

【 0 1 0 6 】

・本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース K E M

以降では、本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース K E M の各アルゴリズムについて説明する。関数 H 及び関数族 F_K は、上記で説明した「本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース暗号」と同様として、

【 0 1 0 7 】

【 数 5 6 】

40

50

$$H_2 : G_T \rightarrow \mathcal{L}$$

を関数とする。ここで、

【0108】

【数57】

10

\mathcal{L}

は共通鍵暗号の秘密鍵空間である。このとき、本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース KEM のセットアップアルゴリズム Set up、暗号化アルゴリズム Enc、鍵生成アルゴリズム Key Gen 及び復号アルゴリズム Dec は、以下のように構成される。

20

【0109】

Set up() : セットアップアルゴリズム Set up は、以下により公開鍵 pk とマスター秘密鍵 msk を出力する。

【0110】

【数58】

$$\begin{aligned} \overline{\mathbf{B}} &\leftarrow \text{GL}_{k+2}(\mathbb{Z}_p), \quad \mathbf{W} \leftarrow \mathbb{Z}_p^{(k+1) \times (k+2)}, \quad \mathbf{k} \leftarrow \mathbb{Z}_p^{k+2}, \quad K \leftarrow \mathcal{K}, \\ \mathsf{pk} &:= (\mathbb{G}, [\mathbf{B}]_2, [\mathbf{WB}]_1, [\mathbf{B}^\top \mathbf{k}]_T), \\ \mathsf{msk} &:= (\mathbf{A}, \mathbf{W}^\top \mathbf{A}, \mathbf{B}^*, \mathbf{B}_{12}^*, \mathbf{k}, K) \end{aligned}$$

30

ここで、 G は双線形群であり、 $G := (p, G_1, G_2, G_T, g_1, g_2, e)$ である。上述したように、双線形群 G は既知のものを利用してもよいし、セットアップアルゴリズム Set up で生成されてもよい。

40

【0111】

Enc(pk, x) : 暗号化アルゴリズム Enc は、公開鍵 pk と、ポリシー

【0112】

【数59】

50

$$x = (\mathbf{x} \in \mathbb{Z}_p^n, f, \psi, t)$$

とを入力して、以下により暗号文 ct_x （ポリシー付き暗号文 ct_x ）と、共通鍵 L を出力する。

10

【0 1 1 3】

【数 6 0】

$$\mathbf{r}, \mathbf{r}_1, \dots, \mathbf{r}_d \leftarrow \mathbb{Z}_p^k, [\mathbf{w}_1]_1, \dots, [\mathbf{w}_n]_1 \leftarrow \text{Share}(f, [\mathbf{WBr}]_1) \in \mathbb{Z}_p^{k+1},$$

$$c_1 := [\mathbf{Br}]_2, c_{2,j} := [\mathbf{Br}_j]_2 \text{ for } j \in [d], L := H_2([\mathbf{r}^\top \mathbf{B}^\top \mathbf{k}]_T),$$

$$([\mathbf{U}_{\psi(i),0}]_1, [\mathbf{U}_{\psi(i),1}]_1) := H(\psi(i)),$$

$$c_{3,i} := [\mathbf{w}_i + (x_i \mathbf{U}_{\psi(i),0} + \mathbf{U}_{\psi(i),1}) \mathbf{r}_{\pi(i)}]_1 \text{ if } t(i) = 1,$$

$$c_{3,i} := (c_{3,i,1}, c_{3,i,2}) := ([-\mathbf{w}_i + \mathbf{U}_{\psi(i),0} \mathbf{r}_{\pi(i)}]_1, [x_i \mathbf{w}_i + \mathbf{U}_{\psi(i),1} \mathbf{r}_{\pi(i)}]_1) \text{ if } t(i) = 0$$

for $i \in [n]$,

$$\text{ct}_x := (x, c_1, \{c_{2,j}\}_{j \in [d]}, \{c_{3,i}\}_{i \in [n]})$$

20

ここで、 $\text{d} : [n] \rightarrow \{n \mid n \text{ は自然数}\}$ は $(i) := |\{j \mid (j) = (i)\}|$ となる関数であり、 d は f における同じ属性ラベルの出現回数の最大値（つまり、 $d := \max_i [n] (i)$ ）である。

30

【0 1 1 4】

$\text{KeyGen}(pk, msk, y)$: 鍵生成アルゴリズム KeyGen は、公開鍵 pk と、マスター秘密鍵 msk と、属性

【0 1 1 5】

【数 6 1】

$$y = (\mathbf{y} \in \mathbb{Z}_p^m, \phi)$$

40

とを入力して、以下により秘密鍵 sk_y （属性付き秘密鍵 sk_y ）を出力する。

【0 1 1 6】

【数 6 2】

50

$\mathbf{s} \leftarrow \mathbb{Z}_p^k$, $([\mathbf{U}_{\phi(i),0}]_1, [\mathbf{U}_{\phi(i),1}]_1) := H(\phi(i))$, $(\mathbf{V}_{\phi(i),0}, \mathbf{V}_{\phi(i),1}) := F_K(\phi(i))$
 $k_1 := [\mathbf{As}]_2$, $k_2 := [\mathbf{k} + \mathbf{W}^\top \mathbf{As}]_1$,
 $k_{3,i} := [\mathbf{B}^*(y_i \mathbf{U}_{\phi(i),0}^\top + \mathbf{U}_{\phi(i),1}^\top) \mathbf{As} + \mathbf{B}_{12}^*(y_i \mathbf{V}_{\phi(i),0}^\top + \mathbf{V}_{\phi(i),1}^\top) \mathbf{As}]_1$ for $i \in [m]$,
 $\mathbf{sk}_y := (y, k_1, k_2, \{k_{3,i}\}_{i \in [m]})$.

10

D e c (p k , c t x , s k y) : 復号アルゴリズム D e c は、公開鍵 p k と、暗号文 c t x と、秘密鍵 s k y を入力して、上記の式 (3) によって x 及び y から b を計算した上で、f (b) = 0 である場合は復号失敗を示す 0 を出力する。一方で、f (b) ≠ 0 である場合は

【0 1 1 7】

【数 6 3】

20

$$\mathbf{WBr} = \sum_{i \in S} \mathbf{w}_i$$

を満たす集合 $S = \{i \mid b_i = 1\}$ を計算し、以下により共通鍵 L' を出力する。

【0 1 1 8】

【数 6 4】

30

$$D_{1,j} := e \left(\sum_{\substack{\pi(i)=j \\ i \in S_1}} c_{3,i} + \sum_{\substack{\pi(i)=j \\ i \in S_0}} \frac{1}{x_i - y_{\phi^{-1}(\psi(i))}} (y_{\phi^{-1}(\psi(i))} c_{3,i,1} + c_{3,i,2}), k_1 \right),$$

$$D_{2,j} := e \left(\sum_{\substack{\pi(i)=j \\ i \in S_1}} k_{3,\phi^{-1}(\psi(i))} + \sum_{\substack{\pi(i)=j \\ i \in S_0}} \frac{1}{x_i - y_{\phi^{-1}(\psi(i))}} k_{3,\phi^{-1}(\psi(i))}, c_{2,j} \right) \text{ for } j \in [d],$$

$$L' := H_2 \left(e(k_2, c_1) / \prod_{j \in [d]} (D_{1,j} / D_{2,j}) \right)$$

40

ここで、 $S_1 := S = \{i \mid t(i) = 1\}$ 、 $S_0 := S = \{i \mid t(i) = 0\}$ であ

50

る。

【0119】

<暗号システム1の全体構成>

次に、上記で説明した「本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース暗号」、「本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース暗号」、「本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベースKEM」及び「本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベースKEM」を実現する暗号システム1の全体構成について、図1を参照しながら説明する。図1は、本実施形態に係る暗号システム1の全体構成の一例を示す図である。

【0120】

図1に示すように、本実施形態に係る暗号システム1には、鍵生成装置10と、暗号化装置20と、復号装置30とが含まれる。これらの各装置は、例えばインターネット等の通信ネットワークNを介して通信可能に接続される。なお、図1に示す例では、暗号化装置20及び復号装置30がそれぞれ1台ずつである場合を示しているが、これらの装置はそれぞれ複数台存在してもよい。また、鍵生成装置10も複数台存在してもよい。

10

【0121】

鍵生成装置10は、セットアップアルゴリズムSetupや鍵生成アルゴリズムKeyGenを実行して鍵を生成するコンピュータ又はコンピュータシステムである。ここで、鍵生成装置10は、セットアップ処理部101と、鍵生成処理部102と、記憶部103とを有する。なお、セットアップ処理部101及び鍵生成処理部102は、鍵生成装置10にインストールされた1以上のプログラムがプロセッサ等に実行させる処理により実現される。また、記憶部103は、例えば、補助記憶装置等の各種メモリを用いて実現可能である。

20

【0122】

セットアップ処理部101は、セットアップアルゴリズムSetupを実行する。鍵生成処理部102は、鍵生成アルゴリズムKeyGenを実行する。記憶部103には、各種データ（例えば、セットアップアルゴリズムSetupで出力された公開鍵pkやマスター秘密鍵msk等）が記憶される。

【0123】

暗号化装置20は、暗号化アルゴリズムEncを実行して暗号文を生成するコンピュータ又はコンピュータシステムである。ここで、暗号化装置20は、暗号化処理部201と、記憶部202とを有する。暗号化処理部201は、暗号化装置20にインストールされた1以上のプログラムがプロセッサ等に実行させる処理により実現される。また、記憶部202は、例えば、補助記憶装置等の各種メモリを用いて実現可能である。

30

【0124】

暗号化処理部201は、暗号化アルゴリズムEncを実行する。記憶部202には、各種データ（例えば、暗号化アルゴリズムEncに入力されるデータ等）が記憶される。

【0125】

復号装置30は、復号アルゴリズムDecを実行して暗号文を復号するコンピュータ又はコンピュータシステムである。ここで、復号装置30は、復号処理部301と、記憶部302とを有する。復号処理部301は、復号装置30にインストールされた1以上のプログラムがプロセッサ等に実行させる処理により実現される。また、記憶部302は、例えば、補助記憶装置等の各種メモリを用いて実現可能である。

40

【0126】

復号処理部301は、復号アルゴリズムDecを実行する。記憶部302には、各種データ（例えば、復号アルゴリズムDecに入力されるデータや復号アルゴリズムDecにより出力されるデータ等）が記憶される。

【0127】

なお、図1に示す暗号システム1の構成は一例であって、他の構成であってもよい。例えば、暗号化装置20と復号装置30とが同一の装置で実現されていてもよい。この場合、当該装置は、例えば、暗号化処理部201と、復号処理部301と、記憶部とを有する

50

ことなる。

【0128】

<暗号システム1が実行する処理の流れ>

以降では、本実施形態に係る暗号システム1が実行する処理の流れについて説明する。

【0129】

- ・本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース暗号

本実施形態に係る暗号システム1が「本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース暗号」を実現する場合には、以下のStep1-1～Step1-4が実行される。

【0130】

Step1-1) 鍵生成装置10のセットアップ処理部101は、本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース暗号のセットアップアルゴリズムSetupを実行する。これにより、公開鍵pkとマスター秘密鍵mskとが生成及び出力される。これらの公開鍵pk及びマスター秘密鍵mskは記憶部103に記憶される。また、公開鍵pkは公開される。

10

【0131】

Step1-2) 暗号化装置20の暗号化処理部201は、公開鍵pkと属性xとメッセージMとを入力として、本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース暗号の暗号化アルゴリズムEncを実行する。これにより、属性付き暗号文ct_xが出力される。属性付き暗号文ct_xは、例えば、通信ネットワークNを介して復号装置30に送信される。属性付き暗号文ct_xは記憶部202に記憶されてもよい。

20

【0132】

Step1-3) 鍵生成装置10の鍵生成処理部102は、公開鍵pkとマスター秘密鍵mskとポリシーyとを入力として、本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース暗号の鍵生成アルゴリズムKeyGenを実行する。これにより、ポリシー付き秘密鍵sk_yが生成される。ポリシー付き秘密鍵sk_yは、例えば、通信ネットワークNを介して復号装置30に送信される。

30

【0133】

Step1-4) 復号装置30の復号処理部301は、公開鍵pkと属性付き暗号文ct_xとポリシー付き秘密鍵sk_yとを入力として、本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース暗号の復号アルゴリズムDecを実行する。これにより、復号失敗を示す又はメッセージM'のいずれかが出力される。この出力結果は、例えば、記憶部302に記憶される。

30

【0134】

- ・本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース暗号

本実施形態に係る暗号システム1が「本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース暗号」を実現する場合には、以下のStep2-1～Step2-4が実行される。

【0135】

Step2-1) 鍵生成装置10のセットアップ処理部101は、本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース暗号のセットアップアルゴリズムSetupを実行する。これにより、公開鍵pkとマスター秘密鍵mskとが生成及び出力される。これらの公開鍵pk及びマスター秘密鍵mskは記憶部103に記憶される。また、公開鍵pkは公開される。

40

【0136】

Step2-2) 暗号化装置20の暗号化処理部201は、公開鍵pkとポリシーxとメッセージMとを入力として、本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース暗号の暗号化アルゴリズムEncを実行する。これにより、ポリシー付き暗号文ct_xが出力される。ポリシー付き暗号文ct_xは、例えば、通信ネットワークNを介して復号装置30に送信される。ポリシー付き暗号文ct_xは記憶部202に記憶されてもよい。

40

【0137】

Step2-3) 鍵生成装置10の鍵生成処理部102は、公開鍵pkとマスター秘密鍵mskと属性yとを入力として、本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース暗号の鍵生成アルゴリズムKeyGenを実行する。これにより、属性付き秘密鍵sk_yが生成される。属性付き秘密鍵sk_yは、例えば、通信ネットワークNを介して復号装置30に送

50

信される。

【 0 1 3 8 】

S t e p 2 - 4) 復号装置 3 0 の復号処理部 3 0 1 は、公開鍵 p k とポリシー付き暗号文 c t x と属性付き秘密鍵 s k y を入力として、本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース暗号の復号アルゴリズム D e c を実行する。これにより、復号失敗を示す 又はメッセージ M ' のいずれかが出力される。この出力結果は、例えば、記憶部 3 0 2 に記憶される。

【 0 1 3 9 】

- ・本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース K E M

本実施形態に係る暗号システム 1 が「本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース K E M 」を実現する場合には、以下の S t e p 3 - 1 ~ S t e p 3 - 4 が実行される。 10

【 0 1 4 0 】

S t e p 3 - 1) 鍵生成装置 1 0 のセットアップ処理部 1 0 1 は、本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース K E M のセットアップアルゴリズム S e t u p を実行する。これにより、公開鍵 p k とマスター秘密鍵 m s k とが生成及び出力される。これらの公開鍵 p k 及びマスター秘密鍵 m s k は記憶部 1 0 3 に記憶される。また、公開鍵 p k は公開される。

【 0 1 4 1 】

S t e p 3 - 2) 暗号化装置 2 0 の暗号化処理部 2 0 1 は、公開鍵 p k と属性 x とを入力として、本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース K E M の暗号化アルゴリズム E n c を実行する。これにより、属性付き暗号文 c t x と共に鍵 L とが出力される。属性付き暗号文 c t x は、例えば、通信ネットワーク N を介して復号装置 3 0 に送信される。属性付き暗号文 c t x は記憶部 2 0 2 に記憶されてもよい。また、共通鍵 L は記憶部 2 0 2 に記憶される。 20

【 0 1 4 2 】

S t e p 3 - 3) 鍵生成装置 1 0 の鍵生成処理部 1 0 2 は、公開鍵 p k とマスター秘密鍵 m s k とポリシー y とを入力として、本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース K E M の鍵生成アルゴリズム K e y G e n を実行する。これにより、ポリシー付き秘密鍵 s k y が生成される。ポリシー付き秘密鍵 s k y は、例えば、通信ネットワーク N を介して復号装置 3 0 に送信される。

【 0 1 4 3 】

S t e p 3 - 4) 復号装置 3 0 の復号処理部 3 0 1 は、公開鍵 p k と属性付き暗号文 c t x とポリシー付き秘密鍵 s k y を入力として、本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース K E M の復号アルゴリズム D e c を実行する。これにより、復号失敗を示す 又は共通鍵 K ' のいずれかが出力される。この出力結果は、例えば、記憶部 3 0 2 に記憶される。 30

【 0 1 4 4 】

- ・本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース K E M

本実施形態に係る暗号システム 1 が「本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース K E M 」を実現する場合には、以下の S t e p 4 - 1 ~ S t e p 4 - 4 が実行される。

【 0 1 4 5 】

S t e p 4 - 1) 鍵生成装置 1 0 のセットアップ処理部 1 0 1 は、本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース K E M のセットアップアルゴリズム S e t u p を実行する。これにより、公開鍵 p k とマスター秘密鍵 m s k とが生成及び出力される。これらの公開鍵 p k 及びマスター秘密鍵 m s k は記憶部 1 0 3 に記憶される。また、公開鍵 p k は公開される。 40

【 0 1 4 6 】

S t e p 4 - 2) 暗号化装置 2 0 の暗号化処理部 2 0 1 は、公開鍵 p k とポリシー x とを入力として、本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース K E M の暗号化アルゴリズム E n c を実行する。これにより、ポリシー付き暗号文 c t x と共に鍵 L とが出力される。ポリシー付き暗号文 c t x は、例えば、通信ネットワーク N を介して復号装置 3 0 に送信される。ポリシー付き暗号文 c t x は記憶部 2 0 2 に記憶されてもよい。また、共通鍵 L 50

は記憶部 202 に記憶される。

【 0 1 4 7 】

Step 4 - 3) 鍵生成装置 10 の鍵生成処理部 102 は、公開鍵 p_k とマスター秘密鍵 $m_s k$ と属性 y を入力として、本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース KEM の鍵生成アルゴリズム KeyGen を実行する。これにより、属性付き秘密鍵 s_k_y が生成される。属性付き秘密鍵 s_k_y は、例えば、通信ネットワーク N を介して復号装置 30 に送信される。

【 0 1 4 8 】

Step 4 - 4) 復号装置 30 の復号処理部 301 は、公開鍵 p_k とポリシー付き暗号文 c_{tx} と属性付き秘密鍵 s_k_y を入力として、本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース KEM の復号アルゴリズム Dec を実行する。これにより、復号失敗を示す 又は 共通鍵 L' のいずれかが出力される。この出力結果は、例えば、記憶部 302 に記憶される。

10

【 0 1 4 9 】

< 鍵生成装置 10 、暗号化装置 20 及び復号装置 30 のハードウェア構成 >

次に、本実施形態に係る暗号システム 1 に含まれる鍵生成装置 10 、暗号化装置 20 及び復号装置 30 のハードウェア構成について、図 2 を参照しながら説明する。図 2 は、本実施形態に係る鍵生成装置 10 、暗号化装置 20 及び復号装置 30 のハードウェア構成の一例を示す図である。なお、本実施形態に係る鍵生成装置 10 、暗号化装置 20 及び復号装置 30 は同様のハードウェア構成で実現可能であるため、以降では、主に、鍵生成装置 10 のハードウェア構成について説明する。

20

【 0 1 5 0 】

図 2 に示すように、本実施形態に係る鍵生成装置 10 は、入力装置 501 と、表示装置 502 と、RAM (Random Access Memory) 503 と、ROM (Read Only Memory) 504 と、プロセッサ 505 と、外部 I/F 506 と、通信 I/F 507 と、補助記憶装置 508 とを有する。これら各ハードウェアは、それぞれがバス 509 を介して通信可能に接続されている。

【 0 1 5 1 】

入力装置 501 は、例えばキーボードやマウス、タッチパネル等である。表示装置 502 は、例えばディスプレイ等である。なお、鍵生成装置 10 、暗号化装置 20 及び復号装置 30 は、入力装置 501 及び表示装置 502 のうちの少なくとも一方を有していないともよい。

30

【 0 1 5 2 】

RAM 503 は、プログラムやデータを一時保持する揮発性の半導体メモリである。ROM 504 は、電源を切ってもプログラムやデータを保持することができる不揮発性の半導体メモリである。プロセッサ 505 は、例えば CPU (Central Processing Unit) 等であり、ROM 504 や補助記憶装置 508 等からプログラムやデータを RAM 503 上に読み出して処理を実行する演算装置である。

【 0 1 5 3 】

外部 I/F 506 は、外部装置とのインターフェースである。外部装置には、例えば、CD (Compact Disc) や DVD (Digital Versatile Disk) 、SD メモリカード (Secure Digital memory card) 、USB (Universal Serial Bus) メモリカード等の記録媒体 506a 等がある。

40

【 0 1 5 4 】

通信 I/F 507 は、通信ネットワークに接続して他の装置と通信を行うためのインターフェースである。補助記憶装置 508 は、例えば HDD (Hard Disk Drive) や SSD (Solid State Drive) 等の不揮発性の記憶装置である。

【 0 1 5 5 】

本実施形態に係る鍵生成装置 10 、暗号化装置 20 及び復号装置 30 は、図 2 に示すハードウェア構成を有することにより、上述した各アルゴリズムを実行して各種処理を実現

50

することができる。なお、図2では、本実施形態に係る鍵生成装置10、暗号化装置20及び復号装置30が1台の装置（コンピュータ）で実現されている場合を示したが、これに限られない。本実施形態に係る鍵生成装置10、暗号化装置20及び復号装置30は、複数台の装置（コンピュータ）で実現されていてもよい。また、1台の装置（コンピュータ）には、複数のプロセッサ505や複数のメモリ（RAM503やROM504、補助記憶装置508等）が含まれていてもよい。

【0156】

<まとめ>

以上のように、本実施形態に係る暗号システム1では、「本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベース暗号」、「本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベース暗号」、「本実施形態に係る鍵ポリシー属性ベースKEM」及び「本実施形態に係る暗号文ポリシー属性ベースKEM」を実現することができる。これらの暗号方式及びKEM方式は、効率的である一方で表現力はOT方式に比べると低いFAMEと呼ばれる方式の構成技術をベースにしている。なお、FAMEの詳細については、例えば、文献「S. Agrawal and M. Chase. FAME: Fast attribute-based message encryption. In ACM CCS, 2017.」を参照されたい。

10

【0157】

FAMEは効率的な構成である一方でポリシーを表現する条件式の中で否定を使うことができなかった。これに対して、本実施形態に係る暗号方式（及びこの暗号方式を応用したKEM方式）では、FAMEの構造を参考に効率的に動作する性質を保ちながら、条件式の否定と属性ラベルの複数回出現とを可能にするように設計している。これにより、本実施形態に係る暗号システム1は、暗号文や秘密鍵のサイズを増大させずに任意の条件式をポリシーとして利用可能で、かつ、効率的な属性ベース暗号（及びこの属性ベース暗号を応用したKEM）を実現することができる。

20

【0158】

より具体的には、本実施形態に係る暗号システム1が実現する属性ベース暗号（及びこの属性ベース暗号を応用したKEM）では、第一に、OT方式と比較して暗号文と秘密鍵の群要素の数が減っているため、暗号化及び鍵生成時の比較的重い計算であるべき乗計算の回数を大きく減らすことができる。したがって、暗号化及び鍵生成の計算時間を削減することができる。

30

【0159】

また、第二に、復号時に必要な重い計算であるペアリング演算の回数も大きく減るため、復号もOT方式に比べて高速である。特に、ペアリング演算の回数は利用されるポリシーにもよるが、高速なケースではそのポリシーの変数の数倍以上の速さの復号が可能である。例えば、20個の変数からなるポリシーを持つ暗号文又は秘密鍵を用いて復号処理を行う場合、20倍以上の高速化が可能である。

【0160】

更に、本実施形態に係る暗号システム1が実現する属性ベース暗号（及びこの属性ベース暗号を応用したKEM）では、暗号文や鍵のサイズを増大させることなく、任意の条件式をポリシーとして利用可能である。すなわち、条件式の中に属性ラベルが任意の回数出でてもよい。

40

【0161】

本発明は、具体的に開示された上記の実施形態に限定されるものではなく、請求の範囲の記載から逸脱することなく、種々の変形や変更等が可能である。

【符号の説明】

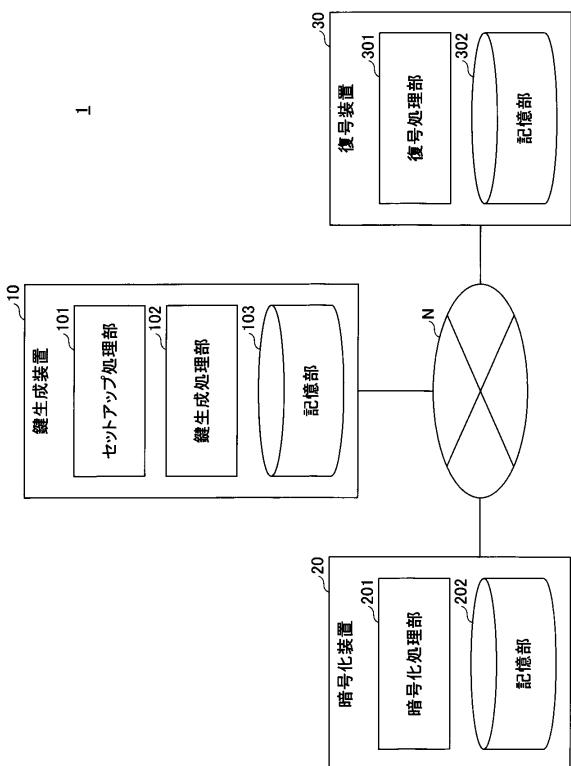
【0162】

- 1 暗号システム
- 10 鍵生成装置
- 20 暗号化装置
- 30 復号装置

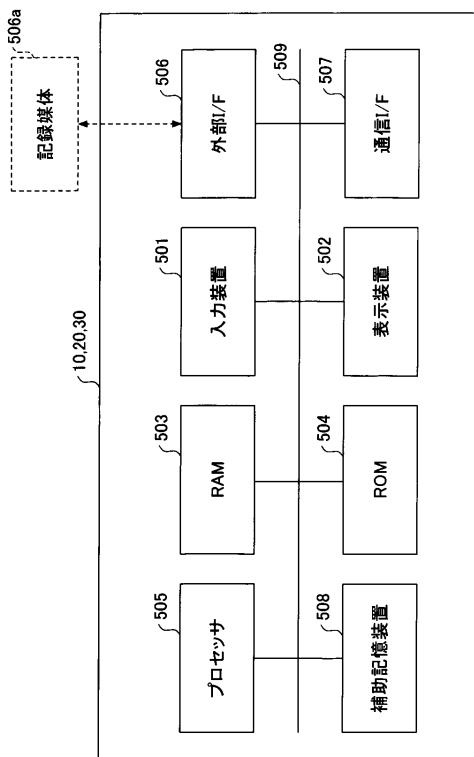
50

- 1 0 1 セットアップ処理部
- 1 0 2 鍵生成処理部
- 1 0 3 記憶部
- 2 0 1 暗号化処理部
- 2 0 2 記憶部
- 3 0 1 復号処理部
- 3 0 2 記憶部

【図面】
【図1】



【図2】



10

20

30

40

50

フロントページの続き

- (56)参考文献
米国特許出願公開第2016/0014095(US, A1)
国際公開第2015/125293(WO, A1)
特開2016-155711(JP, A)
市川 幸宏 ほか, 関数型暗号アプリケーションにおける適切な述語付与方式の検討, 情報
処理学会研究報告 2012(平成24)年度 6 [DVD-ROM], 日本, 一般社
団法人情報処理学会, 2013年04月15日, Vol.2013-DPS-15 No.5, p. 1-6
石橋 拓哉 ほか, 属性ベース暗号を用いたファイル共有サービスの複数組織対応に関する
考察, 電子情報通信学会技術研究報告, 日本, 一般社団法人電子情報通信学会, 2018年02
月26日, Vol.117 No.471, p.79-84
- (58)調査した分野 (Int.Cl., DB名)
G 09 C 1 / 00
J S T P l u s / J M E D P l u s / J S T 7 5 8 0 (J D r e a m I I I)
I E E E X p l o r e
T H E A C M D I G I T A L L I B R A R Y