

(19) 日本国特許庁(JP)

(12) 特許公報(B2)

(11) 特許番号

特許第5411994号  
(P5411994)

(45) 発行日 平成26年2月12日(2014.2.12)

(24) 登録日 平成25年11月15日(2013.11.15)

(51) Int.Cl. F I  
G09C 1/00 (2006.01) G09C 1/00 650Z

請求項の数 14 (全 25 頁)

(21) 出願番号	特願2012-537700 (P2012-537700)	(73) 特許権者	000004226
(86) (22) 出願日	平成23年10月3日 (2011.10.3)		日本電信電話株式会社
(86) 国際出願番号	PCT/JP2011/072770		東京都千代田区大手町二丁目3番1号
(87) 国際公開番号	W02012/046692	(74) 代理人	100121706
(87) 国際公開日	平成24年4月12日 (2012.4.12)		弁理士 中尾 直樹
審査請求日	平成25年3月19日 (2013.3.19)	(74) 代理人	100128705
(31) 優先権主張番号	特願2011-192844 (P2011-192844)		弁理士 中村 幸雄
(32) 優先日	平成23年9月5日 (2011.9.5)	(74) 代理人	100147773
(33) 優先権主張国	日本国(JP)		弁理士 義村 宗洋
(31) 優先権主張番号	特願2010-226553 (P2010-226553)	(72) 発明者	濱田 浩気
(32) 優先日	平成22年10月6日 (2010.10.6)		東京都千代田区大手町二丁目3番1号 日 本電信電話株式会社内
(33) 優先権主張国	日本国(JP)	(72) 発明者	五十嵐 大
			東京都千代田区大手町二丁目3番1号 日 本電信電話株式会社内

最終頁に続く

(54) 【発明の名称】 秘密分散システム、秘密分散装置、秘密分散方法、秘密ソート方法、秘密分散プログラム

(57) 【特許請求の範囲】

【請求項1】

N個の秘密分散装置で構成された秘密分散システムであって、  
 Nを3以上の整数、nを1以上N以下の整数、Mを1以上の整数、mを1以上M以下の整数、Kを2以上の整数、kを1以上K以下の整数、数値  $A_1^{(1)}, \dots, A_K^{(1)}, \dots, A_1^{(M)}, \dots, A_K^{(M)}$  を各秘密分散装置が断片を分散して記録する  $K \times M$  個の数値、数値  $A_k^{(1)}, \dots, A_k^{(M)}$  を対応付けられた k 番目の数値群、 $a_{kn}^{(m)}$  を n 番目の秘密分散装置が記録する数値  $A_k^{(m)}$  の断片、i を N 個の秘密分散装置の中から選択された秘密分散装置を示すための 1 以上 N 以下の中の一部の整数とし、  
 2 以上 N 未満の数の秘密分散装置を選択する選択手段と、  
 前記選択手段で選択された秘密分散装置の間で  $\{1, \dots, K\} \rightarrow \{1, \dots, K\}$  の全単射を作成し、選択された i 番目の秘密分散装置が記録する対応付けられた (k) 番目の数値群の断片  $a_{(k)i}^{(1)}, \dots, a_{(k)i}^{(M)}$  をそれぞれ対応付けられた k 番目の数値群の断片にする断片置換手段と、  
 前記断片置換手段によって置換された数値  $A_{(k)}^{(1)}, \dots, A_{(k)}^{(M)}$  に対応する断片  $a_{(k)i}^{(1)}, \dots, a_{(k)i}^{(M)}$  を用いて再分散化して新しい断片  $b_{k1}^{(1)}, \dots, b_{kN}^{(1)}, \dots, b_{k1}^{(M)}, \dots, b_{kN}^{(M)}$  を求め、数値  $B_k^{(1)}, \dots, B_k^{(M)}$  の断片とする再分散手段と、  
 を備える秘密分散システム。

【請求項2】

請求項 1 記載の秘密分散システムであって、  
M = 1 である秘密分散システム。

【請求項 3】

請求項 2 記載の秘密分散システムであって、

N 個の秘密分散装置のどれも知らない K 個の数値  $P_1, \dots, P_K$  それぞれの断片を秘密計算によって求め、n 番目の秘密分散装置に断片  $p_{1n}, \dots, p_{Kn}$  を記録する初期情報分散手段と、

N 個の秘密分散装置で、 $S_k = P_k \times A_k^{(1)}$  である数値  $S_k$  の断片  $s_{k1}, \dots, s_{kN}$  を秘密計算によって求め、N 個の秘密分散装置に分散して記録する初期乗算手段と、  
k = 1 ~ K について、 $Q_k = P_{(k)}$  である数値  $Q_k$  の断片  $q_{k1}, \dots, q_{kN}$  を秘密計算によって生成し、N 個の秘密分散装置に分散して記録する確認分散手段と、

N 個の秘密分散装置で、 $T_k = Q_k \times B_k^{(1)}$  である数値  $T_k$  の断片  $t_{k1}, \dots, t_{kN}$  を秘密計算によって求め、N 個の秘密分散装置に分散して記録する確認乗算手段と、  
k = 1 ~ K について、 $T_k = S_{(k)}$  であることを確認する改ざん検出手段、  
も備える秘密分散システム。

【請求項 4】

請求項 1 記載の秘密分散システムであって、

N = 3、 $(\quad, \quad, \quad)$  を  $(1, 2, 3)$  と  $(2, 3, 1)$  と  $(3, 1, 2)$  のいずれかの組み合わせ、数値  $A_k^{(m)} = a_k^{(m)} + a_k^{(m)} + a_k^{(m)}$  の 3 つの断片を  $(a_k^{(m)}, a_k^{(m)})$  と  $(a_k^{(m)}, a_k^{(m)})$  と  $(a_k^{(m)}, a_k^{(m)})$ 、前記の 3 つの断片は 3 つの秘密分散装置に分散して記録されているとし、

前記選択手段は、2 つの秘密分散装置を選択し、選択された秘密分散装置の一方を第 1 の秘密分散装置、他方を第 2 の秘密分散装置、選択されなかった秘密分散装置を第 3 の秘密分散装置とし、

前記断片置換手段は、第 1 の秘密分散装置が記録する数値  $A_k^{(m)}$  の断片を  $a_{k1}^{(m)} = (a_{k31}^{(m)}, a_{k12}^{(m)})$ 、第 2 の秘密分散装置が記録する数値  $A_k^{(m)}$  の断片を  $a_{k2}^{(m)} = (a_{k12}^{(m)}, a_{k23}^{(m)})$ 、第 3 の秘密分散装置が記録する数値  $A_k^{(m)}$  の断片を  $a_{k3}^{(m)} = (a_{k23}^{(m)}, a_{k31}^{(m)})$  とし、第 1 の秘密分散装置または第 2 の秘密分散装置で  $\{1, \dots, K\} \rightarrow \{1, \dots, K\}$  の全単射を作成し、第 1 の秘密分散装置が記録する対応付けられた (k) 番目の数値群の断片  $a_{(k)1}^{(1)}, \dots, a_{(k)1}^{(M)}$  を対応付けられた k 番目の数値群の断片にし、第 2 の秘密分散装置が記録する対応付けられた (k) 番目の数値群の断片  $a_{(k)2}^{(1)}, \dots, a_{(k)2}^{(M)}$  を対応付けられた k 番目の数値群の断片にし、

前記再分散手段として、各秘密分散装置が、

第 1 の秘密分散装置のときには、対応付けられた k 番目の数値群の断片の再分散化のために、ランダムな値である  $b_{k31}^{(1)}, \dots, b_{k31}^{(M)}$  を生成し、第 3 の秘密分散装置に送信する第 1 乱数生成部と、

第 2 の秘密分散装置のときには、対応付けられた k 番目の数値群の断片の再分散化のために、ランダムな値である  $b_{k23}^{(1)}, \dots, b_{k23}^{(M)}$  を生成し、第 3 の秘密分散装置に送信する第 2 乱数生成部と、

第 1 の秘密分散装置のときには、対応付けられた k 番目の数値群の断片の再分散化のために、 $m = 1 \sim M$  について  $x_k^{(m)} = b_{k31}^{(m)} - a_{(k)31}^{(m)}$  を計算し、 $x_k^{(1)}, \dots, x_k^{(M)}$  を第 2 の秘密分散装置に送信する第 1 計算部と、

第 2 の秘密分散装置のときには、対応付けられた k 番目の数値群の断片の再分散化のために、 $m = 1 \sim M$  について  $y_k^{(m)} = b_{k23}^{(m)} - a_{(k)23}^{(m)}$  を計算し、 $y_k^{(1)}, \dots, y_k^{(M)}$  を第 1 の秘密分散装置に送信する第 2 計算部と、

第 1 の秘密分散装置または第 2 の秘密分散装置のときには、対応付けられた k 番目の数値群の断片の再分散化のために、 $m = 1 \sim M$  について  $b_{k12}^{(m)} = a_{(k)12}^{(m)}$

10

20

30

40

50

$m$ ) -  $x_k^{(m)}$  -  $y_k^{(m)}$  を計算する第3計算部と、  
 第1の秘密分散装置のときには  $(b_{k31}^{(m)}, b_{k12}^{(m)})$  を断片  $b_{k1}^{(m)}$  とし、第2の秘密分散装置のときには  $(b_{k12}^{(m)}, b_{k23}^{(m)})$  を断片  $b_{k2}^{(m)}$  とし、第3の秘密分散装置のときには  $(b_{k23}^{(m)}, b_{k31}^{(m)})$  を断片  $b_{k3}^{(m)}$  とする断片更新部と、  
 を備え、断片  $b_{k1}^{(m)}$ 、 $b_{k2}^{(m)}$ 、 $b_{k3}^{(m)}$  を数値  $B_k^{(m)}$  の断片として記録する

秘密分散システム。

【請求項5】

請求項4記載の秘密分散システムであって、  
 $M = 1$  である秘密分散システム。

10

【請求項6】

請求項5記載の秘密分散システムであって、  
 第1の秘密分散装置で  $K$  個のランダムな値  $R^{(1)}_1, \dots, R^{(1)}_K$  を生成し、第2の秘密分散装置で  $K$  個のランダムな値  $R^{(2)}_1, \dots, R^{(2)}_K$  を生成し、前記3つの秘密分散装置で、 $R^{(1)}_k$  の断片  $(r^{(1)}_{k31}, r^{(1)}_{k12})$ 、 $(r^{(1)}_{k12}, r^{(1)}_{k23})$ 、 $(r^{(1)}_{k23}, r^{(1)}_{k31})$  と、 $R^{(2)}_k$  の断片  $(r^{(2)}_{k31}, r^{(2)}_{k12})$ 、 $(r^{(2)}_{k12}, r^{(2)}_{k23})$ 、 $(r^{(2)}_{k23}, r^{(2)}_{k31})$  とを秘密分散して記録し、前記3つの秘密分散装置で、 $P_k = R^{(1)}_k + R^{(2)}_k$  である数値  $P_k$  の断片  $(p_{k31}, p_{k12})$ 、 $(p_{k12}, p_{k23})$ 、 $(p_{k23}, p_{k31})$  を秘密計算によって求め、前記3つの秘密分散装置に分散して記録する初期情報分散手段と、

20

前記3つの秘密分散装置で、 $S_k = P_k \times A_k^{(1)}$  である数値  $S_k$  の断片  $(s_{k31}, s_{k12})$ 、 $(s_{k12}, s_{k23})$ 、 $(s_{k23}, s_{k31})$  を秘密計算によって求め、前記3つの秘密分散装置に分散して記録する初期乗算手段と、

前記の数値  $R^{(1)}_k$  の別の断片  $(r'^{(1)}_{k31}, r'^{(1)}_{k12})$ 、 $(r'^{(1)}_{k12}, r'^{(1)}_{k23})$ 、 $(r'^{(1)}_{k23}, r'^{(1)}_{k31})$  と、前記の数値  $R^{(2)}_k$  の別の断片  $(r'^{(2)}_{k31}, r'^{(2)}_{k12})$ 、 $(r'^{(2)}_{k12}, r'^{(2)}_{k23})$ 、 $(r'^{(2)}_{k23}, r'^{(2)}_{k31})$  とを前記3つの秘密分散装置に分散して記録し、前記3つの秘密分散装置で、 $Q_k = R^{(1)}_k + R^{(2)}_k$  である数値  $Q_k$  の断片  $(q_{k31}, q_{k12})$ 、 $(q_{k12}, q_{k23})$ 、 $(q_{k23}, q_{k31})$  を当該別の断片を用いて秘密計算によって求め、前記3つの秘密分散装置に分散して記録する確認分散手段と、

30

前記3つの秘密分散装置で、 $T_k = Q_k \times B_k^{(1)}$  である数値  $T_k$  の断片  $(t_{k31}, t_{k12})$ 、 $(t_{k12}, t_{k23})$ 、 $(t_{k23}, t_{k31})$  を秘密計算によって求め、前記3つの秘密分散装置に分散して記録する確認乗算手段と、

第1の秘密分散装置が記録する断片を  $s_{k1} = (s_{k31}, s_{k12})$ 、 $t_{k1} = (t_{k31}, t_{k12})$  とし、第2の秘密分散装置が記録する断片を  $s_{k2} = (s_{k12}, s_{k23})$ 、 $t_{k2} = (t_{k12}, t_{k23})$  とし、第3の秘密分散装置が記録する断片を  $s_{k3} = (s_{k23}, s_{k31})$ 、 $t_{k3} = (t_{k23}, t_{k31})$  とし、各秘密分散装置が、

40

第1の秘密分散装置のときに、ランダムな値である  $u_k$  を生成し、第2の秘密分散装置に送信する第3乱数生成部と、

第2の秘密分散装置のときに、ランダムな値である  $v_k$  を生成し、第1の秘密分散装置に送信する第4乱数生成部と、

第1の秘密分散装置のときに、 $d_k = s_{k12} - t_{k12} - u_k - v_k$  を計算し、第3の秘密分散装置に送信する第4計算部と、

第2の秘密分散装置のときに、 $e_k = s_{k12} - t_{k12} - u_k - v_k$  を計算し、第3の秘密分散装置に送信する第5計算部と、

50

第3の秘密分散装置のときに、 $d_k = e_k$ であることを確認し、異なっていれば処理を中止する第1確認部と、

第1の秘密分散装置のときに、 $f_k = s_{(k)31} - t_{k31} + u_k$ を計算し、第3の秘密分散装置に送信する第6計算部と、

第2の秘密分散装置のときに、 $g_k = s_{(k)23} - t_{k23} + v_k$ を計算し、第3の秘密分散装置に送信する第7計算部と、

第3の秘密分散装置のときに、 $f_k + g_k + d_k = 0$ であることを確認し、異なっていれば処理を中止する第2確認部と、

を備える

秘密分散システム。

10

【請求項7】

請求項4記載の秘密分散システムの中の秘密分散装置であって、

第1の秘密分散装置として選ばれたときには記録する数値 $A_k^{(m)}$ の断片を $a_{k1}^{(m)} = (a_{k31}^{(m)}, a_{k12}^{(m)})$ 、第2の秘密分散装置として選ばれたときには記録する数値 $A_k^{(m)}$ の断片を $a_{k2}^{(m)} = (a_{k12}^{(m)}, a_{k23}^{(m)})$ 、第3の秘密分散装置として選ばれたときには記録する数値 $A_k^{(m)}$ の断片を $a_{k3}^{(m)} = (a_{k23}^{(m)}, a_{k31}^{(m)})$ とし、

第1の秘密分散装置または第2の秘密分散装置として選ばれたときは、 $\{1, \dots, K\}$   $\{1, \dots, K\}$ の全単射を作成し、対応付けられた $(k)$ 番目の数値群の断片を対応付けられた $k$ 番目の数値群の断片にする断片置換部と、

20

第1の秘密分散装置のときには、対応付けられた $k$ 番目の数値群の断片の再分散化のために、ランダムな値である $b_{k31}^{(1)}, \dots, b_{k31}^{(M)}$ を生成し、第3の秘密分散装置に送信する第1乱数生成部と、

第2の秘密分散装置のときには、対応付けられた $k$ 番目の数値群の断片の再分散化のために、ランダムな値である $b_{k23}^{(1)}, \dots, b_{k23}^{(M)}$ を生成し、第3の秘密分散装置に送信する第2乱数生成部と、

第1の秘密分散装置のときには、対応付けられた $k$ 番目の数値群の断片の再分散化のために、 $m = 1 \sim M$ について $x_k^{(m)} = b_{k31}^{(m)} - a_{(k)31}^{(m)}$ を計算し、 $x_k^{(1)}, \dots, x_k^{(M)}$ を第2の秘密分散装置に送信する第1計算部と、

第2の秘密分散装置のときには、対応付けられた $k$ 番目の数値群の断片の再分散化のために、 $m = 1 \sim M$ について $y_k^{(m)} = b_{k23}^{(m)} - a_{(k)23}^{(m)}$ を計算し、 $y_k^{(1)}, \dots, y_k^{(M)}$ を第1の秘密分散装置に送信する第2計算部と、

30

第1の秘密分散装置または第2の秘密分散装置のときには、対応付けられた $k$ 番目の数値群の断片の再分散化のために、 $m = 1 \sim M$ について $b_{k12}^{(m)} = a_{(k)12}^{(m)} - x_k^{(m)} - y_k^{(m)}$ を計算する第3計算部と、

第1の秘密分散装置のときには $(b_{k31}^{(m)}, b_{k12}^{(m)})$ を断片 $b_{k1}^{(m)}$ とし、第2の秘密分散装置のときには $(b_{k12}^{(m)}, b_{k23}^{(m)})$ を断片 $b_{k2}^{(m)}$ とし、第3の秘密分散装置のときには $(b_{k23}^{(m)}, b_{k31}^{(m)})$ を断片 $b_{k3}^{(m)}$ とする断片更新部と、

を備える秘密分散装置。

40

【請求項8】

請求項7記載の秘密分散装置であって、

$M = 1$ である秘密分散装置。

【請求項9】

$K$ を2以上の整数、 $k$ を1以上 $K$ 以下の整数、 $M$ を1以上の整数、 $m$ を1以上 $M$ 以下の整数、 $A_1^{(1)}, \dots, A_K^{(1)}, \dots, A_1^{(M)}, \dots, A_K^{(M)}$ を $K \times M$ 個の数値、 $(, , )$ を $(1, 2, 3)$ と $(2, 3, 1)$ と $(3, 1, 2)$ のいずれかの組み合わせ、数値 $A_k^{(m)} = a_{k, , }^{(m)} + a_{k, , }^{(m)} + a_{k, , }^{(m)}$ の3つの断片を $(a_{k, , }^{(m)}, a_{k, , }^{(m)})$ と $(a_{k, , }^{(m)}, a_{k, , }^{(m)})$ と $(a_{k, , }^{(m)}, a_{k, , }^{(m)})$ 、対応付けられた $k$ 番目の数値群を $A_k^{(1)}, \dots, A$

50

$k$  (  $M$  ) とし、前記断片を分散して記録する3つの秘密分散装置を用いた秘密分散方法であって、

2つの秘密分散装置を選択し、選択された秘密分散装置の一方を第1の秘密分散装置、他方を第2の秘密分散装置、選択されなかった秘密分散装置を第3の秘密分散装置とする選択ステップと、

第1の秘密分散装置が記録する数値  $A_k$  (  $m$  ) の断片を  $a_{k 1} ( m ) = ( a_{k 3 1} ( m ) , a_{k 1 2} ( m ) )$ 、第2の秘密分散装置が記録する数値  $A_k$  (  $m$  ) の断片を  $a_{k 2} ( m ) = ( a_{k 1 2} ( m ) , a_{k 2 3} ( m ) )$ 、第3の秘密分散装置が記録する数値  $A_k$  (  $m$  ) の断片を  $a_{k 3} ( m ) = ( a_{k 2 3} ( m ) , a_{k 3 1} ( m ) )$  とし、第1の秘密分散装置または第2の秘密分散装置で  $\{ 1 , \dots , K \} \rightarrow \{ 1 , \dots , K \}$  の全単射を作成し、第1の秘密分散装置が記録する対応付けられた (  $k$  ) 番目の数値群の断片  $a_{( k ) 1} ( 1 ) , \dots , a_{( k ) 1} ( M )$  を対応付けられた  $k$  番目の数値群の断片にし、第2の秘密分散装置が記録する対応付けられた (  $k$  ) 番目の数値群の断片  $a_{( k ) 2} ( 1 ) , \dots , a_{( k ) 2} ( M )$  を対応付けられた  $k$  番目の数値群の断片にする断片置換ステップと、

10

第1の秘密分散装置が、対応付けられた  $k$  番目の数値群の断片の再分散化のために、ランダムな値である  $b_{k 3 1} ( 1 ) , \dots , b_{k 3 1} ( M )$  を生成し、第3の秘密分散装置に送信する第1乱数生成ステップと、

第2の秘密分散装置が、対応付けられた  $k$  番目の数値群の断片の再分散化のために、ランダムな値である  $b_{k 2 3} ( 1 ) , \dots , b_{k 2 3} ( M )$  を生成し、第3の秘密分散装置に送信する第2乱数生成ステップと、

20

第1の秘密分散装置が、対応付けられた  $k$  番目の数値群の断片の再分散化のために、 $m = 1 \sim M$  について  $x_k ( m ) = b_{k 3 1} ( m ) - a_{( k ) 3 1} ( m )$  を計算し、 $x_k ( 1 ) , \dots , x_k ( M )$  を第2の秘密分散装置に送信する第1計算ステップと、

第2の秘密分散装置が、対応付けられた  $k$  番目の数値群の断片の再分散化のために、 $m = 1 \sim M$  について  $y_k ( m ) = b_{k 2 3} ( m ) - a_{( k ) 2 3} ( m )$  を計算し、 $y_k ( 1 ) , \dots , y_k ( M )$  を第1の秘密分散装置に送信する第2計算ステップと、

第1の秘密分散装置と第2の秘密分散装置が、対応付けられた  $k$  番目の数値群の断片の再分散化のために、 $m = 1 \sim M$  について  $b_{k 1 2} ( m ) = a_{( k ) 1 2} ( m ) - x_k ( m ) - y_k ( m )$  を計算する第3計算ステップと、

30

第1の秘密分散装置が  $( b_{k 3 1} ( m ) , b_{k 1 2} ( m ) )$  を断片  $b_{k 1} ( m )$  とし、第2の秘密分散装置が  $( b_{k 1 2} ( m ) , b_{k 2 3} ( m ) )$  を断片  $b_{k 2} ( m )$  とし、第3の秘密分散装置が  $( b_{k 2 3} ( m ) , b_{k 3 1} ( m ) )$  を断片  $b_{k 3} ( m )$  とする断片更新ステップと、

を有する秘密分散方法。

【請求項10】

請求項9記載の秘密分散方法であって、

$M = 1$  である秘密分散方法。

【請求項11】

請求項10記載の秘密分散方法であって、

40

第1の秘密分散装置が  $K$  個のランダムな値  $R^{( 1 ) }_1 , \dots , R^{( 1 ) }_K$  を生成し、第2の秘密分散装置が  $K$  個のランダムな値  $R^{( 2 ) }_1 , \dots , R^{( 2 ) }_K$  を生成し、前記3つの秘密分散装置が  $R^{( 1 ) }_k$  の断片  $( r^{( 1 ) }_{k 3 1} , r^{( 1 ) }_{k 1 2} )$ 、 $( r^{( 1 ) }_{k 1 2} , r^{( 1 ) }_{k 2 3} )$ 、 $( r^{( 1 ) }_{k 2 3} , r^{( 1 ) }_{k 3 1} )$  と  $R^{( 2 ) }_k$  の断片  $( r^{( 2 ) }_{k 3 1} , r^{( 2 ) }_{k 1 2} )$ 、 $( r^{( 2 ) }_{k 1 2} , r^{( 2 ) }_{k 2 3} )$ 、 $( r^{( 2 ) }_{k 2 3} , r^{( 2 ) }_{k 3 1} )$  とを秘密分散して記録し、前記3つの秘密分散装置が  $P_k = R^{( 1 ) }_k + R^{( 2 ) }_k$  である数値  $P_k$  の断片  $( p_{k 3 1} , p_{k 1 2} )$ 、 $( p_{k 1 2} , p_{k 2 3} )$ 、 $( p_{k 2 3} , p_{k 3 1} )$  を秘密計算によって求め、前記3つの秘密分散装置に分散して記録する初期情報分散ステップと、

前記3つの秘密分散装置が、 $S_k = P_k \times A_k$  (  $1$  ) である数値  $S_k$  の断片  $( s_{k 3 1} , s_{k 1 2} )$ 、 $( s_{k 1 2} , s_{k 2 3} )$ 、 $( s_{k 2 3} , s_{k 3 1} )$  を生成する断片更新ステップと、

50

$(s_{k12}), (s_{k12}, s_{k23}), (s_{k23}, s_{k31})$  を秘密計算によって求め、前記3つの秘密分散装置に分散して記録する初期乗算ステップと、

前記3つの秘密分散装置が、請求項10記載の秘密分散システムによって得られた断片  $b_{k1}, b_{k2}, b_{k3}$  を数値  $B_k^{(1)}$  の断片として記録する秘密分散更新ステップと、

前記の数値  $R^{(1)}_{(k)}$  の別の断片  $(r'_{(k)31}, r'_{(k)12}), (r'_{(k)12}, r'_{(k)23}), (r'_{(k)23}, r'_{(k)31})$  と、前記の数値  $R^{(2)}_{(k)}$  の別の断片  $(r'_{(k)31}, r'_{(k)12}), (r'_{(k)12}, r'_{(k)23}), (r'_{(k)23}, r'_{(k)31})$  とを前記3つの秘密分散装置に分散して記録し、前記3つの秘密分散装置で、 $Q_k = R^{(1)}_{(k)} + R^{(2)}_{(k)}$  である数値  $Q_k$  の断片  $(q_{k31}, q_{k12}), (q_{k12}, q_{k23}), (q_{k23}, q_{k31})$  を当該別の断片を用いて秘密計算によって求め、前記3つの秘密分散装置に分散して記録する確認分散ステップと、

前記3つの秘密分散装置が、 $T_k = Q_k \times B_k^{(1)}$  である数値  $T_k$  の断片  $(t_{k31}, t_{k12}), (t_{k12}, t_{k23}), (t_{k23}, t_{k31})$  を秘密計算によって求め、前記3つの秘密分散装置に分散して記録する確認乗算ステップと、

第1の秘密分散装置が記録する断片を  $s_{k1} = (s_{k31}, s_{k12}), t_{k1} = (t_{k31}, t_{k12})$  とし、第2の秘密分散装置が記録する断片を  $s_{k2} = (s_{k12}, s_{k23}), t_{k2} = (t_{k12}, t_{k23})$  とし、第3の秘密分散装置が記録する断片を  $s_{k3} = (s_{k23}, s_{k31}), t_{k3} = (t_{k23}, t_{k31})$  とし、

第1の秘密分散装置が、ランダムな値である  $u_k$  を生成し、第2の秘密分散装置に送信する第3乱数生成ステップと、

第2の秘密分散装置が、ランダムな値である  $v_k$  を生成し、第1の秘密分散装置に送信する第4乱数生成ステップと、

第1の秘密分散装置が、 $d_k = s_{(k)12} - t_{k12} - u_k - v_k$  を計算し、第3の秘密分散装置に送信する第4計算ステップと、

第2の秘密分散装置が、 $e_k = s_{(k)12} - t_{k12} - u_k - v_k$  を計算し、第3の秘密分散装置に送信する第5計算ステップと、

第3の秘密分散装置が、 $d_k = e_k$  であることを確認し、異なっていれば処理を中止する第1確認ステップと、

第1の秘密分散装置が、 $f_k = s_{(k)31} - t_{k31} + u_k$  を計算し、第3の秘密分散装置に送信する第6計算ステップと、

第2の秘密分散装置が、 $g_k = s_{(k)23} - t_{k23} + v_k$  を計算し、第3の秘密分散装置に送信する第7計算ステップと、

第3の秘密分散装置が、 $f_k + g_k + d_k = 0$  であることを確認し、異なっていれば処理を中止する第2確認ステップと、

を有する秘密分散方法。

#### 【請求項12】

請求項9から11のいずれかに記載の秘密分散方法であって、

前記断片更新ステップで得られた断片  $b_{k1}^{(m)}, b_{k2}^{(m)}, b_{k3}^{(m)}$  を新しい断片  $a_{k1}^{(m)}, a_{k2}^{(m)}, a_{k3}^{(m)}$  とし、

前記断片置換ステップで、あらかじめ定めた全ての組合せで前記秘密分散装置を選択するまで、前記の秘密分散方法を繰り返す

ことを特徴とする秘密分散方法。

#### 【請求項13】

請求項12記載の秘密分散方法を用いた秘密ソート方法であって、

請求項12記載の秘密分散方法によって断片を分散して記録した複数の数値に対して、

3つの秘密分散装置が、2つの数値を選択し、当該2つの数値の大小を秘密計算によって比較する比較ステップと、

10

20

30

40

50

秘密分散装置のそれぞれが、前記比較ステップの結果に基づいて数値の断片を入れ替える交換ステップと、

を有する秘密ソート方法。

【請求項 14】

請求項 1 から 6 のいずれかに記載の秘密分散システムの各秘密分散装置としてコンピュータを機能させる秘密分散プログラム。

【発明の詳細な説明】

【技術分野】

【0001】

本発明は、暗号応用技術に関するものであり、特に入力データを明かすことなく関数計算を行う秘密分散システム、秘密分散装置、秘密分散方法、秘密ソート方法、秘密分散プログラムに関する。

【背景技術】

【0002】

暗号化された数値を復元すること無く特定の演算結果を得る方法として、秘密計算と呼ばれる方法がある(例えば、非特許文献 1 に記載された方法)。非特許文献 1 の方法では、3つの秘密計算装置に数値の断片を分散させ、数値を復元すること無く、加減算、定数倍、乗算、定数倍、論理演算(否定, 論理積, 論理和, 排他的論理和)、データ形式変換(整数, 二進数)の結果を3つの秘密計算装置に分散保持させることができる。

【先行技術文献】

【非特許文献】

【0003】

【非特許文献 1】千田浩司, 五十嵐大, 高橋克巳, “効率的な3パーティ秘匿関数計算の提案とその運用モデルの考察”, 第48回情報処理学会研究報告, CSEC, pp.1-7, 2010, 3月。

【発明の概要】

【発明が解決しようとする課題】

【0004】

しかしながら、従来技術はデータの対応を隠したまま複数のデータをランダムに置換できないという課題がある。本発明の目的は、入力された複数のデータと対応つけることができないデータを出力する秘密計算技術を提供することである。

【課題を解決するための手段】

【0005】

本発明は秘密分散に関する。一般に、 $(k, n)$ -秘密分散では、秘密分散システムが2つのパラメータ  $k, n$  を持っており、秘密にしたい値を  $n$  個に分割し、そのうち  $k$  個未満を集めても元の値に関する情報は漏れないが、 $k$  個以上を集めると元の値を復元できる。本発明の秘密分散システムは、 $N$  個の秘密分散装置  $R_1, \dots, R_N$  で構成される。ここで、 $N$  を3以上の整数、 $n$  を1以上  $N$  以下の整数、 $M$  を1以上の整数、 $m$  を1以上  $M$  以下の整数、 $K$  を2以上の整数、 $k$  を1以上  $K$  以下の整数、数値  $A_1^{(1)}, \dots, A_K^{(1)}, \dots, A_1^{(M)}, \dots, A_K^{(M)}$  を各秘密分散装置が断片を分散して記録する  $K \times M$  個の数値、数値  $A_k^{(1)}, \dots, A_k^{(M)}$  を対応付けられた  $k$  番目の数値群、 $a_{kn}^{(m)}$  を  $n$  番目の秘密分散装置が記録する数値  $A_k^{(m)}$  の断片とする。本発明の秘密分散システムは、選択手段と断片置換手段と再分散手段を備える。選択手段は、2以上  $N$  未満の数の秘密分散装置を選択する。断片置換手段は、選択された秘密分散装置の間で  $\{1, \dots, K\} \rightarrow \{1, \dots, K\}$  の全単射を作成し、選択された秘密分散装置  $R_i$  (ただし、 $i$  は選択された秘密分散装置を示す番号) が記録する対応付けられた  $(k)$  番目の数値群の断片  $a_{(k)i}^{(1)}, \dots, a_{(k)i}^{(M)}$  をそれぞれ対応付けられた  $k$  番目の数値群の断片にする。再分散手段は、断片置換手段によって置換された数値  $A_{(k)}^{(1)}, \dots, A_{(k)}^{(M)}$  に対応する断片  $a_{(k)i}^{(1)}, \dots, a_{(k)i}^{(M)}$

10

20

30

40

50

を用いて再分散化して新しい断片  $b_{k1}^{(1)}, \dots, b_{kN}^{(1)}, \dots, b_{k1}^{(M)}, \dots, b_{kN}^{(M)}$  を求める (以下、これを「再分散化」と呼ぶ)。なお、対応つけられた数値群の対応を維持したまま数値群を再分散化する場合は、同一の全単射を用いて、対応つけられた数値群の各数値の断片を置換すればよい。

【0006】

また、本発明の秘密分散システムは、初期情報分散手段、初期乗算手段、確認分散手段、確認乗算手段、改ざん検出手段も備えてもよい。初期情報分散手段は、秘密分散装置  $R_1, \dots, R_N$  のどれも知らない  $K$  個の数値  $P_1, \dots, P_K$  それぞれの断片  $p_{1n}, \dots, p_{kn}$  を秘密計算によって求め、秘密分散装置  $R_n$  に記録させる。初期乗算手段は、秘密分散装置  $R_1, \dots, R_N$  で、 $S_k = P_k \times A_k^{(1)}$  である数値  $S_k$  の断片  $s_{k1}, \dots, s_{kN}$  を秘密計算によって求め、秘密分散装置  $R_1, \dots, R_N$  に分散して記録する。確認分散手段は、 $k = 1 \sim K$  について、 $Q_k = P_{(k)}$  である数値  $Q_k$  の断片  $q_{k1}, \dots, q_{kN}$  を秘密計算によって生成し、秘密分散装置  $R_1, \dots, R_N$  に分散して記録させる。確認乗算手段は、秘密分散装置  $R_1, \dots, R_N$  で、 $T_k = Q_k \times B_k^{(1)}$  である数値  $T_k$  の断片  $t_{k1}, \dots, t_{kN}$  を秘密計算によって求め、秘密分散装置  $R_1, \dots, R_N$  に分散して記録する。改ざん検出手段は、 $k = 1 \sim K$  について、 $T_k = S_{(k)}$  であることを確認する。

10

【0007】

例えば、3つの秘密分散装置で構成する場合であれば、 $k$  番目の対応つけられた数値群の  $m$  番目の数値  $A_k^{(m)} = a_{k31}^{(m)} + a_{k12}^{(m)} + a_{k23}^{(m)}$  (ただし、 $(, , )$  は、 $(1, 2, 3), (2, 3, 1), (3, 1, 2)$  のいずれか) の3つの断片を  $(a_{k31}^{(m)}, a_{k12}^{(m)})$ 、 $(a_{k12}^{(m)}, a_{k23}^{(m)})$ 、 $(a_{k23}^{(m)}, a_{k31}^{(m)})$  とする。秘密分散装置が、第1の秘密分散装置として選ばれたときには記録する断片を  $a_{k1}^{(m)} = (a_{k31}^{(m)}, a_{k12}^{(m)})$ 、第2の秘密分散装置として選ばれたときには記録する断片を  $a_{k2}^{(m)} = (a_{k12}^{(m)}, a_{k23}^{(m)})$ 、第3の秘密分散装置として選ばれたときには記録する断片を  $a_{k3}^{(m)} = (a_{k23}^{(m)}, a_{k31}^{(m)})$  とする。そして、各秘密分散装置は、断片置換部、第1乱数生成部、第2乱数生成部、第1計算部、第2計算部、第3計算部、断片更新部を備えればよい。断片置換部は、第1の秘密分散装置または第2の秘密分散装置として選ばれたときは、 $\{1, \dots, K\} \rightarrow \{1, \dots, K\}$  の全単射を作成し、

20

30

$(k)$  番目の対応つけられた数値群の各数値の断片を  $k$  番目の対応つけられた数値群の各数値の断片にする。第1乱数生成部は、第1の秘密分散装置のときには、移動後の  $k$  番目の対応つけられた数値群の各数値の断片の再分散化のために、ランダムな値である  $b_{k31}^{(1)}, \dots, b_{k31}^{(M)}$  を生成し、第3の秘密分散装置に送信する。第2乱数生成部は、第2の秘密分散装置のときには、 $k$  番目の対応つけられた数値群の各数値の断片の再分散化のために、ランダムな値である  $b_{k23}^{(1)}, \dots, b_{k23}^{(M)}$  を生成し、第3の秘密分散装置に送信する。第1計算部は、第1の秘密分散装置のときには、 $k$  番目の対応つけられた数値群の各数値の断片の再分散化のために、 $m = 1 \sim M$  について  $x_k^{(m)} = b_{k31}^{(m)} - a_{(k)31}^{(m)}$  を計算し、第2の秘密分散装置に送信する。第2計算部は、第2の秘密分散装置のときには、 $k$  番目の対応つけられた数値群の各数値の断片の再分散化のために、 $m = 1 \sim M$  について  $y_k^{(m)} = b_{k23}^{(m)} - a_{(k)23}^{(m)}$  を計算し、第1の秘密分散装置に送信する。第3計算部は、第1の秘密分散装置または第2の秘密分散装置のときには、 $k$  番目の対応つけられた数値群の各数値の断片の再分散化のために、 $m = 1 \sim M$  について  $b_{k12}^{(m)} = a_{(k)12}^{(m)} - x_k^{(m)} - y_k^{(m)}$  を計算する。断片更新部は、第1の秘密分散装置のときには  $(b_{k31}^{(m)}, b_{k12}^{(m)})$  を断片  $b_{k1}^{(m)}$  とし、第2の秘密分散装置のときには  $(b_{k12}^{(m)}, b_{k23}^{(m)})$  を断片  $b_{k2}^{(m)}$  とし、第3の秘密分散装置のときには  $(b_{k23}^{(m)}, b_{k31}^{(m)})$  を断片  $b_{k3}^{(m)}$  とする。なお、全ての秘密分散装置の断片置換部で、秘密分散システムの断片置換手段が構成される。また、第1乱数生成部、第2乱数生成部、第1計算部、第2計算部、第3計算部、断片更新部で

40

50

、秘密分散システムの再分散手段が構成される。

【発明の効果】

【0008】

本発明の秘密分散システムによれば、断片置換部に選ばれなかった秘密分散装置は、全単射を知らないで、数値  $A_1^{(1)}, \dots, A_K^{(1)}, \dots, A_1^{(M)}, \dots, A_K^{(M)}$  と数値  $B_1^{(1)}, \dots, B_K^{(1)}, \dots, B_1^{(M)}, \dots, B_K^{(M)}$  との対応が分からない。本発明を用いることにより、クイックソートなどの比較に基づくソーティングアルゴリズムを、比較回数を増やすことなく秘密計算上で実現できる。

【図面の簡単な説明】

【0009】

【図1】実施例1, 2の秘密分散システムの機能構成例を示す図。

【図2】実施例1の秘密分散システムでの秘密分散の処理フローを示す図。

【図3】本発明の秘密分散システムでの数値のソートの処理フローを示す図。

【図4】クイックソートのアルゴリズムを示す図。

【図5】実施例2の秘密分散システムでの秘密分散の処理フローを示す図。

【図6】実施例3, 4の秘密分散システムの機能構成例を示す図。

【図7】実施例3, 4の再分散部の詳細な構成の例を示す図。

【図8】実施例3の秘密分散システムでの秘密分散の処理フローを示す図。

【図9】実施例4の改ざん検出部の詳細な構造を示す図。

【図10】実施例4の秘密分散システムでの秘密分散の処理フローを示す図。

【発明を実施するための形態】

【0010】

以下、本発明の実施の形態について、詳細に説明する。なお、同じ機能を有する構成部には同じ番号を付し、重複説明を省略する。

【実施例1】

【0011】

課題を解決するための手段では、数値  $A_1^{(1)}, \dots, A_K^{(1)}, \dots, A_1^{(M)}, \dots, A_K^{(M)}$  を各秘密分散装置が断片を分散して記録する  $K \times M$  個の数値、数値  $A_k^{(1)}, \dots, A_k^{(M)}$  を対応付けられた  $k$  番目の数値群、 $a_{kn}^{(m)}$  を  $n$  番目の秘密分散装置が記録する数値  $A_k^{(m)}$  の断片として説明した。本実施例では、まず本発明の理解を助けるために、 $M = 1$  の場合について説明し、その後  $M$  を1に限定しない場合について説明する。また、 $M = 1$  の場合の説明では、 $A_k^{(1)}$  を  $A_k$  と、 $a_{kn}^{(1)}$  を  $a_{kn}$  と表現する。

【0012】

[限定シャッフル]

図1に実施例1の秘密分散システムの機能構成例を示す。図2に実施例1の秘密分散システムでの秘密分散の処理フローを示す。本実施例の秘密分散システムは、ネットワーク1000に接続された  $N$  個 ( $N$  は3以上の整数、 $n$  は1以上  $N$  以下の整数) の秘密分散装置  $100_1, \dots, 100_N$  と選択手段105で構成される。ここで、 $A_1, \dots, A_K$  を各秘密分散装置  $100_n$  が断片を分散して記録する  $K$  個の数値 ( $K$  は2以上の整数)、数値  $A_k$  を  $k$  番目の数値 ( $k$  は1以上  $K$  以下の整数)、 $a_{kn}$  を秘密分散装置  $100_n$  が記録する  $k$  番目の断片とする。なお、数値  $A_1, \dots, A_K$  が、秘匿化したい数値群であって、例えば、ソートの対象となる数値群である。ソートの対象となる数値群としては、例えば、数値  $A_k$  が各々の人の年収を示すような数値群が考えられる。選択手段105は、いずれかの秘密分散装置の内部に配置されてもよいし、単独の装置であってもよい。

【0013】

本実施例の秘密分散システムは、選択手段と断片置換手段と再分散手段を備える。また、秘密分散装置  $100_n$  は、少なくとも断片置換部  $110_n$  と再分散部  $120_n$  と記録部  $190_n$  を備える。記録部  $190_n$  は断片  $a_{1n}, \dots, a_{Kn}$  などを記録する。また、記録部  $190_n$  は、自身が記録している断片  $a_{kn}$  が数値  $A_k$  の何番目の断片なのかに関す

10

20

30

40

50

る情報も記録する。

【0014】

選択手段105は、N未満の数の秘密分散装置を選択する(S105)。例えば、N個の断片のうちN'個を集めれば数値を復元できる秘密分散であれば、断片置換手段がN'個以上N未満の秘密分散装置を選べばよい。

【0015】

断片置換手段は、少なくとも断片置換部 $110_1, \dots, 110_N$ を含んで構成される。そして、選択手段105に選択された秘密分散装置 $100_i$ (ただし、 $i$ は選択された秘密分散装置を示す番号)の断片置換部 $110_i$ 間で $\{1, \dots, K\}$   $\{1, \dots, K\}$ の全単射  $\pi_i$  を作成し、選択された秘密分散装置 $100_i$ の記録部 $190_i$ が記録する断片 $a_{(k)_i}$   $10$   
( $k$ ) $_i$ を $k$ 番目の断片にする(S110)。全単射  $\pi_i$  は、 $1 \sim K$ を単にランダムに並び替えたものであってもよい。なお、全単射  $\pi_i$  は、望ましくは一様にランダムに並び替えられたものであり、例えばFisher-Yates shuffle(参考文献1:Richard Durstenfeld, "Algorithm 235: Random permutation", Communications of the ACM archive, Volume 7, Issue 7, 1964.)などを用いて作成すればよい。また、全単射  $\pi_i$  は選択された秘密分散装置 $100_i$ 間で生成してもよいし、選択された秘密分散装置 $100_i$ のうちの1つの秘密分散装置が生成して、選択された秘密分散装置 $100_i$ 間で共有してもよい。

【0016】

再分散手段は、少なくとも再分散部 $120_1, \dots, 120_N$ を含んで構成される。再分散手段は、断片置換手段によって置換された数値 $A_{(k)}$   $20$   
( $k$ 番目に置換されている)を用いて再分散化して新しい断片 $b_{k_1}, \dots, b_{k_N}$ を求め、数値 $B_k$ の断片とする(S120)。つまり、 $A_{(k)} = B_k$ の関係が成り立つが、選ばれなかった秘密分散装置は全単射  $\pi_i$  を知らないで、 $A_{(k)} = B_k$ であることを知らない。なお、各秘密分散装置 $100_n$ の記録部 $190_n$ は、断片 $b_{k_n}$ を記録するだけでなく、自身が記録している $k$ 番目の断片である断片 $b_{k_n}$ が数値 $B_k$ の断片であるという情報も記録する。また、数値 $B_1, \dots, B_K$ を新しい数値 $A_1, \dots, A_K$ とし、断片置換手段で選択する秘密分散装置の組み合わせを変更すれば、この処理を繰り返すことができる(S111, S112)。

【0017】

本発明の秘密分散システムによれば、限定された秘密分散装置間で断片をシャッフルする。したがって、断片置換部に選ばれなかった秘密分散装置は、全単射  $\pi_i$   $30$   
を知らないで、数値 $A_1, \dots, A_K$ と数値 $B_1, \dots, B_K$ との対応が分からない。つまり、特定の秘密分散装置からは数値 $A_1, \dots, A_K$ と数値 $B_1, \dots, B_K$ との対応が分からない状態にしたいのであれば、その秘密分散装置を断片置換部で選ばないように、選択する秘密分散装置をあらかじめ定めればよい。また、断片置換部が選ぶ秘密分散装置を変更しながらこの処理を繰り返し、全ての秘密分散装置が選ばれなかったことがある状態にすれば、全ての秘密分散装置が数値 $A_1, \dots, A_K$ と対応つけることができない数値 $B_1, \dots, B_K$ を得ることができる。

【0018】

[再分散]

上述の限定シャッフルの説明では、再分散については詳しく説明しなかった。ここでは、再分散の方法について説明する。再分散の方法としては、参考文献2(Amir Herzberg, Stanislaw Jarecki, Hugo Krawczyk, and Moti Yung, "Proactive secret sharing or: How to cope with perpetual leakage", In Don Coppersmith, editor, CRYPTO 1995, volume 963 of LNCS, pages 339-352. Springer, 1995.)の3.3節に示された更新方法と、参考文献3(Haiyun Luo and Songwu Lu, "Ubiquitous and robust authentication services for ad hoc wireless networks", In UCLA-CSD-TR-200030, 2000.)の6.1節に示された再作成方法を用いる。選択手段105が選択した秘密計算装置間で参考文献2の更新方法を用いて新しい断片を生成し、その後、参考文献3の再作成方法を用いて選択手段105が選択しなかった秘密計算装置の新しい断片を生成する。  $40$

## 【0019】

参考文献2の更新方法を、本件に適用したアルゴリズムを以下に示す。選択手段105がN'個の秘密分散装置を選択したとする。そして、iとjは選択された秘密分散装置を示す番号(1~Nの中から選ばれたN'個の数の中のいずれか)であって、j = iとする。また、値 $z_1, \dots, z_N$ はあらかじめ決められた値であり、すべての秘密分散装置間で共有されているとする。

(1)すべての秘密分散装置100<sub>i</sub>は、N' - 1個の乱数 $u_{i,1}, u_{i,2}, \dots, u_{i,N'-1}$ を作成する。

(2)すべての秘密分散装置100<sub>i</sub>は、 $Z_i(z) := 0 + u_{i,1}z + u_{i,2}z^2 + \dots + u_{i,N'-1}z^{N'-1}$ を定める。

10

(3)すべての秘密分散装置100<sub>i</sub>は、選択された他の秘密分散装置100<sub>j</sub>(N' - 1個存在する)のすべてに対して、それぞれ $Z_i(z_j)$ の値を送信する。

(4)すべての秘密分散装置100<sub>i</sub>は、選択された他の秘密分散装置100<sub>j</sub>(N' - 1個存在する)から受け取ったすべての $Z_j(z_i)$ の和を $Z(z_i)$ とし、新しい断片 $b_{ki}$ を置換された断片 $a_{(k)i}$ を用いて、

$$b_{ki} = a_{(k)i} + Z(z_i)$$

のように求める。

## 【0020】

次に、参考文献3の再作成方法を、本件に適用したアルゴリズムを以下に示す。hは選択されなかった秘密分散装置を示す番号(1~Nの中から選ばれなかったN - N'個の数のなかのいずれか)とする。また、 $L_{ij}(z) = (z - z_j) / (z_i - z_j)$ とし、 $L_i(z)$ は、すべてのjについての $L_{ij}(z)$ の積とする。

20

(5)すべての秘密分散装置100<sub>i</sub>は、 $i < j$ であるjと、選択されなかった秘密分散装置100<sub>h</sub>のすべての組み合わせに対して、乱数 $v_{i,j}^{(h)}$ を生成する。

(6)すべての秘密分散装置100<sub>i</sub>は、 $v_{i,j}^{(h)}$ を秘密分散装置100<sub>j</sub>に送信する。

(7)すべての秘密分散装置100<sub>i</sub>は、すべての選択されなかった秘密分散装置100<sub>h</sub>について、 $j < i$ のすべての乱数 $v_{i,j}^{(h)}$ の和を $V^{(h+)}$ とし、 $i < j$ のすべての乱数 $v_{i,j}^{(h)}$ の和を $V^{(h-)}$ とし、値 $w_{hi}$ を、

$$w_{hi} = b_{ki} L_i(z_h) + V^{(h+)} - V^{(h-)}$$

30

のように求め、秘密分散装置100<sub>h</sub>に値 $w_{hi}$ を送信する。

(8)すべての秘密分散装置100<sub>h</sub>は、受信したすべての値 $w_{hi}$ の和を新しい断片 $b_{kh}$ とする。

## 【0021】

上述のように、(1)~(4)の処理で、すべての選択された秘密分散装置が、新しい断片を記録する。(5)~(8)の処理で、すべての選択されなかった秘密分散装置が、新しい断片を記録する。

## 【0022】

なお、(3)と(6)の処理を同時に行えば、処理の高速化を図ることができる。具体的には、(1)、(2)、(5)の処理をまず行い、(3)と(6)を同時に行い、(4)、(7)、(8)の処理を行えばよい。

40

## 【0023】

## [ソート]

図3に実施例1の秘密分散システムでの数値のソートの処理フローを示す。上述の方法によって初期の数値 $A_1, \dots, A_K$ と対応つけることができない新しい数値 $A_1, \dots, A_K$ を得ている(S101)。ソートも行う場合は、秘密分散装置100<sub>n</sub>は、比較部210<sub>n</sub>と交換部220<sub>n</sub>も備える。比較部210<sub>1}, \dots, 210<sub>N</sub>は、2つの数値を選択し、当該2つの数値の大小を秘密計算によって比較する(S210)。</sub>

## 【0024】

交換部220<sub>1}, \dots, 220<sub>N</sub>は、それぞれ比較部210<sub>1}, \dots, 210<sub>N</sub>での比較結</sub></sub>

50

果に基づいて、0組または1組または複数組の数値の断片を入れ替える(S220)。そして、全ての数値に対するソート処理が終わるまで、ステップS210とS220(比較、交換、組合せの変更などの必要な処理)を繰り返せばよい(S211, S212)。

【0025】

ステップS210の比較結果は、全ての秘密分散装置の次の処理に必要な情報なので全ての秘密分散装置が知る情報である。しかし、ステップS101によって全ての秘密分散装置が初期の数値 $A_1, \dots, A_K$ と対応できなくなった新しい数値 $A_1, \dots, A_K$ に対して処理しているので、初期の数値 $A_1, \dots, A_K$ に関する情報は漏れない。さらに、比較結果は、ソートの出力という公開情報から計算可能な情報でもある。そのため、本実施例の Protokol 全体で見ても、比較結果が開示されることは必要以上の情報を漏らしたことはない。

10

【0026】

なお、より具体的には、ソートの部分(ステップS210, S220, S211, S212)には図4に示すクイックソートのアルゴリズムを適用すればよい。この場合も $A[i]$ と $A[j]$ とを比較する処理は $A[i]$ と $A[j]$ の値を秘匿したままで行い、比較結果は公開される。この方法の場合、比較回数は元のクイックソートと同じであり、平均 $O(N \cdot \log N)$ 回である。また、この他にも、数値の大小比較の処理と配列の2つの要素を入れ替える処理で構成できるソーティングアルゴリズムにも本実施例は適用できる。

【0027】

20

このように、本実施例の秘密分散システムを用いれば、比較と要素の入れ替えからなるソーティングアルゴリズムを比較回数を増やすことなく秘密計算で実現できる。

【0028】

[限定シャッフルの変形例]

次に、Mを1に限定しない場合について説明する。Mは1以上の整数、mは1以上M以下の整数とする。 $A^{(1)}, \dots, A^{(M)}$ はそれぞれK個の要素を持つベクトルであり、 $A^{(m)} = (A_1^{(m)}, \dots, A_K^{(m)})$ とする。また、ベクトル $A^{(1)}, \dots, A^{(M)}$ の各要素は対応付けられているとする。言い換えると、 $A_k^{(1)}, \dots, A_k^{(M)}$ は対応付けられたk番目の数値群とする。本変形例では、対応付けられた数値群の対応を維持したまま数値群を限定シャッフルする。また、 $a_{kn}^{(m)}$ を秘密分散装置100<sub>n</sub>が記録する数値 $A_k^{(m)}$ の断片とする。なお、上述の限定シャッフルはM=1の場合に相当するので、以下の説明はより一般的な限定シャッフルである。

30

【0029】

秘密分散システムの構成は図1と同じであり、秘密分散の処理フローは図2と同じである。秘密分散装置100<sub>n</sub>は、少なくとも断片置換部110<sub>n</sub>と再分散部120<sub>n</sub>と記録部190<sub>n</sub>を備える。ただし、各構成部とその処理は以下ようになる。

【0030】

記録部190<sub>n</sub>は断片 $a_{1n}^{(1)}, \dots, a_{kn}^{(1)}, \dots, a_{1n}^{(M)}, \dots, a_{kn}^{(M)}$ などを記録する。また、記録部190<sub>n</sub>は、自身が記録している断片 $a_{kn}$ が数値 $A_k$ の何番目の断片なのかに関する情報も記録する。

40

【0031】

選択手段105は、N未満の数の秘密分散装置を選択する(S105)。例えば、N個の断片のうちN'個を集めれば数値を復元できる秘密分散であれば、断片置換手段がN'個以上N未満の秘密分散装置を選べばよい。この処理は同じである。

【0032】

断片置換手段は、少なくとも断片置換部110<sub>1}, \dots, 110<sub>N</sub>を含んで構成される。そして、選択手段105に選択された秘密分散装置100<sub>i</sub>(ただし、iは選択された秘密分散装置を示す番号)の断片置換部110<sub>i</sub>間で $\{1, \dots, K\} \times \{1, \dots, K\}$ の全単射を作成し、選択された秘密分散装置100<sub>i</sub>の記録部190<sub>i</sub>が記録する断片 $a_{(k)i}^{(1)}, \dots, a_{(k)i}^{(M)}$ を対応付けられたk番目の数値群の断片にする</sub>

50

(S110)。

【0033】

再分散手段は、少なくとも再分散部120<sub>1</sub>, ..., 120<sub>N</sub>を含んで構成される。再分散手段は、断片置換手段によって置換された数値群 $A_{(k)}^{(1)}, \dots, A_{(k)}^{(M)}$ に対応する断片 $a_{(k)i}^{(1)}, \dots, a_{(k)i}^{(M)}$  ( $k$ 番目に置換されている)を用いて再分散化して新しい断片 $b_{k1}^{(1)}, \dots, b_{kN}^{(1)}, \dots, b_{k1}^{(M)}, \dots, b_{kN}^{(M)}$ を求め、数値 $B_k^{(1)}, \dots, B_k^{(M)}$ の断片とする(S120)。つまり、 $A_{(k)}^{(m)} = B_k^{(m)}$ の関係が成り立つが、選ばれなかった秘密分散装置は全単射を知らないので、 $A_{(k)}^{(m)} = B_k^{(m)}$ であることを知らない。なお、各秘密分散装置100<sub>n</sub>の記録部190<sub>n</sub>は、断片 $b_{kn}^{(m)}$ を記録するだけでなく、自身が記録している $k$ 番目の断片である断片 $b_{kn}^{(m)}$ が数値 $B_k^{(m)}$ の断片であるという情報も記録する。また、数値 $B_1^{(1)}, \dots, B_K^{(1)}, \dots, B_1^{(M)}, \dots, B_K^{(M)}$ を新しい数値 $A_1^{(1)}, \dots, A_K^{(1)}, \dots, A_1^{(M)}, \dots, A_K^{(M)}$ とし、断片置換手段で選択する秘密分散装置の組み合わせを変更すれば、この処理を繰り返すことができる(S111, S112)。

10

【0034】

このように、ベクトルの各要素の対応を維持した限定シャッフルを利用すれば、例えば、表形式をしたデータの秘密分散から、各行を1つの要素(対応付けられた数値群)として列方向のランダム置換を行うことができる。

【実施例2】

20

【0035】

[限定シャッフル]

実施例2の秘密分散システムの構成も図1に示す。なお、本実施例の秘密分散装置100<sub>n</sub>は、点線で示された構成部も備えている。図5に実施例2の秘密分散システムでの秘密分散の処理フローを示す。本実施例の秘密分散システムは、ネットワーク1000に接続された $N$ 個( $N$ は3以上の整数、 $n$ は1以上 $N$ 以下の整数)の秘密分散装置100<sub>1</sub>, ..., 100<sub>N</sub>と選択手段105で構成される。ここで、 $A_1, \dots, A_K$ を各秘密分散装置100<sub>n</sub>が断片を分散して記録する $K$ 個の数値( $K$ は2以上の整数)、数値 $A_k$ を $k$ 番目の数値( $k$ は1以上 $K$ 以下の整数)、 $a_{kn}$ を秘密分散装置100<sub>n</sub>が記録する数値 $A_k$ の断片とする。

30

【0036】

本実施例の秘密分散システムは、選択手段105、初期情報分散手段、初期乗算手段、断片置換手段、再分散手段、確認分散手段、確認乗算手段、改ざん検出手段を備える。また、秘密分散装置100<sub>n</sub>は、初期情報分散部130<sub>n</sub>、初期乗算部140<sub>n</sub>、断片置換部110<sub>n</sub>、再分散部120<sub>n</sub>、確認分散部150<sub>n</sub>、確認乗算部160<sub>n</sub>、改ざん検出部170<sub>n</sub>、記録部190<sub>n</sub>を備える。記録部190<sub>n</sub>は断片 $a_{1n}, \dots, a_{Kn}$ などを記録する。また、記録部190<sub>n</sub>は、自身が記録している断片 $a_{kn}$ が数値 $A_k$ の何番目の断片なのかに関する情報も記録する。

【0037】

選択手段105は実施例1と同じである。初期情報分散手段は、初期情報分散部130<sub>1</sub>, ..., 130<sub>N</sub>で構成される。そして、選択手段105に選択された秘密計算装置100<sub>i</sub>の初期情報分散部130<sub>i</sub>は、秘密分散装置100<sub>1</sub>, ..., 100<sub>N</sub>のどれも知らない $K$ 個の数値 $P_1, \dots, P_K$ それぞれの断片 $p_{11}, \dots, p_{K1}, \dots, p_{1n}, \dots, p_{Kn}, \dots, p_{1N}, \dots, p_{KN}$ を秘密計算によって求め、秘密分散装置100<sub>n</sub>に断片 $p_{1n}, \dots, p_{Kn}$ を記録する(S130)。具体的には、選択手段105に選択された秘密分散装置から、2つ以上の秘密分散装置を選定する。そして、選定された秘密分散装置が作った値に基づいて、どの装置も知らない値の断片を作ればよい。例えば、2つの秘密分散装置100<sub>i</sub>, 100<sub>j</sub>を選定し(ただし、 $i \neq j$ )、秘密分散装置100<sub>i</sub>が生成した数値の断片と、秘密分散装置100<sub>j</sub>が生成した数値の断片を分散して記録する。そして、その2つの数値の和を秘密計算によって求め、結果が分からないように断片を分散し

40

50

て記録すれば、全ての秘密分散装置が知らない数値の断片を分散して記録できる。この例では、選定した秘密計算装置を2つとしたが、2つ以上でもかまわない。

【0038】

初期乗算手段は、初期乗算部 $140_1, \dots, 140_N$ で構成される。初期乗算部 $140_1, \dots, 140_N$ は、 $S_k = P_k \times A_k$ である数値 $S_k$ の断片 $s_{k1}, \dots, s_{kN}$ を秘密計算によって求め、秘密分散装置 $100_1, \dots, 100_N$ に分散して記録する(S140)。

【0039】

断片置換手段と再分散手段は、実施例1と同じである。確認分散手段は、確認分散部 $150_1, \dots, 150_N$ で構成される。確認分散部 $150_1, \dots, 150_N$ は、 $k = 1 \sim K$ について、 $Q_k = P_{(k)}$ である数値 $Q_k$ の断片 $q_{k1}, \dots, q_{kN}$ を秘密計算によって生成し、秘密分散装置 $100_1, \dots, 100_N$ に分散して記録する(S150)。具体的には、ステップS130で選定された秘密分散装置が作った値に基づいて、どの装置も知らない値の別の断片を作ればよい。例えば、ステップS130で選定された秘密分散装置 $100_i$ が数値 $P_{(k)}$ 用に生成した数値の別の断片(新しい断片)と、ステップS130で選定された秘密分散装置 $100_j$ が数値 $P_{(k)}$ 用に生成した数値の別の断片(新しい断片)を分散して記録する。そして、その2つの数値の和を秘密計算によって求め、結果が分からないように断片を分散して記録すれば、 $Q_k = P_{(k)}$ であり、かつ、全ての秘密分散装置が知らない数値の断片を分散して記録できる。この例では、選定した秘密計算装置を2つとしたが、ステップS130と同じように2つ以上でもかまわない。

【0040】

確認乗算手段は、確認乗算部 $160_1, \dots, 160_N$ で構成される。確認乗算部 $160_1, \dots, 160_N$ は、 $T_k = Q_k \times B_k$ である数値 $T_k$ の断片 $t_{k1}, \dots, t_{kN}$ を秘密計算によって求め、秘密分散装置 $100_1, \dots, 100_N$ に分散して記録する(S160)。

【0041】

改ざん検出手段は、改ざん検出部 $170_1, \dots, 170_N$ で構成される。改ざん検出部 $170_1, \dots, 170_N$ は、 $k = 1 \sim K$ について、 $T_k = S_{(k)}$ であることを確認する(S170)。 $t_{kn} = S_{(k)n}$ の場合には、改ざんがあったとして異常終了する。また、数値 $B_1, \dots, B_K$ を新しい数値 $A_1, \dots, A_K$ とし、断片置換手段で選択する秘密分散装置の組み合わせを変更すれば、この処理を繰り返すことができる(S111, S112)。

【0042】

実施例2の秘密分散システムによれば、実施例1の秘密分散装置と同じ効果が得られると共に、数値 $A_1, \dots, A_K$ と数値 $B_1, \dots, B_K$ との対応を分からなくする処理の途中に、他の秘密分散装置に改ざんした値を送信する不正がないことも確認できる。なお、ソートも行う場合は、秘密分散装置 $100_n$ は、比較部 $210_n$ と交換部 $220_n$ も備える。具体的なソートの処理については実施例1と同じである。

【実施例3】

【0043】

実施例1、2では、秘密分散装置の数を $N$ ( $N$ は3以上の整数)としていた。実施例3では、秘密分散システムを構成する秘密分散装置の数を3に限定し、より具体的に説明する。

【0044】

[限定シャッフル]

図6に実施例3の秘密分散システムの機能構成例を示す。図7に実施例3の再分散部の詳細な構成の例を示す。図8に実施例3の秘密分散システムでの秘密分散の処理フローを示す。本実施例の秘密分散システムは、ネットワーク $1000$ に接続された3つの秘密分散装置 $100_1, 100_2, 100_3$ と選択手段 $105$ で構成される。ここで、 $K$ 個の数

10

20

30

40

50

値の  $k$  番目を数値  $A_k = a_{k1} + a_{k2} + a_{k3}$  (ただし、 $K$  は 2 以上の整数、 $k$  は 1 以上  $K$  以下の整数、 $(\cdot, \cdot, \cdot)$  は、 $(1, 2, 3)$ 、 $(2, 3, 1)$ 、 $(3, 1, 2)$  のいずれか) とし、その 3 つの断片を  $(a_{k1}, a_{k2})$ 、 $(a_{k2}, a_{k3})$ 、 $(a_{k3}, a_{k1})$  とする。なお、選択手段 105 は、いずれかの秘密分散装置の内部に配置されてもよいし、単独の装置であってもよい。

【0045】

本実施例の秘密分散システムは、選択手段 105 と断片置換手段と再分散手段を備える。各秘密分散装置 100<sub>n</sub> は、断片置換部 110<sub>n</sub>、再分散部 120<sub>n</sub>、記録部 190<sub>n</sub> を備えている(ただし、 $n$  は、 $1, 2, 3$  のいずれか)。記録部 190<sub>n</sub> は、数値  $A_1, \dots, A_K$  の断片などを記録する。

10

【0046】

選択手段 105 は、2 つの秘密分散装置を選択する。そして、選択手段 105 に選択された秘密分散装置の一方を第 1 の秘密分散装置 100<sub>1</sub>、他方を第 2 の秘密分散装置 100<sub>2</sub>、選択されなかった秘密分散装置を第 3 の秘密分散装置 100<sub>3</sub> とする (S105)。ここで、第 1 の秘密分散装置 100<sub>1</sub> が記録する  $k$  番目の断片を  $a_{k1} = (a_{k31}, a_{k12})$ 、第 2 の秘密分散装置 100<sub>2</sub> が記録する  $k$  番目の断片を  $a_{k2} = (a_{k12}, a_{k23})$ 、第 3 の秘密分散装置 100<sub>3</sub> が記録する  $k$  番目の断片を  $a_{k3} = (a_{k23}, a_{k31})$  とする。

【0047】

断片置換手段は、少なくとも断片置換部 110<sub>1</sub>、110<sub>2</sub>、110<sub>3</sub> を含んで構成される。断片置換手段は、第 1 の秘密分散装置 100<sub>1</sub> または第 2 の秘密分散装置 100<sub>2</sub> で  $\{1, \dots, K\} \rightarrow \{1, \dots, K\}$  の全単射を作成し、第 1 の秘密分散装置 100<sub>1</sub> が記録する断片  $a_{(k)1}$  を  $k$  番目の断片にし、第 2 の秘密分散装置 100<sub>2</sub> が記録する断片  $a_{(k)2}$  を  $k$  番目の断片にする (S110)。実施例 1 で説明した通り、全単射は、1 ~  $K$  を単にランダムに並べ替えたものであってもよい。なお、全単射は、望ましくは一様にランダムに並び替えられたものであり、例えば Fisher-Yates shuffle などを用いて作成すればよい。

20

【0048】

再分散手段は、少なくとも再分散部 120<sub>1</sub>、120<sub>2</sub>、120<sub>3</sub> を含んで構成される。図 7 に示すように再分散部 120<sub>n</sub> は、第 1 乱数生成部 121<sub>n</sub>、第 2 乱数生成部 122<sub>n</sub>、第 1 計算部 123<sub>n</sub>、第 2 計算部 124<sub>n</sub>、第 3 計算部 125<sub>n</sub>、断片更新部 126<sub>n</sub> を備えている。

30

【0049】

第 1 の秘密分散装置 100<sub>1</sub> の第 1 乱数生成部 121<sub>1</sub> は、 $k$  番目の断片の再分散化のために、ランダムな値である  $b_{k31}$  を生成し、第 3 の秘密分散装置 100<sub>3</sub> に送信する (S121)。第 2 の秘密分散装置 100<sub>2</sub> の第 2 乱数生成部 122<sub>2</sub> は、 $k$  番目の断片の再分散化のために、ランダムな値である  $b_{k23}$  を生成し、第 3 の秘密分散装置 100<sub>3</sub> に送信する (S122)。第 1 の秘密分散装置 100<sub>1</sub> の第 1 計算部 123<sub>1</sub> は、 $k$  番目の断片の再分散化のために、 $x_k = b_{k31} - a_{(k)31}$  を計算し、第 2 の秘密分散装置 100<sub>2</sub> に送信する (S123)。

40

【0050】

第 2 の秘密分散装置 100<sub>2</sub> の第 2 計算部 124<sub>2</sub> は、 $k$  番目の断片の再分散化のために、 $y_k = b_{k23} - a_{(k)23}$  を計算し、第 1 の秘密分散装置 100<sub>1</sub> に送信する (S124)。第 1 の秘密分散装置 100<sub>1</sub> の第 3 計算部 125<sub>1</sub> と第 2 の秘密分散装置 100<sub>2</sub> の第 3 計算部 125<sub>2</sub> は、 $k$  番目の断片の再分散化のために、それぞれ  $b_{k12} = a_{(k)12} - x_k - y_k$  を計算する (S125)。第 1 の秘密分散装置 100<sub>1</sub> の断片更新部 126<sub>1</sub> は  $(b_{k31}, b_{k12})$  を断片  $b_{k1}$  とし、第 2 の秘密分散装置 100<sub>2</sub> の断片更新部 126<sub>2</sub> は  $(b_{k12}, b_{k23})$  を断片  $b_{k2}$  とし、第 3 の秘密分散装置 100<sub>3</sub> の断片更新部 126<sub>3</sub> は  $(b_{k23}, b_{k31})$  を断片  $b_{k3}$  とする (S126)。なお、各秘密分散装置 100<sub>n</sub> の記録部 190<sub>n</sub> は、断片  $b_{kn}$  を記録するだ

50

けでなく、自身が記録している k 番目の断片である断片  $b_{k n}$  が数値  $B_k$  の断片であるという情報も記録する。実施例 1 と同じように、断片  $b_{k 1}$  ,  $b_{k 2}$  ,  $b_{k 3}$  は、数値  $B_k$  の断片である。つまり、ステップ  $S_{121} \sim S_{126}$  が、ステップ  $S_{120}$  に相当する。

【0051】

また、数値  $B_1, \dots, B_k$  を新しい数値  $A_1, \dots, A_k$  とし、断片置換手段で選択する秘密分散装置の組み合わせを変更すれば、この処理を繰り返すことができる ( $S_{111}$  ,  $S_{112}$ )。そして、断片置換部が選ぶ秘密分散装置を変更しながらこの処理を繰り返し、全ての秘密分散装置が選ばれなかったことがある状態にすれば、全ての秘密分散装置が数値  $A_1, \dots, A_k$  と対応つけることができない数値  $B_1, \dots, B_k$  を得ることができる。本実施例では、断片置換手段が選択する秘密分散装置を、 $\{100, 100\}$  ,  $\{100, 100\}$  ,  $\{100, 100\}$  のように選択すれば、全ての秘密分散装置が選ばれなかったことがある状態にできる。

10

【0052】

したがって、実施例 3 の秘密分散システムは、実施例 1 と同様の効果が得られる。なお、ソートも行う場合は、秘密分散装置  $100_n$  は、比較部  $210_n$  と交換部  $220_n$  も備える。具体的なソートの処理については実施例 1 と同じである。

【0053】

[ 限定シャッフルの変形例 ]

M は 1 以上の整数、m は 1 以上 M 以下の整数とする。  $A^{(1)}, \dots, A^{(M)}$  はそれぞれ K 個の要素を持つベクトルであり、  $A^{(m)} = (A_1^{(m)}, \dots, A_k^{(m)})$  とする。また、ベクトル  $A^{(1)}, \dots, A^{(M)}$  の各要素は対応付けられているとする。言い換えると、  $A_k^{(1)}, \dots, A_k^{(M)}$  は対応付けられた k 番目の数値群である。本変形例では、対応付けられた数値群の対応を維持したまま数値群を限定シャッフルする。また、数値  $A_k^{(m)} = a_{k_1}^{(m)} + a_{k_2}^{(m)} + a_{k_3}^{(m)}$  (ただし、k は 1 以上 K 以下の整数、m は 1 以上 M 以下の整数、 $(, , )$  は、 $(1, 2, 3)$ 、 $(2, 3, 1)$ 、 $(3, 1, 2)$  のいずれか) とし、の 3 つの断片を  $(a_{k_1}^{(m)}, a_{k_2}^{(m)})$ 、 $(a_{k_2}^{(m)}, a_{k_3}^{(m)})$ 、 $(a_{k_3}^{(m)}, a_{k_1}^{(m)})$  とする。なお、上述の限定シャッフルは  $M = 1$  の場合に相当するので、以下の説明はより一般的な限定シャッフルである。

20

【0054】

秘密分散システムの機能構成例は図 6 と同じであり、再分散部の詳細な構成例は図 7 と同じであり、秘密分散の処理フローは図 8 と同じである。秘密分散システムは、選択手段  $105$  と断片置換手段と再分散手段を備える。秘密分散装置  $100_n$  は、少なくとも断片置換部  $110_n$  と再分散部  $120_n$  と記録部  $190_n$  を備える (ただし、n は、 $1, 2, 3$  のいずれか)。ただし、各構成部とその処理は以下ようになる。

30

【0055】

記録部  $190_n$  は断片  $a_{1n}^{(1)}, \dots, a_{kn}^{(1)}, \dots, a_{1n}^{(M)}, \dots, a_{kn}^{(M)}$  などを記録する。また、記録部  $190_n$  は、自身が記録している断片  $a_{kn}$  が数値  $A_k$  の何番目の断片なのかに関する情報も記録する。

40

【0056】

選択手段  $105$  は、2 つの秘密分散装置を選択する。そして、選択手段  $105$  に選択された秘密分散装置の一方を第 1 の秘密分散装置  $100_1$ 、他方を第 2 の秘密分散装置  $100_2$ 、選択されなかった秘密分散装置を第 3 の秘密分散装置  $100_3$  とする ( $S_{105}$ )。ここで、第 1 の秘密分散装置  $100_1$  が記録する数値  $A_k^{(m)}$  の断片を  $a_{k_1}^{(m)} = (a_{k_3 1}^{(m)}, a_{k_1 2}^{(m)})$ 、第 2 の秘密分散装置  $100_2$  が記録する数値  $A_k^{(m)}$  の断片を  $a_{k_2}^{(m)} = (a_{k_1 2}^{(m)}, a_{k_2 3}^{(m)})$ 、第 3 の秘密分散装置  $100_3$  が記録する数値  $A_k^{(m)}$  の断片を  $a_{k_3}^{(m)} = (a_{k_2 3}^{(m)}, a_{k_3 1}^{(m)})$  とする。

【0057】

断片置換手段は、少なくとも断片置換部  $110_1, 110_2, 110_3$  を含んで構成さ

50

れる。断片置換手段は、第1の秘密分散装置100<sub>1</sub>または第2の秘密分散装置100<sub>2</sub>で{1, ..., K} → {1, ..., K}の全単射を作成し、第1の秘密分散装置100<sub>1</sub>が記録する断片 $a_{(k)1}^{(1)}, \dots, a_{(k)1}^{(M)}$ を対応付けられたk番目の数値群の断片にし、第2の秘密分散装置100<sub>2</sub>が記録する断片 $a_{(k)2}^{(1)}, \dots, a_{(k)2}^{(M)}$ を対応付けられたk番目の数値群の断片にする(S110)。

【0058】

再分散手段は、少なくとも再分散部120<sub>1</sub>, 120<sub>2</sub>, 120<sub>3</sub>を含んで構成される。図7に示すように再分散部120<sub>n</sub>は、第1乱数生成部121<sub>n</sub>、第2乱数生成部122<sub>n</sub>、第1計算部123<sub>n</sub>、第2計算部124<sub>n</sub>、第3計算部125<sub>n</sub>、断片更新部126<sub>n</sub>を備えている。

10

【0059】

第1の秘密分散装置100<sub>1</sub>の第1乱数生成部121<sub>1</sub>は、対応付けられたk番目の数値群の断片の再分散化のために、ランダムな値である $b_{k31}^{(1)}, \dots, b_{k31}^{(M)}$ を生成し、第3の秘密分散装置100<sub>3</sub>に送信する(S121)。第2の秘密分散装置100<sub>2</sub>の第2乱数生成部122<sub>2</sub>は、対応付けられたk番目の数値群の断片の再分散化のために、ランダムな値である $b_{k23}^{(1)}, \dots, b_{k23}^{(M)}$ を生成し、第3の秘密分散装置100<sub>3</sub>に送信する(S122)。第1の秘密分散装置100<sub>1</sub>の第1計算部123<sub>1</sub>は、対応付けられたk番目の数値群の断片の再分散化のために、 $m = 1 \sim M$ について $x_k^{(m)} = b_{k31}^{(m)} - a_{(k)31}^{(m)}$ を計算し、 $x_k^{(1)}, \dots, x_k^{(M)}$ を第2の秘密分散装置100<sub>2</sub>に送信する(S123)。

20

【0060】

第2の秘密分散装置100<sub>2</sub>の第2計算部124<sub>2</sub>は、対応付けられたk番目の数値群の断片の再分散化のために、 $m = 1 \sim M$ について $y_k^{(m)} = b_{k23}^{(m)} - a_{(k)23}^{(m)}$ を計算し、 $y_k^{(1)}, \dots, y_k^{(M)}$ を第1の秘密分散装置100<sub>1</sub>に送信する(S124)。第1の秘密分散装置100<sub>1</sub>の第3計算部125<sub>1</sub>と第2の秘密分散装置100<sub>2</sub>の第3計算部125<sub>2</sub>は、対応付けられたk番目の数値群の断片の再分散化のために、それぞれ $m = 1 \sim M$ について $b_{k12}^{(m)} = a_{(k)12}^{(m)} - x_k^{(m)} - y_k^{(m)}$ を計算する(S125)。第1の秘密分散装置100<sub>1</sub>の断片更新部126<sub>1</sub>は $(b_{k31}^{(m)}, b_{k12}^{(m)})$ を断片 $b_{k1}^{(m)}$ とし、第2の秘密分散装置100<sub>2</sub>の断片更新部126<sub>2</sub>は $(b_{k12}^{(m)}, b_{k23}^{(m)})$ を断片 $b_{k2}^{(m)}$ とし、第3の秘密分散装置100<sub>3</sub>の断片更新部126<sub>3</sub>は $(b_{k23}^{(m)}, b_{k31}^{(m)})$ を断片 $b_{k3}^{(m)}$ とする(S126)。なお、各秘密分散装置100<sub>n</sub>の記録部190<sub>n</sub>は、断片 $b_{kn}^{(m)}$ を記録するだけでなく、自身が記録しているk番目の断片である断片 $b_{kn}^{(m)}$ が数値 $B_k^{(m)}$ の断片であるという情報も記録する。実施例1と同じように、断片 $b_{k1}^{(m)}, b_{k2}^{(m)}, b_{k3}^{(m)}$ は、数値 $B_k^{(m)}$ の断片である。つまり、ステップS121~S126が、ステップS120に相当する。

30

【0061】

また、数値 $B_1^{(1)}, \dots, B_K^{(1)}, \dots, B_1^{(M)}, \dots, B_K^{(M)}$ を新しい数値 $A_1^{(1)}, \dots, A_K^{(1)}, \dots, A_1^{(M)}, \dots, A_K^{(M)}$ とし、断片置換手段で選択する秘密分散装置の組み合わせを変更すれば、この処理を繰り返すことができる(S111, S112)。

40

【0062】

このように、ベクトルの各要素の対応を維持した限定シャッフルを利用すれば、例えば、表形式をしたデータの秘密分散から、各行を1つの要素(対応付けられた数値群)として列方向のランダム置換を行うことができる。

【実施例4】

【0063】

実施例4でも、秘密分散システムを構成する秘密分散装置の数を3に限定し、より具体的に説明する。また、実施例4では、実施例2と同じように不正検出機能を具備した例を

50

説明する。

【0064】

[ 限定シャッフル ]

実施例4の秘密分散システムの構成も図6に示す。なお、本実施例の秘密分散装置100<sub>n</sub>は、点線で示された構成部も備えている。図9に改ざん検出部の詳細な構造を示す。図10に実施例4の秘密分散システムでの秘密分散の処理フローを示す。本実施例の秘密分散システムは、ネットワーク1000に接続された3つの秘密分散装置100<sub>1</sub>、100<sub>2</sub>、100<sub>3</sub>と選択手段105で構成される。ここで、K個の数値のk番目を数値A<sub>k</sub> = a<sub>k1</sub> + a<sub>k2</sub> + a<sub>k3</sub> (ただし、Kは2以上の整数、kは1以上K以下の整数、(a<sub>k1</sub>, a<sub>k2</sub>, a<sub>k3</sub>)は、(1, 2, 3)、(2, 3, 1)、(3, 1, 2)のいずれか)とし、その3つの断片を(a<sub>k1</sub>, a<sub>k2</sub>)、(a<sub>k2</sub>, a<sub>k3</sub>)、(a<sub>k3</sub>, a<sub>k1</sub>)とする。

10

【0065】

本実施例の秘密分散システムは、選択手段105、初期情報分散手段、初期乗算手段、断片置換手段、再分散手段、確認分散手段、確認乗算手段、改ざん検出手段を備える。秘密分散装置100<sub>n</sub>は、初期情報分散部130<sub>n</sub>、初期乗算部140<sub>n</sub>、断片置換部110<sub>n</sub>、再分散部120<sub>n</sub>、確認分散部150<sub>n</sub>、確認乗算部160<sub>n</sub>、改ざん検出部170<sub>n</sub>、記録部190<sub>n</sub>を備える(ただし、nは1、2、3のいずれか)。記録部190<sub>n</sub>は、数値A<sub>1</sub>, ..., A<sub>K</sub>の断片などを記録する。

20

【0066】

選択手段105は、2つの秘密分散装置を選択する。そして、選択手段105に選択された秘密分散装置の一方を第1の秘密分散装置100<sub>1</sub>、他方を第2の秘密分散装置100<sub>2</sub>、選択されなかった秘密分散装置を第3の秘密分散装置100<sub>3</sub>とする(S105)。ここで、第1の秘密分散装置100<sub>1</sub>が記録するk番目の断片をa<sub>k1</sub> = (a<sub>k31</sub>, a<sub>k12</sub>)、第2の秘密分散装置100<sub>2</sub>が記録するk番目の断片をa<sub>k2</sub> = (a<sub>k12</sub>, a<sub>k23</sub>)、第3の秘密分散装置100<sub>3</sub>が記録するk番目の断片をa<sub>k3</sub> = (a<sub>k23</sub>, a<sub>k31</sub>)とする。

【0067】

初期情報分散手段は、初期情報分散部130<sub>1</sub>, 130<sub>2</sub>, 130<sub>3</sub>で構成される。初期情報分散部130<sub>1</sub>, 130<sub>2</sub>, 130<sub>3</sub>は、秘密分散装置100<sub>1</sub>, 100<sub>2</sub>, 100<sub>3</sub>のどれも知らないK個の数値P<sub>1</sub>, ..., P<sub>K</sub>それぞれの断片p<sub>kn</sub>を秘密計算によって求め、秘密分散装置100<sub>n</sub>に記録する(S130)。例えば、第1の秘密分散装置100<sub>1</sub>でK個のランダムな値R<sup>(1)</sup><sub>1</sub>, ..., R<sup>(1)</sup><sub>K</sub>を生成し、第2の秘密分散装置100<sub>2</sub>でK個のランダムな値R<sup>(2)</sup><sub>1</sub>, ..., R<sup>(2)</sup><sub>K</sub>を生成する。そして、秘密分散装置100<sub>1</sub>, 100<sub>2</sub>, 100<sub>3</sub>で、R<sup>(1)</sup><sub>k</sub>の断片(r<sup>(1)</sup><sub>k31</sub>, r<sup>(1)</sup><sub>k12</sub>)、(r<sup>(1)</sup><sub>k12</sub>, r<sup>(1)</sup><sub>k23</sub>)、(r<sup>(1)</sup><sub>k23</sub>, r<sup>(1)</sup><sub>k31</sub>)と、R<sup>(2)</sup><sub>k</sub>の断片(r<sup>(2)</sup><sub>k31</sub>, r<sup>(2)</sup><sub>k12</sub>)、(r<sup>(2)</sup><sub>k12</sub>, r<sup>(2)</sup><sub>k23</sub>)、(r<sup>(2)</sup><sub>k23</sub>, r<sup>(2)</sup><sub>k31</sub>)とを秘密分散して記録する。その後、秘密分散装置100<sub>1</sub>, 100<sub>2</sub>, 100<sub>3</sub>で、P<sub>k</sub> = R<sup>(1)</sup><sub>k</sub> + R<sup>(2)</sup><sub>k</sub>である数値P<sub>k</sub>の断片(p<sub>k31</sub>, p<sub>k12</sub>)、(p<sub>k12</sub>, p<sub>k23</sub>)、(p<sub>k23</sub>, p<sub>k31</sub>)を秘密計算によって求め、秘密分散装置100<sub>1</sub>, 100<sub>2</sub>, 100<sub>3</sub>に分散して記録する。このような処理によって、全ての秘密分散装置100<sub>1</sub>, 100<sub>2</sub>, 100<sub>3</sub>が知らない数値の断片を分散して記録できる。

30

40

【0068】

初期乗算手段は、初期乗算部140<sub>1</sub>, 140<sub>2</sub>, 140<sub>3</sub>で構成される。初期乗算部140<sub>1</sub>, 140<sub>2</sub>, 140<sub>3</sub>は、S<sub>k</sub> = P<sub>k</sub> × A<sub>k</sub>である数値S<sub>k</sub>の断片(s<sub>k1</sub>, s<sub>k2</sub>)、(s<sub>k2</sub>, s<sub>k3</sub>)、(s<sub>k3</sub>, s<sub>k1</sub>)を秘密計算によって求め、秘密分散装置100<sub>1</sub>, 100<sub>2</sub>, 100<sub>3</sub>に分散して記録する(S140)。

【0069】

断片置換手段と再分散手段は、実施例3と同じである。断片置換手段と再分散手段によ

50

って、秘密分散装置100<sub>1</sub>、100<sub>2</sub>、100<sub>3</sub>に数値B<sub>k</sub>の断片として断片b<sub>k1</sub>、b<sub>k2</sub>、b<sub>k3</sub>が記録される。確認分散手段は、確認分散部150<sub>1</sub>、150<sub>2</sub>、150<sub>3</sub>で構成される。確認分散部150<sub>1</sub>、150<sub>2</sub>、150<sub>3</sub>は、k=1~Kについて、Q<sub>k</sub>=P<sub>(k)</sub>である数値Q<sub>k</sub>の断片(q<sub>k31</sub>、q<sub>k12</sub>)、(q<sub>k12</sub>、q<sub>k23</sub>)、(q<sub>k23</sub>、q<sub>k31</sub>)を秘密計算によって生成し、秘密分散装置100<sub>1</sub>、100<sub>2</sub>、100<sub>3</sub>に分散して記録する(S150)。例えば、ステップS130で第1の秘密分散装置100<sub>1</sub>が生成した数値R<sup>(1)</sup><sub>(k)</sub>の別の断片(r'<sup>(1)</sup><sub>(k)31</sub>、r'<sup>(1)</sup><sub>(k)12</sub>)、(r'<sup>(1)</sup><sub>(k)12</sub>、r'<sup>(1)</sup><sub>(k)23</sub>)、(r'<sup>(1)</sup><sub>(k)23</sub>、r'<sup>(1)</sup><sub>(k)31</sub>)と、第2の秘密分散装置100<sub>2</sub>が生成した数値R<sup>(2)</sup><sub>(k)</sub>の別の断片(r'<sup>(2)</sup><sub>(k)31</sub>、r'<sup>(2)</sup><sub>(k)12</sub>)、(r'<sup>(2)</sup><sub>(k)12</sub>、r'<sup>(2)</sup><sub>(k)23</sub>)、(r'<sup>(2)</sup><sub>(k)23</sub>、r'<sup>(2)</sup><sub>(k)31</sub>)とを秘密分散して記録する。その後、秘密分散装置100<sub>1</sub>、100<sub>2</sub>、100<sub>3</sub>で、Q<sub>k</sub>=R<sup>(1)</sup><sub>(k)</sub>+R<sup>(2)</sup><sub>(k)</sub>である数値Q<sub>k</sub>の断片(q<sub>k31</sub>、q<sub>k12</sub>)、(q<sub>k12</sub>、q<sub>k23</sub>)、(q<sub>k23</sub>、q<sub>k31</sub>)を別の断片を用いて秘密計算によって求め、秘密分散装置100<sub>1</sub>、100<sub>2</sub>、100<sub>3</sub>に分散して記録する。このような処理によって、Q<sub>k</sub>=P<sub>(k)</sub>であり、かつ、全ての秘密分散装置100<sub>1</sub>、100<sub>2</sub>、100<sub>3</sub>が知らない数値の断片を分散して記録できる。

10

【0070】

確認乗算手段は、確認乗算部160<sub>1</sub>、160<sub>2</sub>、160<sub>3</sub>で構成される。確認乗算部160<sub>1</sub>、160<sub>2</sub>、160<sub>3</sub>は、T<sub>k</sub>=Q<sub>k</sub>×B<sub>k</sub>である数値T<sub>k</sub>の断片(t<sub>k31</sub>、t<sub>k12</sub>)、(t<sub>k12</sub>、t<sub>k23</sub>)、(t<sub>k23</sub>、t<sub>k31</sub>)を秘密計算によって求め、秘密分散装置100<sub>1</sub>、100<sub>2</sub>、100<sub>3</sub>に分散して記録する(S160)。

20

【0071】

改ざん検出手段は、改ざん検出部170<sub>1</sub>、170<sub>2</sub>、170<sub>3</sub>で構成される。また、図9に示すように、改ざん検出部170<sub>n</sub>は、第3乱数生成部171<sub>n</sub>、第4乱数生成部172<sub>n</sub>、第4計算部173<sub>n</sub>、第5計算部174<sub>n</sub>、第1確認部175<sub>n</sub>、第6計算部176<sub>n</sub>、第7計算部177<sub>n</sub>、第2確認部178<sub>n</sub>を備える。改ざん検出手段は、秘密分散装置100<sub>1</sub>、100<sub>2</sub>、100<sub>3</sub>が第1の秘密分散装置100<sub>1</sub>、第2の秘密分散装置100<sub>2</sub>、第3の秘密分散装置100<sub>3</sub>のいずれの装置として動作するかにしたがって、以下のように処理を行う。

30

【0072】

第1の秘密分散装置100<sub>1</sub>の第3乱数生成部171<sub>1</sub>は、ランダムな値であるu<sub>k</sub>を生成し、第2の秘密分散装置100<sub>2</sub>に送信する(S171)。第2の秘密分散装置100<sub>2</sub>の第4乱数生成部172<sub>2</sub>は、ランダムな値であるv<sub>k</sub>を生成し、第1の秘密分散装置100<sub>1</sub>に送信する(S172)。第1の秘密分散装置100<sub>1</sub>の第4計算部173<sub>1</sub>は、d<sub>k</sub>=s<sub>(k)12</sub>-t<sub>k12</sub>-u<sub>k</sub>-v<sub>k</sub>を計算し、第3の秘密分散装置100<sub>3</sub>に送信する(S173)。

【0073】

第2の秘密分散装置100<sub>2</sub>の第5計算部174<sub>2</sub>は、e<sub>k</sub>=s<sub>(k)12</sub>-t<sub>k12</sub>-u<sub>k</sub>-v<sub>k</sub>を計算し、第3の秘密分散装置100<sub>3</sub>に送信する(S174)。第3の秘密分散装置100<sub>3</sub>の第1確認部175<sub>3</sub>は、d<sub>k</sub>=e<sub>k</sub>であることを確認し、異なっていれば処理を中止する(S175)。

40

【0074】

第1の秘密分散装置100<sub>1</sub>の第6計算部176<sub>1</sub>は、f<sub>k</sub>=s<sub>(k)31</sub>-t<sub>k31</sub>+u<sub>k</sub>を計算し、第3の秘密分散装置100<sub>3</sub>に送信する(S176)。第2の秘密分散装置100<sub>2</sub>の第7計算部177<sub>2</sub>は、g<sub>k</sub>=s<sub>(k)23</sub>-t<sub>k23</sub>+v<sub>k</sub>を計算し、第3の秘密分散装置100<sub>3</sub>に送信する(S177)。第3の秘密分散装置100<sub>3</sub>の第2確認部178<sub>3</sub>は、f<sub>k</sub>+g<sub>k</sub>+d<sub>k</sub>=0であることを確認し、異なっていれば処理を中止する(S178)。また、数値B<sub>1</sub>、...、B<sub>K</sub>を新しい数値A<sub>1</sub>、...、A<sub>K</sub>とし

50

、断片置換手段で選択する秘密分散装置の組み合わせを変更すれば、この処理を繰り返すことができる ( S 1 1 1 , S 1 1 2 ) 。

【 0 0 7 5 】

実施例 4 の秘密分散システムによれば、実施例 3 の秘密分散装置と同じ効果が得られると共に、数値  $A_1, \dots, A_K$  と数値  $B_1, \dots, B_K$  との対応を分からなくする処理の途中に、他の秘密分散装置に改ざんした値を送信する不正がないことも確認できる。なお、ソートも行う場合は、秘密分散装置 1 0 0<sub>n</sub> は、比較部 2 1 0<sub>n</sub> と交換部 2 2 0<sub>n</sub> も備える。具体的なソートの処理については実施例 1 と同じである。

【 0 0 7 6 】

[ 秘密計算 ]

10

上述の説明では、秘密計算については 1 つの方法に限定しないことを前提としており、具体例は示さなかった。以下では、実施例 3、4 の秘密分散システムの各構成部が利用できる基本的な秘密計算の具体例を示す。なお、以下の説明では、秘密分散装置 1 0 0<sub>1</sub> , 1 0 0<sub>2</sub> , 1 0 0<sub>3</sub> が分散して記録する数値 A の断片を ( a<sub>11</sub> , a<sub>12</sub> )、( a<sub>21</sub> , a<sub>22</sub> )、( a<sub>31</sub> , a<sub>32</sub> )、数値 B の断片を ( b<sub>11</sub> , b<sub>12</sub> )、( b<sub>21</sub> , b<sub>22</sub> )、( b<sub>31</sub> , b<sub>32</sub> )、数値 C の断片を ( c<sub>11</sub> , c<sub>12</sub> )、( c<sub>21</sub> , c<sub>22</sub> )、( c<sub>31</sub> , c<sub>32</sub> ) とする。

【 0 0 7 7 】

数値 A の秘密分散

20

- ( 1 ) 乱数 a<sub>11</sub> , a<sub>12</sub> を生成する。
- ( 2 ) a<sub>11</sub> = A - a<sub>11</sub> - a<sub>12</sub> を計算し、断片を ( a<sub>11</sub> , a<sub>12</sub> )、( a<sub>21</sub> , a<sub>22</sub> )、( a<sub>31</sub> , a<sub>32</sub> ) とし、秘密分散装置 1 0 0<sub>1</sub> , 1 0 0<sub>2</sub> , 1 0 0<sub>3</sub> に分散して記録する。

【 0 0 7 8 】

数値 A の復元

30

- ( 1 ) 秘密分散装置 1 0 0<sub>1</sub> は秘密分散装置 1 0 0<sub>1</sub> に a<sub>11</sub> を送信し、秘密分散装置 1 0 0<sub>2</sub> に a<sub>12</sub> を送信する。秘密分散装置 1 0 0<sub>2</sub> は秘密分散装置 1 0 0<sub>2</sub> に a<sub>21</sub> を送信し、秘密分散装置 1 0 0<sub>3</sub> に a<sub>22</sub> を送信する。秘密分散装置 1 0 0<sub>3</sub> は秘密分散装置 1 0 0<sub>3</sub> に a<sub>31</sub> を送信し、秘密分散装置 1 0 0<sub>1</sub> に a<sub>32</sub> を送信する。
- ( 2 ) 秘密分散装置 1 0 0<sub>1</sub> は秘密分散装置 1 0 0<sub>1</sub> から受信した a<sub>11</sub> と秘密分散装置 1 0 0<sub>2</sub> から受信した a<sub>12</sub> とが一致していれば、a<sub>11</sub> + a<sub>12</sub> + a<sub>11</sub> を計算して数値 A を復元する。秘密分散装置 1 0 0<sub>2</sub> は秘密分散装置 1 0 0<sub>2</sub> から受信した a<sub>21</sub> と秘密分散装置 1 0 0<sub>3</sub> から受信した a<sub>22</sub> とが一致していれば、a<sub>21</sub> + a<sub>22</sub> + a<sub>21</sub> を計算して数値 A を復元する。秘密分散装置 1 0 0<sub>3</sub> は秘密分散装置 1 0 0<sub>3</sub> から受信した a<sub>31</sub> と秘密分散装置 1 0 0<sub>1</sub> から受信した a<sub>32</sub> とが一致していれば、a<sub>31</sub> + a<sub>32</sub> + a<sub>31</sub> を計算して数値 A を復元する。

【 0 0 7 9 】

C = A + B の秘密計算

40

- ( 1 ) 秘密分散装置 1 0 0<sub>1</sub> は ( c<sub>11</sub> , c<sub>12</sub> ) = ( a<sub>11</sub> + b<sub>11</sub> , a<sub>12</sub> + b<sub>12</sub> ) を計算して記録し、秘密分散装置 1 0 0<sub>2</sub> は ( c<sub>21</sub> , c<sub>22</sub> ) = ( a<sub>21</sub> + b<sub>21</sub> , a<sub>22</sub> + b<sub>22</sub> ) を計算して記録し、秘密分散装置 1 0 0<sub>3</sub> は ( c<sub>31</sub> , c<sub>32</sub> ) = ( a<sub>31</sub> + b<sub>31</sub> , a<sub>32</sub> + b<sub>32</sub> ) を計算して記録する。

【 0 0 8 0 】

C = A - B の秘密計算

- ( 1 ) 秘密分散装置 1 0 0<sub>1</sub> は ( c<sub>11</sub> , c<sub>12</sub> ) = ( a<sub>11</sub> - b<sub>11</sub> , a<sub>12</sub> - b<sub>12</sub> ) を計算して記録し、秘密分散装置 1 0 0<sub>2</sub> は ( c<sub>21</sub> , c<sub>22</sub> ) = ( a<sub>21</sub> - b<sub>21</sub> , a<sub>22</sub> - b<sub>22</sub> ) を計算して記録し、秘密分散装置 1 0 0<sub>3</sub> は ( c<sub>31</sub> , c<sub>32</sub> ) = ( a<sub>31</sub> - b<sub>31</sub> , a<sub>32</sub> - b<sub>32</sub> ) を計算して記録する。

【 0 0 8 1 】

C = A + S の秘密計算 (ただし、S は既知の定数)

50

(1) 秘密分散装置100は $(c_1, c_2) = (a_1 + S, a_2)$ を計算して記録し、秘密分散装置100は $(c_1, c_2) = (a_1, a_2 + S)$ を計算して記録する。秘密分散装置100の処理はない。

【0082】

C = ASの秘密計算(ただし、Sは既知の定数)

(1) 秘密分散装置100は $(c_1, c_2) = (a_1 S, a_2 S)$ を計算して記録し、秘密分散装置100は $(c_1, c_2) = (a_1 S, a_2 S)$ を計算して記録し、秘密分散装置100は $(c_1, c_2) = (a_1 S, a_2 S)$ を計算して記録する。

【0083】

C = ABの秘密計算

(1) 秘密分散装置100は、乱数 $r_1, r_2, c$ を生成し、 $c = (a_1 + a_2)(b_1 + b_2) - r_1 - r_2 - c$ を計算する。そして、秘密分散装置100は、秘密分散装置100に $(r_1, c)$ を、秘密分散装置100に $(r_2, c)$ を送信する。

(2) 秘密分散装置100は、 $y = a_1 b_1 + a_2 b_1 + r_1$ を計算し、秘密分散装置100に送信する。

(3) 秘密分散装置100は、 $z = a_1 b_2 + a_2 b_2 + r_2$ を計算し、秘密分散装置100に送信する。

(4) 秘密分散装置100と秘密分散装置100は、それぞれ $c = y + z + a_1 b_2$ を計算する。 20

(5) 秘密分散装置100は $(c_1, c_2)$ を記録し、秘密分散装置100は $(c_1, c_2)$ を記録し、秘密分散装置100は $(c_1, c_2)$ を記録する。

【0084】

[プログラム、記録媒体]

上述の各種の処理は、記載に従って時系列に実行されるのみならず、処理を実行する装置の処理能力あるいは必要に応じて並列的あるいは個別に実行されてもよい。その他、本発明の趣旨を逸脱しない範囲で適宜変更が可能であることはいうまでもない。

【0085】

また、上述の構成をコンピュータによって実現する場合、各装置が有すべき機能の処理内容はプログラムによって記述される。そして、このプログラムをコンピュータで実行することにより、上記処理機能がコンピュータ上で実現される。 30

【0086】

この処理内容を記述したプログラムは、コンピュータで読み取り可能な記録媒体に記録しておくことができる。コンピュータで読み取り可能な記録媒体としては、例えば、磁気記録装置、光ディスク、光磁気記録媒体、半導体メモリ等のようなものでもよい。

【0087】

また、このプログラムの流通は、例えば、そのプログラムを記録したDVD、CD-ROM等の可搬型記録媒体を販売、譲渡、貸与等することによって行う。さらに、このプログラムをサーバコンピュータの記憶装置に格納しておき、ネットワークを介して、サーバコンピュータから他のコンピュータにそのプログラムを転送することにより、このプログラムを流通させる構成としてもよい。 40

【0088】

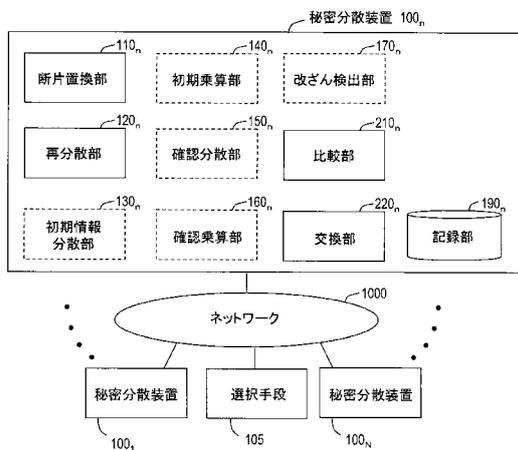
このようなプログラムを実行するコンピュータは、例えば、まず、可搬型記録媒体に記録されたプログラムもしくはサーバコンピュータから転送されたプログラムを、一旦、自己の記憶装置に格納する。そして、処理の実行時、このコンピュータは、自己の記録媒体に格納されたプログラムを読み取り、読み取ったプログラムに従った処理を実行する。また、このプログラムの別の実行形態として、コンピュータが可搬型記録媒体から直接プログラムを読み取り、そのプログラムに従った処理を実行することとしてもよく、さらに、このコンピュータにサーバコンピュータからプログラムが転送されるたびに、逐次、受け 50

取ったプログラムに従った処理を実行することとしてもよい。また、サーバコンピュータから、このコンピュータへのプログラムの転送は行わず、その実行指示と結果取得のみによって処理機能を実現する、いわゆるASP (Application Service Provider) 型のサービスによって、上述の処理を実行する構成としてもよい。なお、本形態におけるプログラムには、電子計算機による処理の用に供する情報であってプログラムに準ずるもの(コンピュータに対する直接の指令ではないがコンピュータの処理を規定する性質を有するデータ等)を含むものとする。

【0089】

また、この形態では、コンピュータ上で所定のプログラムを実行させることにより、本装置を構成することとしたが、これらの処理内容の少なくとも一部をハードウェア的に実現することとしてもよい。

【図1】



【図2】

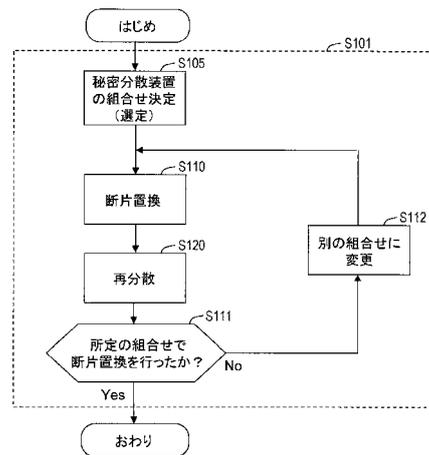


図2

図1

【 図 3 】

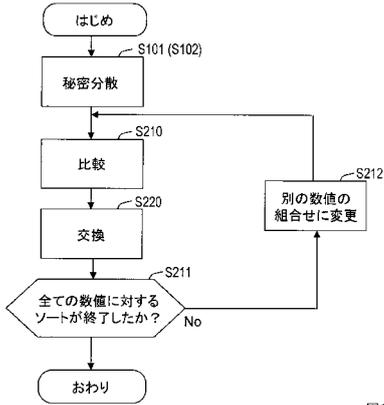


図3

【 図 4 】

**Algorithm 1** Quicksort( $A, p, r$ )  
 1: return unless  $p < r$   
 2:  $q \leftarrow$  Partition( $A, p, r$ ) // Algorithm 2  
 3: Quicksort( $A, p, q - 1$ )  
 4: Quicksort( $A, q + 1, r$ )

**Algorithm 2** Partition( $A, p, r$ )  
 1:  $i \leftarrow p - 1$   
 2: for  $j \leftarrow p$  to  $r - 1$  do  
 3: if  $A[j] \leq A[r]$  then  
 4:  $i \leftarrow i + 1$   
 5: swap( $A[i], A[j]$ ) //  $A[i], A[j]$  を交換  
 6: end if  
 7: end for  
 8: swap( $A[i + 1], A[r]$ )  
 9: return  $i + 1$

図4

【 図 5 】

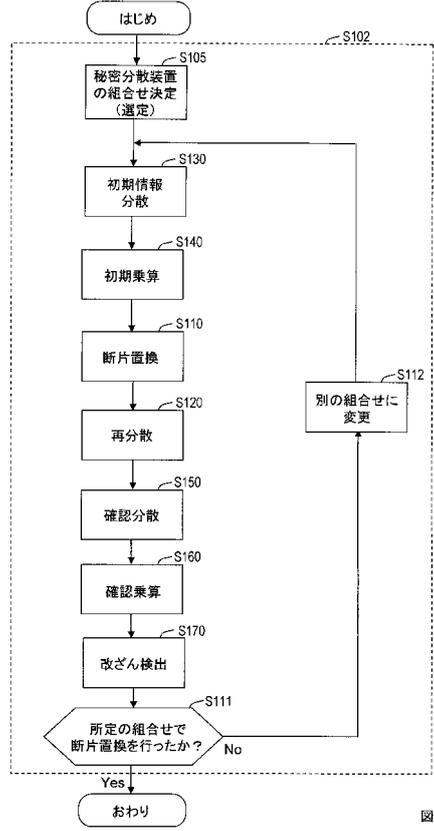


図5

【 図 6 】

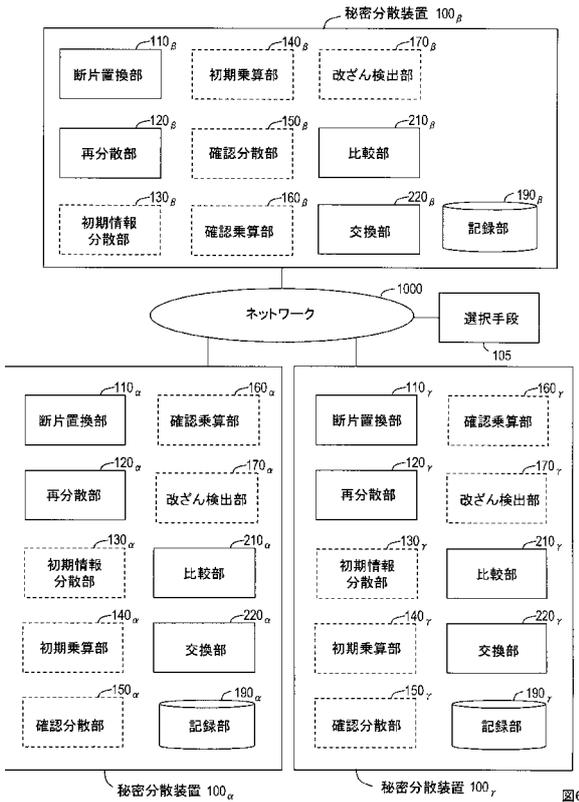


図6

【 図 7 】

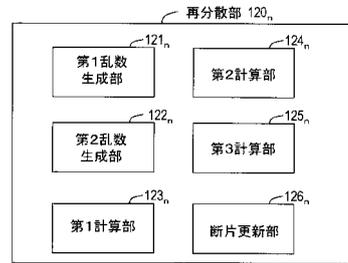


図7

【 図 8 】

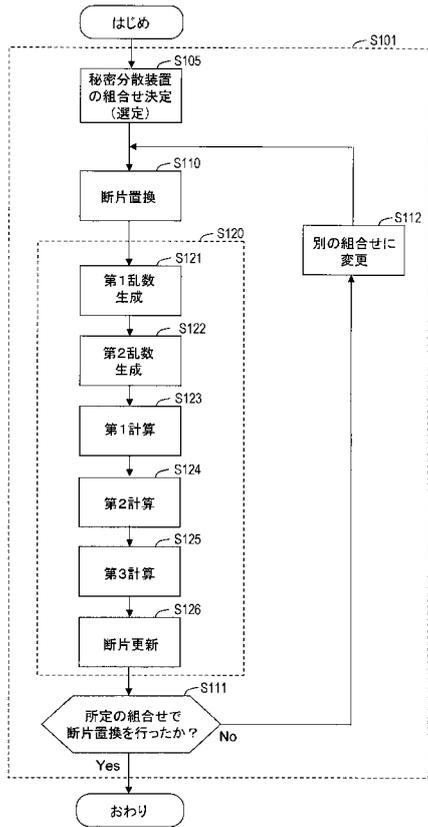


図8

【 図 9 】

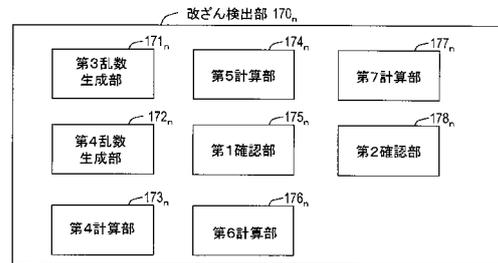


図9

【 図 10 】

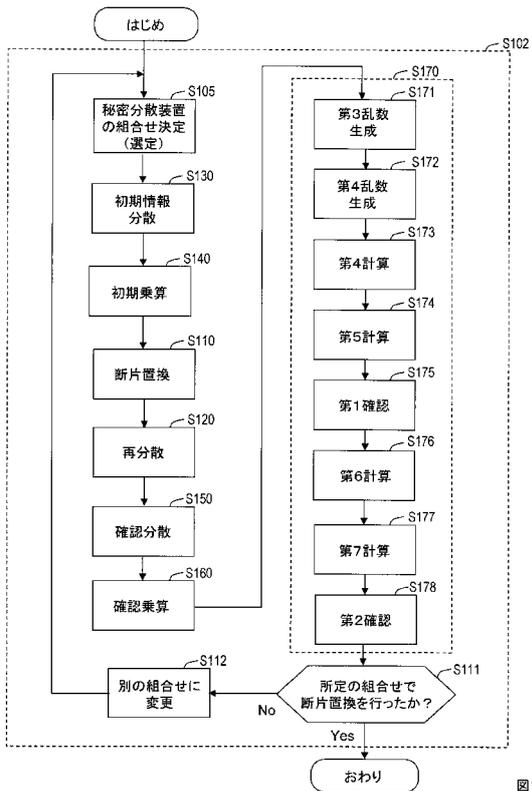


図10

## フロントページの続き

- (72)発明者 千田 浩司  
東京都千代田区大手町二丁目3番1号 日本電信電話株式会社内
- (72)発明者 高橋 克巳  
東京都千代田区大手町二丁目3番1号 日本電信電話株式会社内

審査官 松平 英

- (56)参考文献 特開2005-227331(JP,A)  
特開2007-300157(JP,A)  
千田 浩司 他, 効率的な3パーティ秘関数計算の提案とその運用モデルの考察, 情報処理学会研究報告 コンピュータセキュリティ(CSEC), 日本, 社団法人情報処理学会, 2010年4月15日, No.48, p.1-7  
千田 浩司 他, 軽量検証可能3パーティ秘関数計算の再考, コンピュータセキュリティシンポジウム2010 論文集 [第二分冊], 日本, 一般社団法人情報処理学会 Information Processing Society of Japan, 2010年10月12日, p.555-560  
濱田 浩気 他, 3パーティ秘関数計算上のランダム置換プロトコル, コンピュータセキュリティシンポジウム2010 論文集 [第二分冊], 日本, 一般社団法人情報処理学会, 2012年10月12日, p.561-566

## (58)調査した分野(Int.Cl., DB名)

G09C 1/00  
H04L 9/00  
G06F 21/24