

(12) DEMANDE INTERNATIONALE PUBLIÉE EN VERTU DU TRAITÉ DE COOPÉRATION  
EN MATIÈRE DE BREVETS (PCT)

(19) Organisation Mondiale de la Propriété  
Intellectuelle  
Bureau international



(43) Date de la publication internationale  
5 avril 2001 (05.04.2001)

PCT

(10) Numéro de publication internationale  
**WO 01/24470 A1**

(51) Classification internationale des brevets<sup>7</sup>: H04L 27/26,  
27/00

(21) Numéro de la demande internationale:  
PCT/FR00/02716

(22) Date de dépôt international:  
29 septembre 2000 (29.09.2000)

(25) Langue de dépôt: français

(26) Langue de publication: français

(30) Données relatives à la priorité:  
99/12371 29 septembre 1999 (29.09.1999) FR

(71) Déposants et

(72) Inventeurs: SIOHAN, Pierre [FR/FR]; 25, rue Maurice  
Haye, F-35200 Rennes (FR). SICLET, Cyrille [FR/FR];  
16, rue Plançon, F-25000 Besançon (FR).

(74) Mandataire: VIDON, Patrice; Le Nobel, 2, allée Antoine  
Becquerel, BP 90333, F-35703 Rennes Cedex 7 (FR).

(81) États désignés (*national*): CA, JP, US.

(84) États désignés (*régional*): brevet européen (AT, BE, CH,  
CY, DE, DK, ES, FI, FR, GB, GR, IE, IT, LU, MC, NL, PT,  
SE).

Publiée:

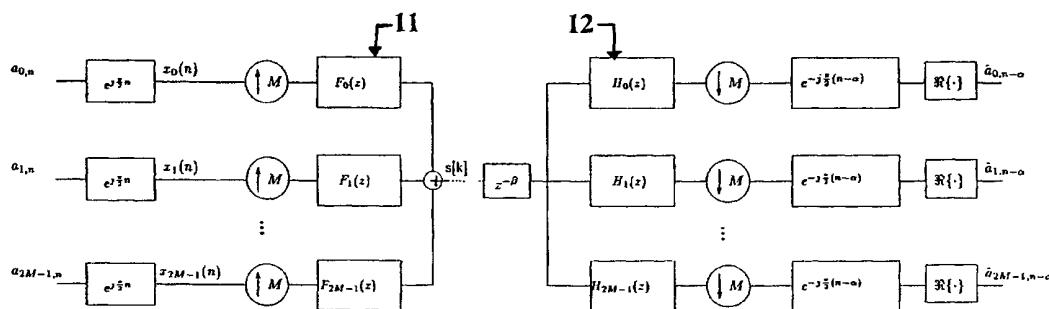
— Avec rapport de recherche internationale.

(71) Déposants (*pour tous les États désignés sauf US*):  
FRANCE TELECOM [FR/FR]; 6, place d'Alleray,  
F-75015 Paris (FR). TELEDIFFUSION DE FRANCE  
[FR/FR]; 10, rue d'Oradour-sur-Glane, F-75732 Paris  
Cedex 15 (FR).

En ce qui concerne les codes à deux lettres et autres abrévia-  
tions, se référer aux "Notes explicatives relatives aux codes et  
abréviations" figurant au début de chaque numéro ordinaire de  
la Gazette du PCT.

(54) Title: METHOD FOR TRANSMITTING AN OFFSET MODULATED BIORTHOGONAL MULTICARRIER SIGNAL  
(BFDOM/OM)

(54) Titre: PROCEDE DE TRANSMISSION D'UN SIGNAL MULTIPORTEUSE BIORTHOGONAL MODULE AVEC OFFSET  
(BFDOM/OM)



(57) Abstract: The invention concerns a method for transmitting a biorthogonal multicarrier signal BFDOM/OM, using a transmultiplexer structure providing: a modulating step, using a synthesis filter bank (11), having two 2M parallel branches,  $M \geq 2$ , each supplied by source data, and comprising an expander of order M and filtering means; a demodulating step, using an analysis filter bank (12), having two 2M parallel branches, each comprising a decimation unit of order M and filtering means, and delivering received data representing said source data; said filtering means being derived from a predetermined prototype modulating function.

(57) Abrégé: L'invention concerne un procédé de transmission d'un signal multiporteuse biorthogonal BFDOM/OM, mettant en oeuvre une structure de transmultiplexeur assurant: une étape de modulation, à l'aide d'un banc de filtres de synthèse (11), présentant 2M branches parallèles,  $M \geq 2$ , alimentées chacune par des données source, et comprenant chacune un expanseur d'ordre M et des moyens de filtrage; une étape de démodulation, à l'aide d'un banc de filtres d'analyse (12), présentant 2M branches parallèles, comprenant chacune un décimateur d'ordre M et des moyens de filtrage, et délivrant des données reçues représentatives desdites données source, lesdits moyens de filtrage étant déduits d'une fonction de modulation prototype prédéterminée.

WO 01/24470 A1

**Procédé de transmission d'un signal multiporteuse modulé avec  
offset (BFDM/OM)**

Le domaine de l'invention est celui de la transmission de signaux  
numériques, basés sur des modulations multiporteuses. Plus précisément,  
l'invention concerne la transmission, et notamment la modulation et la  
démodulation, des signaux multiporteuses biorthogonaux (BFDM/OM, en  
anglais « Biorthogonal Frequency Division Multiplex/ Offset Modulation »).

Depuis plusieurs années, les modulations multiporteuses ont suscité un  
grand intérêt. Celui-ci se justifie, en particulier, dans le cas des communications  
avec les mobiles, où leur efficacité a déjà été démontrée pour la diffusion des  
signaux radio avec, tout d'abord, le système « Digital Audio Broadcasting »  
(DAB, en français : « Diffusion Audionumérique ») [1] (par souci de  
simplification et de lisibilité, toutes les références citées dans la présente  
description ont été regroupées en annexe E) mais également en transmission haut  
débit sur lignes bifilaires téléphoniques avec les systèmes ADSL (Asymmetric  
Digital Subscriber Line) et VDSL (Very high bit rate Digital Subscriber Line)  
[2].

Dans les schémas de modulations multiporteuses usuels, un ensemble de  
fréquences porteuses, choisi de manière à satisfaire des conditions  
d'orthogonalité en temps et en fréquence, est multiplexé. C'est le système dit  
« Orthogonally Frequency Division Multiplex » (OFDM, en  
français : « multiplex de fréquences orthogonales »).

Il est possible d'associer à chacune des porteuses une modulation sans  
offset (SM : « Synchronous Modulation ») ou avec offset (OM : « Offset  
Modulation »). On aboutit alors respectivement aux systèmes OFDM/SM et  
OFDM/OM. En particulier, l'association à chacune des porteuses d'une  
modulation d'amplitude en quadrature, sans ou avec « offset », produit,  
respectivement, les modulations OFDM/QAM (QAM, en anglais : « Quadrature  
Amplitude Modulation ») et OFDM/OQAM (OQAM : « Offset QAM »). Cette

dernière modulation fonctionne sans intervalle de garde et offre également une possibilité de choix plus étendue en ce qui concerne la fonction prototype [3], [4].

Toutefois, l'orthogonalité de l'OFDM ne lui assure l'optimalité que dans le cas de canaux de transmission que l'on peut assimiler à un bruit additif blanc et gaussien. Dans tous les autres cas, l'optimalité de l'OFDM n'est pas garantie.

De ce point de vue, les modulations multiporteuses biorthogonales (BFDM) offrent des possibilités supplémentaires et, en particulier, elles peuvent constituer un meilleur compromis vis-à-vis de canaux de type radio-mobiles qui sont à la fois dispersifs en temps et en fréquence [5].

Par ailleurs une modulation biorthogonale avec offset (BFDM/OM) permet de conserver l'avantage de l'OFDM/OM avec la possibilité d'obtenir des fonctions prototypes bien localisées en temps et en fréquence.

A titre indicatif, on rappelle brièvement, en annexe A, les définitions essentielles concernant les aspects mathématiques liés aux modulations de type BFDM/OM. Ces aspects ont déjà fait l'objet de publications, avec l'appellation BFDM/OFDM, également conservée dans les annexes de la présente description.

Dans un article récemment soumis [6], une technique de discrétisation des systèmes de modulation BFDM/OM a déjà été proposée. Toutefois l'approche décrite en [6], [7] se base essentiellement sur la discrétisation des équations continues qui étendent en discret le formalisme introduit en continu dans la référence [4] pour l'OFDM/OM.

Pour l'OFDM/OM, cela suppose donc l'utilisation d'une transformation mathématique, puis de la transformation inverse (classiquement  $FFT^{-1}$  puis  $FFT$ ). On tronque ensuite le signal discrétisé.

L'invention a notamment pour objectif de fournir une nouvelle technique de modulation et de démodulation d'un signal BFDM/OM qui soit plus efficace et plus aisée à mettre en œuvre que les techniques connues.

Ainsi, un objectif de l'invention est de fournir de telles techniques de modulation et de démodulation permettant d'assurer, sur un plan théorique, que

l'IES (Interférence entre Symboles) et l'IEC (Interférence entre Canaux) soient exactement nuls, sur un support fini.

L'invention a également pour objectif de fournir de telles techniques qui permettent de réaliser des dispositifs satisfaisant structurellement l'annulation de l'IES et de l'IEC.

Un autre objectif de l'invention est de fournir de telles techniques, permettant aussi bien la mise en œuvre de fonctions prototypes symétriques ou non, et identiques ou non à l'émission et à la réception.

Encore un autre objectif de l'invention est de fournir de telles techniques de modulation et de démodulation, qui permettent de réduire et de contrôler les retards de reconstruction, par exemple pour des applications temps réel ou interactive. En d'autres termes, un objectif est de fournir de telles techniques permettant, pour des filtres prototypes de longueur donnée, d'obtenir des délais de reconstruction qui ne sont pas fixes (et qui peuvent donc être plus faibles que ceux de l'OFDM/OM).

L'invention a également pour objectif de fournir de telles techniques, qui soient optimales, par rapport à des distorsions produites par un canal gaussien et/ou par des canaux non gaussiens qui ne se réduisent pas simplement à un bruit additif blanc et gaussien.

Encore un autre objectif de l'invention est de fournir de telles techniques, permettant d'obtenir des performances supérieures aux techniques connues, en terme de localisation de la transformée.

L'invention a également pour objectif de fournir des dispositifs de modulation et/ou de démodulation, et plus généralement de transmission et/ou de réception de signaux, qui soient aisés et peu coûteux à réaliser et à mettre en œuvre.

Ces objectifs, ainsi que d'autres qui apparaîtront par la suite, sont atteints selon l'invention à l'aide d'un procédé de transmission d'un signal multiporteuse biorthogonal BFDM/OM, mettant en œuvre une structure de transmultiplexeur assurant :

- une étape de modulation, à l'aide d'un banc de filtres de synthèse, présentant  $2M$  branches parallèles,  $M \geq 2$ , alimentées chacune par des données source, et comprenant chacune un expenseur d'ordre  $M$  et des moyens de filtrage ;
- une étape de démodulation, à l'aide d'un banc de filtres d'analyse, présentant  $2M$  branches parallèles, comprenant chacune un décimateur d'ordre  $M$  et des moyens de filtrage, et délivrant des données reçues représentatives desdites données source,

lesdits moyens de filtrage étant déduits d'une fonction de modulation prototype prédéterminée.

En d'autres termes, l'invention propose une réalisation nouvelle des systèmes de modulation BFDM/OM, basée sur une description nouvelle d'un système de modulation, sous la forme d'un transmultiplexeur, appelé par la suite transmultiplexeur modulé. Comme cela apparaîtra par la suite, cette technique présente de nombreux avantages, tant en termes de modes de réalisation que d'efficacité des traitements, et notamment de l'annulation de l'IES et de l'IEC.

On notera qu'une telle structure de transmultiplexeur modulé, permettant la transmission d'un signal multiporteuse modulé avec offset, se distingue fortement des structures de transmultiplexeurs de l'art antérieur. En effet, les schémas connus de transmultiplexeurs présentent des facteurs de décimation-expansion inférieurs ou égaux au nombre de sous-bandes mises en œuvre. L'approche de l'invention permet en revanche, par la mise en œuvre, sur chacune des branches des bancs de filtres, de moyens de filtrage déduits d'une fonction de modulation prototype prédéterminée, d'obtenir un nombre de sous-bandes supérieur (double) au facteur d'expansion et de décimation.

De plus, une telle structure de transmultiplexeur modulé selon l'invention présente l'avantage, par rapport aux transmultiplexeurs de l'art antérieur, de permettre un grand choix de filtres prototypes.

Préférentiellement, lesdits moyens de filtrage dudit banc de filtres de synthèse et/ou dudit banc de filtres d'analyse sont respectivement regroupés sous la forme d'une matrice polyphase.

Cela permet, sur un plan pratique, de simplifier la complexité opératoire du transmultiplexeur.

De façon avantageuse, au moins une desdites matrices polyphases comprend une transformée de Fourier inverse à  $2M$  entrées et  $2M$  sorties. Les inventeurs ont en effet montré que l'utilisation d'une telle transformée, pour laquelle des algorithmes sont disponibles (IFFT), permet de simplifier fortement la réalisation et la mise en œuvre de l'invention.

L'invention concerne également le procédé de modulation d'un signal transmis selon le procédé de transmission décrit ci-dessus. Un tel procédé de modulation met avantageusement en œuvre une transformée de Fourier inverse alimentée par  $2M$  données source ayant chacune subi un décalage de phase prédéterminée, et alimentant  $2M$  modules de filtrage, suivis chacun d'un expanseur d'ordre  $M$ , dont les sorties sont regroupées puis transmises.

L'algorithme de modulation peut alors délivrer des données  $s[k]$  telles que :

$$x_m^0(n) = a_{m,n} e^{j\frac{\pi}{2}n}$$

$$\begin{aligned} x_l^1(n) &= \sqrt{2} \sum_{k=0}^{2M-1} x_k^0(n) e^{-j\frac{2\pi}{2M}k\frac{D-M}{2}} e^{j\frac{2\pi}{2M}kl} \\ &= 2M\sqrt{2}\text{IFFT}\left(x_0^0(n), \dots, x_{2M-1}^0(n) e^{-j\frac{2\pi}{2M}(2M-1)\frac{D-M}{2}}\right)[l] \\ x_l^2(n) &= \sum_{k=0}^{m-1} p(l+2kM) x_k^1(n-2k) \end{aligned}$$

$$s[k] = \sum_{n=\lfloor \frac{k}{M} \rfloor - 1}^{\lfloor \frac{k}{M} \rfloor} x_{k-nM}^2(n)$$

où  $D = \alpha M - \beta$ ,

avec  $\alpha$  entier présentant le retard de reconstruction ;

$\beta$  entier compris entre 0 et M-1 ;  
 et  $\lfloor . \rfloor$  est la fonction "partie entière".

De la même façon, l'invention concerne le procédé de démodulation d'un signal transmis selon le procédé de transmission décrit précédemment. Ce procédé de démodulation met avantageusement en œuvre une transformée de Fourier inverse alimentée par 2M branches, elles-mêmes alimentées par ledit signal transmis, et comprenant chacune un décimateur d'ordre M suivi d'un module de filtrage, et alimentant 2M multiplieurs de décalage de phase, délivrant une estimation des données source.

Le procédé de démodulation peut ainsi, avantageusement, délivrer des données  $\hat{a}_{m,n-\alpha}$  telles que :

$$\hat{x}_l^{(2)}(n-\alpha) = s[nM - \beta - l]$$

$$\hat{x}_l^{(1)}(n-\alpha) = \sum_{k=0}^{m-1} p(l+2kM) \hat{x}_l^{(2)}(n-\alpha-2k)$$

$$\begin{aligned} \hat{x}_l^{(0)}(n-\alpha) &= \sqrt{2} e^{-j \frac{2\pi}{2M} l \frac{D+M}{2}} \sum_{k=0}^{2M-1} \hat{x}_l^{(1)}(n-\alpha) e^{j \frac{2\pi}{2M} kl} \\ &= 2M \sqrt{2} e^{-j \frac{2\pi}{2M} l \frac{D+M}{2}} \text{IFFT}(\hat{x}_l^{(1)}(n-\alpha), \dots, \hat{x}_{2M-1}^{(1)}(n-\alpha)) [l] \end{aligned}$$

$$\hat{a}_{m,n-\alpha} = \Re \left\{ e^{-j \frac{\pi}{2} (n-\alpha)} \hat{x}_l^{(0)}(n-\alpha) \right\}$$

De façon avantageuse, dans le procédé de modulation et/ou de démodulation lesdits modules de filtrage sont réalisés sous l'une des formes appartenant au groupe comprenant :

- les filtres à structure transverse ;
- les filtres à structure en échelle ; et
- les filtres à structure en treillis.

D'autres structures de filtres peuvent bien sûr être envisagées, et notamment les structures de filtres à réponse impulsionnelle infinie (RII).

Selon un mode de réalisation particulier, correspondant notamment à la structure en treillis, ledit signal multiporteuse biorthogonal est un signal OFDM/OM. Des solutions techniques particulières peuvent alors être envisagées.

5 L'invention concerne également, bien sûr, les dispositifs d'émission et/ou de réception d'un signal BFDM/OM, mettant en œuvre les procédés présentés ci-dessus.

10 D'autres caractéristiques et avantages de l'invention apparaîtront plus clairement à la lecture de modes de réalisation préférentiels, donnés à titre de simples exemples illustratifs et non limitatifs, et des dessins annexés parmi lesquels :

- la figure 1 illustre la structure générale d'un transmultiplexeur associé à la modulation BFDM/OM, selon l'invention ;
- la figure 2 présente, de façon simplifiée, une vue globale de la chaîne mettant en œuvre un transmultiplexeur tel qu'illustré en figure 1 ;
- la figure 3 est une représentation sous une forme polyphase du transmultiplexeur de la figure 1 ;
- la figure 4 illustre sur un cas élémentaire, l'insertion d'un opérateur de retard placé entre un expanseur et un décimateur, utilisé dans la mise en œuvre de la représentation polyphase de la figure 3 ;
- les figures 5 et 6 présentent respectivement un modulateur et un démodulateur BFDM/OM réalisés à l'aide d'une FFT inverse ;
- les figures 7 et 8 présentent des filtres à structure en échelle pouvant être utilisés à la place des filtres polyphases des figures 5 et 6, respectivement lorsque  $s$ , paramètre entier défini par la suite, est pair ou impair ;



- la figure 9 illustre une structure sous la forme de treillis pour les filtres polyphases des figures 5 et 6, dans le cas d'un signal OFDM/OM à filtres prototypes symétriques ;
- la figure 10 présente un treillis selon la figure 9, dans le cas normalisé ;
- les figures 11A et 11B d'une part et 12A et 12B d'autre part illustrent les réponses temporelle et fréquentielle obtenues dans deux modes de réalisations particuliers, correspondant aux tableaux de l'annexe D.

Comme indiqué précédemment, la technique de l'invention repose notamment sur une approche particulière de discrétisation, visant à obtenir directement une description du système de type transmultiplexeur modulé. Outre l'avantage d'un cadre de description plus général, cette approche offre de nombreuses possibilités d'exploitation des liens entre les bancs de filtres et les transmultiplexeurs, pour l'optimisation des structures de réalisation et du calcul des coefficients associés.

Après avoir présenté la structure générale de représentation des systèmes BFDM/OM sous la forme d'un modèle discret de type transmultiplexeur, on présente ci-après quatre modes de réalisation particuliers de l'invention correspondant respectivement à :

- deux modes de réalisation BFDM/OM qui, au modulateur et au démodulateur, utilisent tous deux un algorithme rapide de transformée de Fourier inverse (IFFT) et se distinguent par le type d'implantation des composantes polyphases du filtre prototype :
  - Mode 1 : Algorithme IFFT + filtrage polyphase transverse ;
  - Mode 2 : Algorithme IFFT + filtrage en échelle.
- deux modes de réalisation adaptés à l'OFDM/OM, déduits du BFDM/OM :
  - Mode 3 : variante du Mode 1 vérifiant l'orthogonalité discrète de l'OFDM/OM avec filtrage polyphase transverse et

possibilité de mise en œuvre de filtre prototype symétrique ou non ;

- Mode 4 : variante du mode 2 vérifiant l'orthogonalité discrète de l'OFDM/OM avec filtrage polyphase réalisé par une structure en treillis.

Des méthodes de design de filtres prototypes illustrant ces procédés de réalisation des modulations BFDM/OM et OFDM/OM sont également présentées.

Les résultats présentés illustrent notamment :

- les possibilités supplémentaires du BFDM/OM pour lequel le délai de transmission reste modulable pour une longueur de filtre prototype donnée. Ceci permet, par exemple à retard de transmission identique, d'améliorer les performances en terme de localisation temps-fréquence de la transformation associée au modulateur. Cela permet également de maintenir des performances élevées du point de vue de la sélectivité tout en réduisant le délai de transmission ;
- dans le cas de systèmes dits dos-à-dos, la possibilité avec les modes 2 et 4 d'annuler totalement l'interférence entre symboles (IES) et l'interférence entre canaux (IEC) et d'obtenir ainsi ce que l'on peut également appeler la reconstruction parfaite.

D'autres exemples non reportés ici, montrent également qu'il est possible d'obtenir, en biorthogonal, des performances en localisation comparables à celles de l'OFDM/OM, et ceci avec des filtres prototypes beaucoup plus courts.

Pour faciliter la lecture, on retient les notations suivantes : les ensembles, par exemple  $\mathbf{R}$  le corps réel, ainsi que les vecteurs et matrices, par exemple  $\mathbf{E}(z)$  et  $\mathbf{R}(z)$  les matrices polyphases, sont notés en caractère gras. Sinon l'ensemble des symboles mathématiques utilisés est noté en caractère standard avec, en général les fonctions du temps en minuscules et les fonctions des domaines transformés ( $z$  et Fourier) en majuscules.

### 1 – Formulation sous forme d'un transmultiplexeur modulé

A partir d'un filtre prototype causal  $p[k]$ , déduit de  $h(t)$  par translation et discrétisation, nous obtenons un schéma de réalisation qui est celui de la figure 1.

5 Dans ce schéma les filtres  $F_i(z)$  11 et  $H_i(z)$  12, avec  $0 \leq i \leq 2M - 1$ , se déduisent de  $p[k]$  (ou  $P(z)$ ) par modulation complexe.  $\alpha$  et  $\beta$ ,  $0 \leq \beta \leq M - 1$ , sont deux entiers qui se relient à un paramètre  $D$  de la modulation  $D = \alpha M - \beta$ . Les calculs permettant d'aboutir à ce schéma sont reportés en annexe B.

On peut noter également que les filtres prototypes peuvent être différents. Par la suite on se contentera d'étudier le cas particulier où  $q[k] = p[D - k]$ , sans  
10 que cela ne limite la portée de la demande de brevet.

La réalisation d'un schéma de modulation et de démodulation directement selon cette figure 1 serait extrêmement coûteuse, en termes de complexité opératoire. Selon l'approche de l'invention, on décompose donc les filtres prototypes  $P(z)$ , en fonction de ses composantes polyphases  $G_i(z)$ , ainsi  
15 que cela est présenté en annexe C.

Cette annexe C précise également la relation d'entrée-sortie, les conditions à respecter sur les composantes polyphases et le retard de construction.

### 2 – Exemples de réalisation

20 L'ensemble des modes de réalisation décrits par la suite est basé sur la mise en œuvre d'une transformée de Fourier discrète (TFD).

Cette technique présente bien entendu l'avantage que la TFD se traduit par des algorithmes de calcul rapides, intitulés selon leur sigle anglo-saxon FFT, ou IFFT pour la transformée inverse. (On notera que les équations référencées  
25 (1) à (54) se trouvent dans les annexes A à C).

On note :

$$W_i = \sqrt{2} \begin{pmatrix} 1 & & & 0 \\ e^{-j \frac{2\pi}{2M} \frac{D+M}{2}} & & & \\ & \ddots & & \\ 0 & & e^{-j \frac{2\pi}{2M} (2M-1) \frac{D+M}{2}} & \end{pmatrix} \quad (55)$$

$$W_2' = \sqrt{2} \begin{pmatrix} 1 & & & 0 \\ & e^{-j\frac{2\pi}{2M}\frac{D-M}{2}} & & \\ & & \ddots & \\ 0 & & & e^{-j\frac{2\pi}{2M}(2M-1)\frac{D-M}{2}} \end{pmatrix} \quad (56)$$

Et  $W$  la matrice de la transformée de Fourier discrète de taille  $2M \times 2M$  :

$$[W]_{k,l} = e^{-j\frac{2\pi}{2M}kl}, \quad 0 \leq l, k \leq 2M-1 \quad (57)$$

En utilisant les équations (35) à (38) (annexe C) on obtient :

$$R(z^2) = \begin{pmatrix} 0 & & G_{2M-1}(z^2) \\ & \ddots & \\ G_0(z^2) & & 0 \end{pmatrix} W^* W_2' \quad (58)$$

$$E(z^2) = W_1' W^* \begin{pmatrix} G_0(z^2) & & 0 \\ & \ddots & \\ 0 & & G_{2M-1}(z^2) \end{pmatrix} \quad (59)$$

On en déduit les schémas du modulateur de la figure 5 et du démodulateur de la figure 6, tous deux réalisés à l'aide d'une transformée de Fourier inverse IFFT 51, 61. Sur ces figures 5 et 6,  $s$  est un entier défini par  $D = 2.s.M + d$ ,  $d$  étant un entier compris entre 0 et  $2M-1$ ,

Les notations et données apparaissant sur les figures 5 et 6, de même que sur les autres figures, font bien sûr partie intégrante de la présente description.

Pour simplifier, mais sans perte de généralité, on suppose par la suite que le filtre prototype  $P(z)$  est de longueur  $2mM$  de sorte que toutes les composantes polyphases sont de même longueur  $m$ .

### 2.1 – Mode 1 : Algorithme IFFT et décomposition polyphase

En reprenant les notations des figures 5 et 6, on déduit les algorithmes de modulation et de démodulation suivants, déjà mentionnés plus haut :

### 2.1.1 Algorithme de modulation

$$x_m^0(n) = a_{m,n} e^{j\frac{\pi}{2}n} \quad (60)$$

$$x_l^1(n) = \sqrt{2} \sum_{k=0}^{2M-1} x_k^0(n) e^{-j\frac{2\pi}{2M}k\frac{D-M}{2}} e^{j\frac{2\pi}{2M}kl} \quad (61)$$

$$= 2M\sqrt{2}\text{IFFT}\left(x_0^0(n), \dots, x_{2M-1}^0(n) e^{-j\frac{2\pi}{2M}(2M-1)\frac{D-M}{2}}\right)[l] \quad (62)$$

$$x_l^2(n) = \sum_{k=0}^{m-1} p(l+2kM) x_k^1(n-2k) \quad (63)$$

$$s[k] = \sum_{n=\lfloor \frac{k}{M} \rfloor - 1}^{\lfloor \frac{k}{M} \rfloor} x_{k-nM}^2(n) \quad (64)$$

### 2.1.2 Algorithme de démodulation

$$\hat{x}_l^2(n-\alpha) = s[nM - \beta - l] \quad (65)$$

$$\hat{x}_l^1(n-\alpha) = \sum_{k=0}^{m-1} p(l+2kM) \hat{x}_k^2(n-\alpha-2k) \quad (66)$$

$$\hat{x}_l^0(n-\alpha) = \sqrt{2} e^{-j\frac{2\pi}{2M}l\frac{D+M}{2}} \sum_{k=0}^{2M-1} \hat{x}_k^1(n-\alpha) e^{j\frac{2\pi}{2M}kl} \quad (67)$$

$$= 2M\sqrt{2} e^{-j\frac{2\pi}{2M}l\frac{D+M}{2}} \text{IFFT}\left(\hat{x}_l^1(n-\alpha), \dots, \hat{x}_{2M-1}^1(n-\alpha)\right)[l] \quad (68)$$

$$\hat{a}_{m,n-\alpha} = \Re\left\{e^{-j\frac{\pi}{2}(n-\alpha)} \hat{x}_l^0(n-\alpha)\right\} \quad (69)$$

### 2.2- Mode 2 : IFFT et structure en échelle

Les schémas en échelle constituent un moyen d'implantation proposé récemment pour la réalisation des bancs de filtres. Les inventeurs ont validé mathématiquement leur application à la BFDM/OM, décrite ci-après.

On a vu qu'on peut écrire une modulation BFDN/OM sous la forme d'un transmultiplexeur utilisant deux FFT inverses (figures 5 et 6), dans lequel apparaissent explicitement les composantes polyphases du prototype utilisé. Chaque filtre polyphase peut alors s'écrire sous la forme d'une échelle. Selon que  $s$  est pair ou impair, on peut remplacer les filtres  $G_i(z)$  des figures 5 et 6 par les schémas donnés par les figures 7 et 8.

Pour aboutir à de tels schémas, une décomposition matricielle des composantes polyphases est mise en œuvre, qui s'appuie sur des matrices  $2 \times 2$  dont le nombre et la nature se déterminent en fonction de la longueur du prototype et du délai de reconstruction souhaités.

Par exemple, pour générer la paire de composantes polyphases  $[G_i(z), G_{M+i}(z)]$  nous procédons en deux étapes :

- l'initialisation est réalisée par un couple  $(F_0, F_1)$ .  $F_0$  correspond à un produit de trois matrices auquel vont correspondre les trois premiers éléments des schémas du haut aux figures 7 et 8. La forme exacte de  $F_1$  dépend de la parité du paramètre  $s$ . C'est la matrice identité pour  $s$  pair (cf. schéma du haut à la figure 7) ou c'est un produit de deux matrices  $C_0$  et  $B_0$  pour  $s$  impair, auquel vont correspondre les deux éléments suivants dans le schéma du haut à la figure 8. On obtient ainsi un prototype de longueur  $2M$  ( $s = 0$ ) ou  $4M$  ( $s = 1$ ).
- Pour augmenter la longueur de  $P(z)$ , sans ou avec accroissement de délai, on applique ensuite un jeu de matrices qui sera respectivement soit  $(A, B)$ , soit  $(C, D)$ . On obtient ainsi la suite du schéma de réalisation.

Le même principe s'applique aux composantes polyphases  $[G_{d-i}(z), G_{d-M-i}(z)]$ , en prenant cette fois les inverses des matrices précédentes.

Un intérêt de cette structure est qu'elle garantit une reconstruction parfaite, même en présence d'erreur sur les coefficients calculés, en particulier des erreurs de quantification.

Par ailleurs, cette structure facilite aussi l'optimisation du filtre prototype, par exemple en prenant un critère de localisation ou de sélectivité en fréquence : il suffit d'optimiser  $\left(\left\lfloor \frac{M-1}{2} \right\rfloor + 1\right)(2m+1) \approx mM$  coefficients au lieu de  $2mM$ , sans introduire de contrainte de reconstruction parfaite.

### 5 3 – Complexité des différentes réalisations

Pour effectuer une comparaison des différents modes de réalisation proposés, on se place dans le cas commun où  $N = 2mM$ . Dans ce cas, chaque composante polyphase a une longueur égale à  $m$ .

10 Chaque composante polyphase peut être réalisée sous forme transverse, sous la forme d'une échelle ou, dans le cas orthogonal, sous celle d'un treillis. Même si les échelles et les treillis possèdent deux sorties, une seule est exploitable.

Sur chaque sous-bande, on effectue au niveau du modulateur :

- 15 - une pré-modulation (un décalage de phase, c'est-à-dire une multiplication complexe) ;
- une transformée de Fourier inverse ;
- un filtrage polyphase.

Au démodulateur, on effectue les mêmes opérations dans le sens inverse.

20 On peut donc en déduire la complexité du transmultiplexeur complet avec pré-modulation, en terme d'opérations complexes (tableau 1) ou réelles (tableau 2).

	Additions complexes	Multiplications complexes
Réalisation transverse	$2m - 2 + 2 \log_2 2M$	$2m + 2 + \log_2 2M$
Réalisation en échelles	$4m + 2 + 2 \log_2 2M$	$4m + 2 + \log_2 2M$
Réalisation en treillis (normalisé)	$4m - 4 + 2 \log_2 2M$	$4m + 2 + \log_2 2M$

TABEAU 1 – Nombre d'opérations complexes par sous-bande et par échantillon pour le transmultiplexeur complet.

	Additions réelles	Multiplications réelles
Réalisation transverse	$2m + 3 \log_2 2M$	$2m + 4 + 2 \log_2 2M$
Réalisation en échelles	$4m + 4 + 3 \log_2 2M$	$4m + 6 + 2 \log_2 2M$
Réalisation en treillis (normalisé)	$4m + 3 \log_2 2M$	$4m + 4 + 2 \log_2 2M$

TABLEAU 2 – Nombre d'opérations réelles par sous-bande et par échantillon pour le modulateur (ou le démodulateur).

5 Le gain apporté par rapport à une réalisation directe du schéma de la figure 1 est donc net, puisque celle-ci nécessiterait  $2mM - 1$  additions complexes et  $2mM + 1$  multiplications complexes par sous-bande et par échantillon, au modulateur comme au démodulateur.

10 En termes de cases mémoire, il faut stocker  $4M$  valeurs complexes pour réaliser la pré-modulation ainsi que les coefficients des différentes structures. Lorsqu'on a les mêmes filtres à l'émission et à la réception, on obtient la première colonne du tableau 3. Par ailleurs, il faut dans tous les cas stocker  $4(m + 1)M$  valeurs complexes dans un "buffer" pour le filtrage polyphase au modulateur comme au démodulateur.

	ROM	RAM
Réalisation transverse	$2(m + 1)M + 2$	$4(m + 3)M$
Réalisation en échelles	$(2m + 1) \left[ \frac{M - 1}{2} + 2M + 2 \right]$	$4(m + 3)M$
Filtre transverse symétrique	$(m + 2)M + 2$	$4(m + 3)M$
Réalisation en treillis (normalisé)	$m \left[ \frac{M}{2} \right] + 2M + 2$	$4(m + 3)M$

15 TABLEAU 3 – Cases mémoire réelles pour le modulateur (ou le démodulateur) complet.



Les différentes techniques proposées se caractérisent notamment par le fait que, pour un système modulateur-démodulateur mis "dos-à-dos", leurs IES et IEC sont exactement nulles. En pratique, du fait de l'imprécision du calcul numérique, elles sont généralement de l'ordre de  $10^{-14}$ .

Dans le cas des modes 2 et 4, cette caractéristique de reconstruction parfaite est assurée structurellement, c'est-à-dire qu'elle est maintenue après quantification des coefficients échelles pour le BFDm/OM ou treillis pour l'OFDM/OM.

Deux critères peuvent être pris en compte pour le design des filtres prototypes : la localisation et la sélectivité. On peut également tenir compte d'autres aspects, tels que les distorsions de canal représentatives de différents canaux de transmission, par exemple du type radio-mobile.

A titre d'exemples purement indicatifs, les tableaux 4 et 5 de l'annexe D donnent des réalisations particulières de l'invention, dont les résultats sont illustrés par les figures 11A, 11B, 12A et 12B.

Les figures 11A et 11B présentent respectivement la réponse temporelle et la réponse fréquentielle pour un prototype biorthogonal avec  $M = 4$ ,  $N = 32$ ,  $\alpha = 8$ ,  $\xi = 0,9799$  (localisation),  $\xi_{\text{mod}} = 0,9851$  (localisation modifiée, selon le critère de Doroslovacki). Elles correspondent à la première colonne du tableau 4 (coefficients transverses) et au tableau 5 (coefficients des échelles).

Les figures 12A et 11B présentent respectivement la réponse temporelle et la réponse fréquentielle pour un prototype biorthogonal avec  $M = 4$ ,  $N = 32$ ,  $\alpha = 2$ ,  $\xi = 0,9634$  (localisation),  $\xi_{\text{mod}} = 0,9776$  (localisation modifiée, selon la mesure de Doroslovacki). Elles correspondent à la seconde colonne du tableau 4.

17  
Annexe A

## Modulation multiporteuse de type BFDM/OQAM

5 Dans cette annexe, en guise d'introduction aux modulations BFDM/OQAM, nous rappelons quelques définitions essentielles sur la biorthogonalité ([16], [17], [18]).

Soit  $\mathbf{E}$  un espace vectoriel sur un corps  $\mathbf{K}$ , les définitions et propriétés que nous allons utiliser pour générer une modulation BFDM/OQAM peuvent se résumer ainsi :

10 **Définition A.1** Soient  $(x_i)_{i \in \mathbf{I}}$  et  $(\tilde{x}_i)_{i \in \mathbf{I}}$  deux familles de vecteurs de  $\mathbf{E}$ .  $(x_i)_{i \in \mathbf{I}}$ ,  $(\tilde{x}_i)_{i \in \mathbf{I}}$  sont biorthogonales  
si et seulement si:  $\forall (i, j) \in \mathbf{I}^2, \langle x_i, \tilde{x}_j \rangle = \delta_{i,j}$

**Définition A.2** Soient  $(x_i)_{i \in \mathbf{I}}$  et  $(\tilde{x}_i)_{i \in \mathbf{I}}$  deux familles de vecteurs de  $\mathbf{E}$ .  $(x_i)_{i \in \mathbf{I}}$ ,  $(\tilde{x}_i)_{i \in \mathbf{I}}$  forment un couple de bases biorthogonales de  $\mathbf{E}$  si et seulement si:

- $(x_i)_{i \in \mathbf{I}}$  et  $(\tilde{x}_i)_{i \in \mathbf{I}}$  forment deux bases de  $\mathbf{E}$
- $(x_i)_{i \in \mathbf{I}}$  et  $(\tilde{x}_i)_{i \in \mathbf{I}}$  sont deux familles biorthogonales

**Propriété A.1** Soit  $((x_i)_{i \in \mathbf{I}}, (\tilde{x}_i)_{i \in \mathbf{I}})$  un couple de bases biorthogonales de  $\mathbf{E}$ , alors  $\forall x \in \mathbf{E}$ :

- $x = \sum_{i \in \mathbf{I}} \langle x_i, x \rangle \tilde{x}_i = \sum_{i \in \mathbf{I}} \langle \tilde{x}_i, x \rangle x_i$
- si  $x = \sum_{i \in \mathbf{I}} \alpha_i x_i$ , alors  $\alpha_i = \langle \tilde{x}_i, x \rangle$
- si  $x = \sum_{i \in \mathbf{I}} \tilde{\alpha}_i \tilde{x}_i$ , alors  $\tilde{\alpha}_i = \langle x_i, x \rangle$
- $\|x\|^2 = \sum_{i \in \mathbf{I}} \langle x_i, x \rangle^* \langle \tilde{x}_i, x \rangle$

Un signal complexe modulé en fréquence sur  $2M$  sous-porteuses peut s'écrire

$$25 \quad s(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{m=0}^{2M-1} a_{m,n} h(t - n\tau_0) e^{2j\pi(f_0 + m\nu_0)t} e^{j\varphi_{m,n}} \quad (1)$$

avec :

- $a_{m,n} \in \mathbf{R}$ ;
- $h$  un filtre prototype réel, de largeur de bande  $\nu_0$  et de support fini:  
 $h(t) \in [-T_1, T_2]$  avec  $T_1$  et  $T_2$  des réels;

- $f_0 = 0$ ;
- $\nu_0 \tau_0 = \frac{1}{2}$ .

5 Pour obtenir une modulation biorthogonale on cherche à écrire  $s(t)$  à l'aide d'un couple  $(\chi_{m,n}, \tilde{\chi}_{m,n})$  de bases biorthogonales :

$$s(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{m=0}^{2M-1} a_{m,n} \chi_{m,n}(t) \quad (2)$$

avec:

$$10 \quad a_{m,n} = \Re \left\{ \int_{-\infty}^{+\infty} s(t) \tilde{\chi}_{m,n}^*(t) dt \right\} = \langle s, \tilde{\chi}_{m,n} \rangle \quad (3)$$

La dérivation des expressions des bases discrètes associées est présentée en annexe 2.

Après translation de  $T_1$  et discrétisation à la période  $T_e = \frac{\tau_0}{M} = \frac{1}{2M\nu_0}$ , il est également possible, cf. annexe 2, de définir un couple de bases biorthogonales discrètes  $(\chi_{m,n}[k], \tilde{\chi}_{m,n}[k])$  tel que

$$15 \quad s[k] = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{m=0}^{2M-1} a_{m,n} \chi_{m,n}[k] \quad (4)$$

$$a_{m,n} = \Re \left\{ \sum_k s[k] \tilde{\chi}_{m,n}^*[k] \right\} = \langle s, \tilde{\chi}_{m,n} \rangle \quad (5)$$

20 avec:

$$\chi_{m,n}[k] = (-1)^{mn} \sqrt{2} p[k - nM] e^{j \frac{2\pi}{2M} m(k - nM - \frac{D-M}{2})} \quad (6)$$

$$\tilde{\chi}_{m,n}[k] = (-1)^{mn} \sqrt{2} q[k - nM] e^{j \frac{2\pi}{2M} m(k - nM - \frac{D-M}{2})} \quad (7)$$

25

30

## Annexe B

## Le transmultiplexeur BFDm/OQAM

## B.1 Cas général biorthogonal

5 On pose  $N$  la longueur du filtre prototype  $p[k]$ , de telle sorte que:

$$2T = T_1 + T_2 = (N - 1)T_e \quad (8)$$

et  $T_1 = 2\lambda T$ ,  $T_2 = 2(1 - \lambda)T$  avec  $\lambda \in [0, 1]$ . Alors:

$$\begin{aligned} s[k] &= \sqrt{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{m=0}^{2M-1} a_{m,n} (-1)^{mn} p[k - nM] \\ &\quad \times e^{j \frac{2\pi}{2M} m(k-nM)} e^{j(\varphi_{m,n} - \frac{2\pi}{2M} m\lambda(N-1))} \quad (9) \\ &= \sqrt{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{m=0}^{2M-1} a_{m,n} (-1)^{mn} p[k - nM] \\ &\quad \times e^{j \frac{2\pi}{2M} m(k-nM - \frac{D-M}{2})} e^{j(\varphi_{m,n} + \frac{2\pi}{2M} m(\frac{D-M}{2} - \lambda(N-1)))} \quad (10) \end{aligned}$$

15 avec  $D$  un paramètre fixé arbitrairement et qui, comme on le verra, permet de gérer le retard de reconstruction. Au vu de l'équation (10), on pose maintenant:

$$\varphi_{m,n} = n \frac{\pi}{2} - \frac{2\pi}{2M} \left( \frac{D-M}{2} - \lambda(N-1) \right) \quad (11)$$

$$x_m(n) = (-1)^{mn} e^{j \frac{\pi}{2} n} a_{m,n} \quad (12)$$

$$f_m(k) = \sqrt{2} p[k] e^{j \frac{2\pi}{2M} m(k - \frac{D-M}{2})} \quad (13)$$

20

de sorte que:

$$s[k] = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{m=0}^{2M-1} x_m(n) f_m(k - nM) \quad (14)$$

Par ailleurs, la base duale de démodulation s'écrit:

$$\tilde{\chi}_{m,n}[k] = (-1)^{mn} \sqrt{2} q[k - nM] e^{j \frac{2\pi}{2M} m(k - nM - \frac{D-M}{2})} e^{j \frac{\pi}{2} n} \quad (15)$$

25

et:

$$\hat{a}_{m,n} = \Re \left\{ (-1)^{mn} \sqrt{2} \sum_k s[k] q[k - nM] \times e^{-j \frac{2\pi}{2M} m (k - nM - \frac{D-M}{2})} e^{-j \frac{\pi}{2} n} \right\} \quad (16)$$

$$= \Re \left\{ (-1)^{mn} \sqrt{2} \sum_k s[D + nM - k] q[D - k] \times e^{-j \frac{2\pi}{2M} m (D - k - \frac{D+M}{2})} e^{-j \frac{\pi}{2} n} \right\} \quad (17)$$

$$= \Re \left\{ (-1)^{mn} \sqrt{2} \sum_k s[D + nM - k] q[D - k] \times e^{j \frac{2\pi}{2M} m (k - \frac{D+M}{2})} e^{-j \frac{\pi}{2} n} \right\} \quad (18)$$

ce qui nous amène à poser:

$$h_m(k) = \sqrt{2} q[D - k] e^{j \frac{2\pi}{2M} m (k - \frac{D+M}{2})} \quad (19)$$

et

$$D = \alpha M - \beta \quad \text{avec } \alpha \text{ et } \beta \text{ entiers et } 0 \leq \beta \leq M - 1 \quad (20)$$

de sorte que:

$$\hat{a}_{m,n-\alpha} = \Re \left\{ (-1)^{m(n-\alpha)} e^{-j \frac{\pi}{2} (n-\alpha)} \sum_k s[nM - k - \beta] h_m(k) \right\} \quad (21)$$

Le facteur  $(-1)^{mn}$  apparaît aussi bien au modulateur qu'au modulateur si bien qu'on peut le supprimer sans rien changer, et on aboutit alors au schéma du transmultiplexeur de la figure 1.

## B.2 Cas particulier orthogonal

Dans le cas orthogonal, on a  $D = N - 1$  et  $q[k] = p[k]$ , d'où:

$$f_m(k) = \sqrt{2} p[k] e^{j \frac{2\pi}{2M} m (k - \frac{N-1}{2})} e^{j \frac{\pi}{2} m} \quad (22)$$

$$h_m(k) = \sqrt{2} p[N - 1 - k] e^{j \frac{2\pi}{2M} m (k - \frac{N-1}{2})} e^{-j \frac{\pi}{2} m} \quad (23)$$

Dans le cas où  $q[k] = p[D - k]$  on a alors  $p[k] = p[N - 1 - k]$ : le prototype est symétrique. Mais contrairement à ce qu'on peut souvent lire de manière implicite ou explicite ([4], [6], [7], [9]), la symétrie du prototype n'est absolument

pas nécessaire. On pourra pour s'en convaincre prendre l'un des prototype suivants et vérifier numériquement (une vérification directe est assez fastidieuse) qu'il permet la reconstruction parfaite pour  $M = 4$  dans le cas orthogonal (on a alors  $N - 1 = D = 7$ ,  $\alpha = 2$  et  $\beta = 1$ ):

$$5 \quad P(z) = \frac{1}{4} (1 + z^{-1} + z^{-2} + z^{-3} - z^{-4} - z^{-4} - z^{-5} - z^{-6} - z^{-7}) \quad (24)$$

$$P(z) = \frac{1}{4} (1 + z^{-1} - z^{-2} + z^{-3} + z^{-4} + z^{-4} + z^{-5} - z^{-6} + z^{-7}) \quad (25)$$

On peut même vérifier que tout prototype  $P(z) = \sum_{n=0}^7 p(n)z^{-n}$  vérifiant (26) à (31) assure aussi la reconstruction parfaite pour  $M = 4$  dans le cas orthogonal:

$$10 \quad c_0 = \pm 1 \quad , \quad c_1 = \pm 1 \quad (26)$$

$$\varepsilon_0 = \pm 1 \quad , \quad \varepsilon_1 = \pm 1 \quad (27)$$

$$|p(0)| \leq \frac{\sqrt{2}}{4} \quad , \quad |p(1)| \leq \frac{\sqrt{2}}{4} \quad (28)$$

$$p(2) = \varepsilon_1 \sqrt{\frac{1}{8} - p(1)^2} \quad , \quad p(3) = \varepsilon_0 \sqrt{\frac{1}{8} - p(0)^2} \quad (29)$$

$$15 \quad p(4) = c_0 \varepsilon_0 \sqrt{\frac{1}{8} - p(0)^2} \quad , \quad p(5) = c_1 \varepsilon_1 \sqrt{\frac{1}{8} - p(1)^2} \quad (30)$$

$$p(6) = c_1 \varepsilon_1 p(1) \quad , \quad p(7) = c_0 \varepsilon_0 p(0) \quad (31)$$

20

25

30

## Annexe C

### La condition de biorthogonalité

#### C.1 Approche polyphase

5 La réalisation d'un schéma de modulation et démodulation selon la figure 1 serait extrêmement coûteux en termes de complexité opératoire. La décomposition du prototype  $P(z)$  en fonction de ses composantes polyphases  $G_l(z)$ , telle que

$$P(z) = \sum_{l=0}^{2M-1} z^{-l} G_l(z^{2M}) \quad (32)$$

10 permet d'exprimer ensuite les bancs d'analyse et de synthèse sous la forme

$$H_m(z) = \sqrt{2} \sum_{l=0}^{2M-1} e^{\frac{j\pi}{M} m(l - \frac{D-M}{2})} z^{-l} G_l(z^{2M}) \quad (33)$$

$$F_m(z) = \sqrt{2} \sum_{l=0}^{2M-1} e^{\frac{j\pi}{M} m(l - \frac{D-M}{2})} z^{-l} G_l(z^{2M}) \quad (34)$$

15 On en déduit ainsi l'expression des matrices polyphases  $\mathbf{R}(z)$  et  $\mathbf{E}(z)$  des bancs de filtres du modulateur et démodulateur :

$$\mathbf{E}(z^2) = \mathbf{W}_1 \begin{pmatrix} G_0(z^2) & & 0 \\ & \ddots & \\ 0 & & G_{2M-1}(z^2) \end{pmatrix} \quad (35)$$

$$\begin{aligned} 20 \quad \mathbf{R}(z^2) &= \mathbf{J} \left[ \mathbf{W}_2 \begin{pmatrix} G_0(z^2) & & 0 \\ & \ddots & \\ 0 & & G_{2M-1}(z^2) \end{pmatrix} \right]^T \\ &= \begin{pmatrix} 0 & & G_{2M-1}(z^2) \\ & \ddots & \\ G_0(z^2) & & 0 \end{pmatrix} \mathbf{W}_2^T \end{aligned} \quad (36)$$

25 où  $\mathbf{J}$ ,  $\mathbf{W}_1$  et  $\mathbf{W}_2$  sont définis ci-dessous :

$$\mathbf{J} = \begin{pmatrix} 0 & & 1 \\ & \ddots & \\ 1 & & 0 \end{pmatrix}$$

$$[\mathbf{W}_1]_{k,l} = \sqrt{2} e^{\frac{j\pi}{M} k(l - \frac{D+M}{2})} \quad (37)$$

$$30 \quad [\mathbf{W}_2]_{k,l} = \sqrt{2} e^{\frac{j\pi}{M} k(l - \frac{D-M}{2})} \quad (38)$$

De manière à isoler la fonction transmultiplexeur nous introduisons la notation qui suit, où par commodité d'écriture, on ne prendra plus  $x_m(n) = j^n a_{m,n}$ , mais  $x_m(n) = a_{m,n}$ , de manière à avoir:

$$5 \quad \begin{cases} x_m(n) &= a_{m,n} \\ \Re(\hat{x}'_m(n)) &= \hat{x}_m(n) = \hat{a}_{m,n} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} X_m(-jz) &\xleftrightarrow{TZ} j^n a_{m,n} \\ \hat{X}'_m(-jz) &\xleftrightarrow{TZ} j^n \hat{x}'_m(n) \end{cases} \quad (39)$$

$x_m(n)$  représente les symboles réels à émettre et  $\hat{x}'_m(n)$  les symboles complexes reçus avant extraction de la partie réelle. La figure 2 donne une vue globale de la chaîne.

10 Les matrices polyphases  $\mathbf{E}(z^2)$  et  $\mathbf{R}(z^2)$  permettent d'obtenir une représentation sous forme polyphase du transmultiplexeur (figure 3). Il reste alors à prendre la partie réelle des échantillons de sortie  $\hat{x}'_m(n - \alpha)$  pour reconstituer l'entrée avec un retard de  $\alpha$  échantillons.

## C.2 Relation d'entrée-sortie

15 Nous notons  $\mathbf{X}(z)$  le vecteur représentant, dans le domaine transformé en  $z$ , les données émises. À la réception, après démodulation, nous notons par  $\hat{\mathbf{X}}'(-jz)$  le vecteur des transformées en  $z$  associé aux données reçues. L'extraction de la partie réelle fournit ensuite le vecteur  $\hat{\mathbf{X}}(z)$ . Notre but est alors :

- de déterminer la relation entrée-sortie, c'est-à-dire la relation entre  $\mathbf{X}(z)$  et  $\hat{\mathbf{X}}(z)$ ;
- 20 - de déterminer les conditions sur les composantes polyphases  $G_l(z)$  de  $P(z)$  permettant de garantir l'égalité  $\hat{\mathbf{X}}(z) = \mathbf{X}(z)$ ;
- d'en déduire le retard de construction  $\alpha$ .

25 Les 3 principaux éléments de ce schéma permettant de déterminer la relation entrée-sortie sont les 2 matrices polyphases  $\mathbf{E}(z)$  et  $\mathbf{R}(z)$  ainsi que la matrice de transfert  $\Delta_\beta(z)$ , liée aux expanseurs, délais et décimateurs. Pour déterminer cette dernière on peut se baser sur le cas élémentaire représenté à la figure 4 pour lequel la fonction de transfert est donnée par

$$V(z) = \begin{cases} 0 & \text{si } K \text{ n'est pas multiple de } M, \\ z^{-\frac{K}{M}} U(z) & \text{si } K \text{ est multiple de } M \end{cases} \quad (40)$$

De la figure 3 il vient ensuite :

$$\begin{aligned} z^{-\alpha} \hat{\mathbf{X}}'(-jz) &= \mathbf{E}(z^2) \Delta_\beta(z) \mathbf{R}(z^2) \mathbf{X}(-jz) \\ (jz)^{-\alpha} \hat{\mathbf{X}}'(z) &= \mathbf{E}(-z^2) \Delta_\beta(jz) \mathbf{R}(-z^2) \mathbf{X}(z) \\ \hat{\mathbf{X}}'(z) &= j^\alpha z^\alpha \mathbf{W}_1 \mathbf{G}(jz) \mathbf{W}_2^T \mathbf{X}(z) \end{aligned} \quad (41)$$



où la matrice  $G(z)$  est définie ci-dessous :

$$5 \quad G(z) = \begin{pmatrix} G_0(z^2) & & 0 \\ & \ddots & \\ 0 & & G_{2M-1}(z^2) \end{pmatrix} \Delta_\beta(z) \begin{pmatrix} 0 & & G_{2M-1}(z^2) \\ & \ddots & \\ G_0(z^2) & & 0 \end{pmatrix} \quad (42)$$

On a alors:

$$\hat{X}(z) = Q(z)X(z) \quad (43)$$

10 avec:

$$Q(z) = \Re \{ (jz)^\alpha W_1 G(jz) W_2^T \} \quad (44)$$

Après calcul, on obtient:

$$15 \quad Q(z) = \begin{pmatrix} Q_0(z) & 0 & Q_1(z) & \cdots & Q_{M-1}(z) & 0 \\ 0 & Q_0(z) & 0 & Q_1(z) & & Q_{M-1}(z) \\ Q_1(z) & 0 & Q_0(z) & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & Q_1(z) & \ddots & \ddots & 0 & Q_1(z) \\ Q_{M-1}(z) & & \ddots & 0 & Q_0(z) & 0 \\ 0 & Q_{M-1}(z) & \cdots & Q_1(z) & 0 & Q_0(z) \end{pmatrix} \quad (45)$$

avec:

$$20 \quad Q_\xi(z) = 2(-1)^\xi \sum_{l=0}^{M-1} U_l(-z^2) \cos \left[ \frac{2\pi}{M} \xi \left( l - \frac{d}{2} \right) \right] \quad (46)$$

La signification de  $d$  est précisée plus loin. L'expression exacte de  $U_l(-z^2)$  dépend d'ailleurs de ce paramètre  $d$  (entier positif ou nul), on peut alors démontrer qu'on a reconstruction parfaite si et seulement si:

25 - si  $0 \leq d \leq M-1$ :

- si  $0 \leq l \leq d$ :

$$G_l(z) G_{d-l}(z) + z^{-1} G_{M+l}(z) G_{M+d-l}(z) = \frac{z^{-s}}{2M} \quad (47)$$

30 - si  $d+1 \leq l \leq M-1$ :

$$G_l(z) G_{2M+d-l}(z) + G_{M+l}(z) G_{M+d-l}(z) = \frac{z^{-(s-1)}}{2M} \quad (48)$$

– si  $M \leq d \leq 2M - 1$ :

– si  $0 \leq l \leq d - M$ :

$$G_l(z) G_{d-l}(z) + G_{M+l}(z) G_{d-M-l}(z) = \frac{z^{-s}}{2M} \quad (49)$$

5

– si  $d + 1 - M \leq l \leq M - 1$ :

$$G_l(z) G_{d-l}(z) + z^{-1} G_{M+l}(z) G_{M+d-l}(z) = \frac{z^{-s}}{2M} \quad (50)$$

avec  $d$  et  $s$  les entiers définis par  $D = 2sM + d$ ,  $s \geq 0$  et  $0 \leq d \leq 2M - 1$ . Le retard de reconstruction  $\alpha$  est lié au paramètre  $s$  par les relations:

10

$$\alpha = \begin{cases} 2s & \text{si } d = 0 \\ 2s + 1 & \text{si } d \in \{1, \dots, M\} \\ 2(s + 1) & \text{si } d \in \{M + 1, \dots, 2M - 1\} \end{cases} \quad (51)$$

De ce résultat on peut déduire le cas particulier orthogonal pour lequel  $D = N - 1$ , avec  $N$  la longueur du filtre prototype paraunitaire, c'est-à-dire symétrique ici (on dit que  $P(z)$  est paraunitaire si  $P(z) = z^{-(N-1)} \tilde{P}(z)$  avec  $\tilde{P}(z) = P^*(z^{-1})$ ). On peut en effet vérifier que:

15

$$G_{d-l}(z) = z^{-s} \tilde{G}_l(z) \quad \text{si } 0 \leq l \leq d \quad (52)$$

$$G_{2M+d-l}(z) = z^{-(s-1)} \tilde{G}_l(z) \quad \text{si } d + 1 \leq l \leq 2M - 1 \quad (53)$$

Ainsi, dans le cas particulier orthogonal, on a reconstruction parfaite, avec un retard  $\alpha = \frac{N-1+\theta}{M}$ , si et seulement si:

20

$$G_l(z) \tilde{G}_l(z) + G_{l+M}(z) \tilde{G}_{M+l}(z) = \frac{1}{2M} \quad 0 \leq l \leq M - 1 \quad (54)$$

25

30

## Annexe D

## E Coefficients des filtres prototypes obtenus par optimisation

n	exemple figures 11A, 11B		exemple figures 12A, 12B	
0	-4.460868105953324e-05		5.014949968230972e-02	
1	-8.827693704913472e-05		1.455583816489019e-01	
2	1.816721975145588e-04		2.500737066757044e-01	
3	2.302861759368111e-04		3.228805982747062e-01	
4	-1.172447599636272e-03		3.661515202615520e-01	
5	-1.827055790732281e-03		3.515099229023638e-01	
6	-3.760044826875730e-03		2.548572622632939e-01	
7	-6.052599354959620e-03		1.351315191913547e-01	
8	-6.541334278009250e-03		5.168757567424829e-02	
9	-2.320957844665448e-03		1.125177964848224e-02	
10	1.063973252261601e-02		-4.802381010162210e-03	
11	4.151536856291601e-02		-1.106221296463278e-02	
12	1.043838059706333e-01		-8.872655589434630e-03	
13	2.005189128209921e-01		-3.753426678003194e-03	
14	2.913131449163113e-01		-1.654867643757010e-03	
15	3.352627462532674e-01		-1.383187971152199e-03	
16	3.351172696026857e-01		-3.813932123570836e-04	
17	2.909415993397522e-01		5.624569918905843e-06	
18	2.000454638421703e-01		-2.475635347949224e-06	
19	1.039959799288574e-01		4.952234305253537e-05	
20	4.124129545474275e-02		2.048787314180216e-05	
21	1.040407270162191e-02		1.004915628115845e-07	
22	-2.440939909195805e-03		4.423431446835775e-08	
23	-6.649467765409867e-03		2.649149072234273e-06	
24	-5.878063999471562e-03		1.785190585201287e-08	
25	-2.983359331348727e-03		6.863128678632993e-12	
26	-2.475652683945518e-03		-3.021006714034441e-12	
27	-8.249232623623326e-04		-2.308376067571482e-09	
28	-8.891453128240245e-05		6.598349790230041e-12	
29	-4.464223698699074e-04		-5.789492272166598e-16	
30	3.704504269829711e-04		-2.548414264695020e-16	
31	1.247820119405080e-05		8.532126971482393e-13	

TAB. 4 - Prototypes biorthogonaux avec  $M = 4$  et  $N = 32$  (coefficients transverses).

	l=0	l=1
$f_{0,0}$	2.820843813510179e-01	1.299280891559943e-01
$f_{0,1}$	-5.673498928902276e-01	-3.310904763283146e-01
$f_{0,2}$	3.721645241266496e-01	-3.738170157940610e-02
$c_0^0$	-1.167480680205269e-01	-2.847704852297620e-02
$b_0^0$	1.064716331427927e-01	-1.181506919769764e-01
$a_0^1$	-1.596131503239696e-01	9.127789670781582e-02
$b_0^1$	-2.626782049187459e+01	-2.054722686392923e+01
$c_0^1$	-1.614447045462511e-04	-3.551599154933042e-04
$d_0^1$	2.628294699122717e+01	2.069686434312222e+01

TAB. 5 - Prototype biorthogonal (coefficients des échelles) avec  $M = 4$ ,  
 $N = 32$  et  $\alpha = 8$  (cf. fig. 11A, 11B).

## Annexe E

### Références

- [1] D. Pommier and Yi. Wu. Interleaving of spectrum-spreading in digital radio intended for vehicles. *EBU Rev.-Tech.*, (217):128–142, June 1986.
- [2] L. Vandendorpe. Fractionnally spaced linear and decision feedback detectors for transmultiplexers. *IEEE Transactions on Signal Processing*, 46(4):996–1011, 1998.
- [3] B. Le Floch, M. Alard, and C. Berrou. Coded Orthogonal Frequency Division Multiplex. *Proceedings of the IEEE*, 83:982–996, June 1995.
- [4] A. Vahlin and N. Holte. Optimal finite duration pulses for OFDM. *IEEE Trans. Communications*, 44(1):10–14, January 1996.
- [5] W. Kozek, A. F. Molish, and E. Bonek. Pulse design for robust multicarrier transmission over doubly dispersive channels. In *Proc. Int. Conf. on Telecommunications (Porto Carras, Greece)*, volume 2, pages 313–317, June 1998.
- [6] H. Boelcskei, P. Duhamel, and R. Hleiss. A design of pulse shaping OFDM/OQAM systems for wireless communications with high spectral efficiency. *Submitted to IEEE Transactions on Signal Processing*, November 1998.
- [7] H. Boelcskei, P. Duhamel, and R. Hleiss. “Design of pulse shaping OFDM/OQAM systems for high data-rate transmission over wireless channels”. In *Proc. International Conference on Communications (ICC)*, Vancouver, June 1999.
- [8] N. Lacaille. Relations bancs de filtres-modulations multiporteuses et application à l’OFDM/OQAM. Technical report, DEA Université de Rennes I, CNET/DMR, 1998.
- [9] R. D. Koilpillai and P. P. Vaidyanathan. “Cosine-modulated FIR filter banks satisfying perfect reconstruction”. *IEEE Transactions on Signal Processing*, 40(4):770–783, April 1992.
- [10] T. Q. Nguyen and R. D. Koilpillai. The theory and design of arbitrary-length cosine-modulated filter banks and wavelets satisfying perfect reconstruction. *IEEE Trans. Signal Processing*, SP-44(3):473–483, March 1996.

- [11] Jalali Ali. "Étude et architecture d'un modem numérique destiné aux modulations multiporteuses de densité 2". PhD thesis, Université de Rennes I, France, 1998.
- [12] L. C. Calvez and P. Vilbé. On the uncertainty principle in discrete signals. *IEEE Trans. Circuits and Systems-II*, 39(6):394-395, June 1992.
- [13] M. I. Doroslovački. Product of second moments in time and frequency for discrete-time signals and the uncertainty limit. *Signal Processing*, 67(1), May 1998.
- [14] C. Roche and P. Siohan. A family of Extended Gaussian Functions with a nearly optimal localization property. In *Proc. First Int. Workshop on Multi-Carrier Spread-Spectrum (Oberpfaffenhofen, Germany)*, pages 179-186, April 1997.
- [15] P. Heller, T. Karp, and T. Q. Nguyen. A general formulation of modulated filter banks. *Submitted to IEEE Transactions on Signal Processing*, 1996.
- [16] M. Vetterli and J. Kovačević. "Wavelets and Subband Coding". Prentice Hall, 1995.
- [17] H.G. Feichtinger et al. *Gabor Analysis and Algorithm - Theory and Applications*. Birkhäuser, Boston-Basel-Berlin, 1998.
- [18] P. Flandrin. "Temps-Fréquence". Hermès, 1998.
- [19] I. Daubechies. The wavelet transform, time-frequency localization and signal analysis. *IEEE Trans. on Inf. Theory*, 36(5):961-1005, 1990.
- [20] T. Karp and A. Mertins. "Lifting scheme for biorthogonal modulated filter banks". In *Proc. International Conference on Digital Signal Processing*, Santorini, Greece, July 1997.
- [21] T. Karp and A. Mertins. "Efficient filter realizations for cosine-modulated filter banks". In *Proc. Colloque GRETSI*, Grenoble, France, September 1997.

## REVENDICATIONS

1. Procédé de transmission d'un signal multiporteuse biorthogonal BFDM/OM, caractérisé en ce qu'il met en œuvre une structure de transmultiplexeur assurant :

- une étape de modulation, à l'aide d'un banc de filtres de synthèse (11), présentant  $2M$  branches parallèles,  $M \geq 2$ , alimentées chacune par des données source, et comprenant chacune un expanseur d'ordre  $M$  et des moyens de filtrage ;

- une étape de démodulation, à l'aide d'un banc de filtres d'analyse (12), présentant  $2M$  branches parallèles, comprenant chacune un décimateur d'ordre  $M$  et des moyens de filtrage, et délivrant des données reçues représentatives desdites données source,

lesdits moyens de filtrage étant déduits d'une fonction de modulation prototype prédéterminée.

2. Procédé de transmission selon la revendication 1, caractérisé en ce que lesdits moyens de filtrage dudit banc de filtres de synthèse et/ou dudit banc de filtres d'analyse sont respectivement regroupés sous la forme d'une matrice polyphase.

3. Procédé de transmission selon la revendication 2, caractérisé en ce qu'au moins une desdites matrices polyphases comprend une transformée de Fourier inverse (51, 61) à  $2M$  entrées et  $2M$  sorties.

4. Procédé de modulation d'un signal transmis selon le procédé de l'une quelconque des revendications 1 à 3, caractérisé en ce qu'il met en œuvre une transformée de Fourier inverse (51) alimentée par  $2M$  données source ayant chacune subi un décalage de phase prédéterminée, et alimentant  $2M$  modules de filtrage, suivis chacun d'un expanseur d'ordre  $M$ , dont les sorties sont regroupées puis transmises.

5. Procédé de modulation selon la revendication 4, caractérisé en ce qu'il délivre des données  $s[k]$  telles que :

$$x_m^0(n) = a_{m,n} e^{j\frac{\pi}{2}n}$$

$$x_l^1(n) = \sqrt{2} \sum_{k=0}^{2M-1} x_k^0(n) e^{-j\frac{2\pi}{2M}k\frac{D-M}{2}} e^{j\frac{2\pi}{2M}kl}$$

$$= 2M\sqrt{2}\text{IFFT}\left(x_0^0(n), \dots, x_{2M-1}^0(n)e^{-j\frac{2\pi}{2M}(2M-1)\frac{D-M}{2}}\right)[l]$$

$$x_l^2(n) = \sum_{k=0}^{m-1} p(l+2kM)x_k^1(n-2k)$$

$$s[k] = \sum_{n=\lfloor \frac{k}{M} \rfloor - 1}^{\lfloor \frac{k}{M} \rfloor} x_{k-nM}^2(n)$$

- 5 où  $D = \alpha M - \beta$ ,  
 avec  $\alpha$  entier représentant le retard de reconstruction ;  
 $\beta$  entier compris entre 0 et  $M-1$  ;  
 et  $\lfloor . \rfloor$  est la fonction "partie entière".

- 10 6. Procédé de démodulation d'un signal transmis selon le procédé de l'une quelconque des revendications 1 à 3 caractérisé en ce qu'il met en œuvre une transformée de Fourier inverse (61) alimentée par  $2M$  branches, elles-mêmes alimentées par ledit signal transmis, et comprenant chacune un décimateur d'ordre  $M$  suivi d'un module de filtrage, et alimentant  $2M$  multiplieurs de décalage de phase, délivrant une estimation des données source.
- 15 0. Procédé de démodulation selon la revendication 6, caractérisé en ce qu'il délivre des données  $\hat{a}_{m,n-\alpha}$  telles que :

$$\hat{x}_l^2(n-\alpha) = s[nM - \beta - l]$$

$$20 \quad \hat{x}_l^1(n-\alpha) = \sum_{k=0}^{m-1} p(l+2kM)\hat{x}_l^2(n-\alpha-2k)$$

$$\begin{aligned} \hat{x}_l^0(n-\alpha) &= \sqrt{2}e^{-j\frac{2\pi}{2M}l\frac{D+M}{2}} \sum_{k=0}^{2M-1} \hat{x}_l^1(n-\alpha)e^{j\frac{2\pi}{2M}kl} \\ &= 2M\sqrt{2}e^{-j\frac{2\pi}{2M}l\frac{D+M}{2}} \text{IFFT}(\hat{x}_l^1(n-\alpha), \dots, \hat{x}_{2M-1}^1(n-\alpha))[l] \end{aligned}$$

$$25 \quad \hat{a}_{m,n-\alpha} = \Re \left\{ e^{-j\frac{\pi}{2}(n-\alpha)} \hat{x}_l^0(n-\alpha) \right\}$$

avec :  $D = 2.s.M + d$ ,



où :  $s$  est un entier ;  
 $d$  est compris entre 0 et  $2M-1$ .

8. Procédé de modulation selon l'une quelconque des revendications 4 et 5 ou de démodulation selon l'une quelconque des revendications 6 et 7, caractérisé en ce que lesdits modules de filtrage sont réalisés sous l'une des formes appartenant au groupe comprenant :

- les filtres à structure transverse ;
- les filtres à structure en échelle ; et
- les filtres à structure en treillis.

9. Procédé selon l'une quelconque des revendications 1 à 8, caractérisé en ce que ledit signal multiporteuse biorthogonal est un signal OFDM/OM.

10. Dispositif d'émission et/ou de réception d'un signal BFDM/OM, mettant en œuvre le procédé de l'une quelconque des revendications 1 à 9.

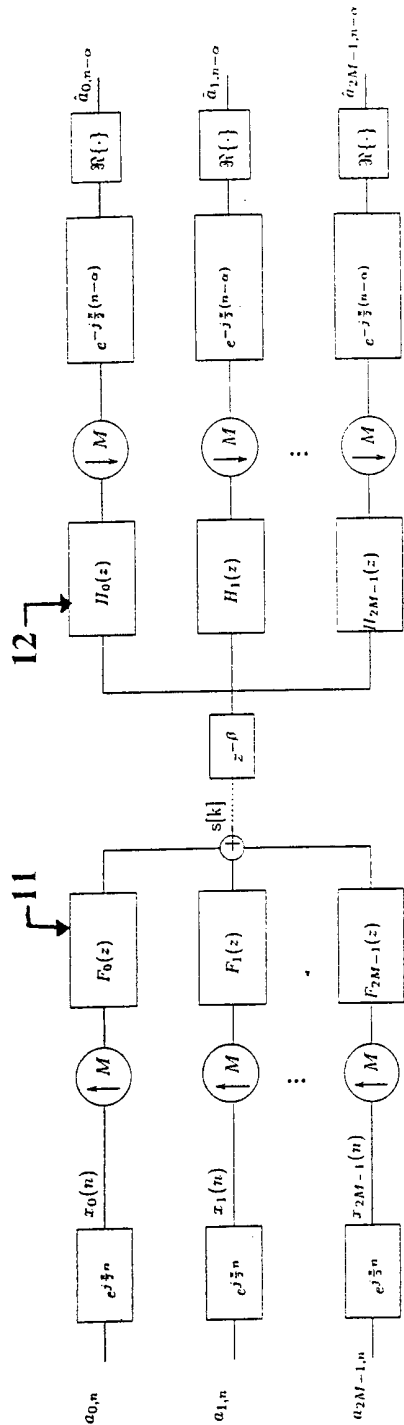


Fig. 1

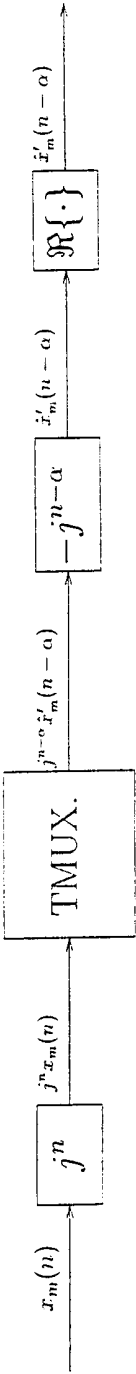


Fig. 2

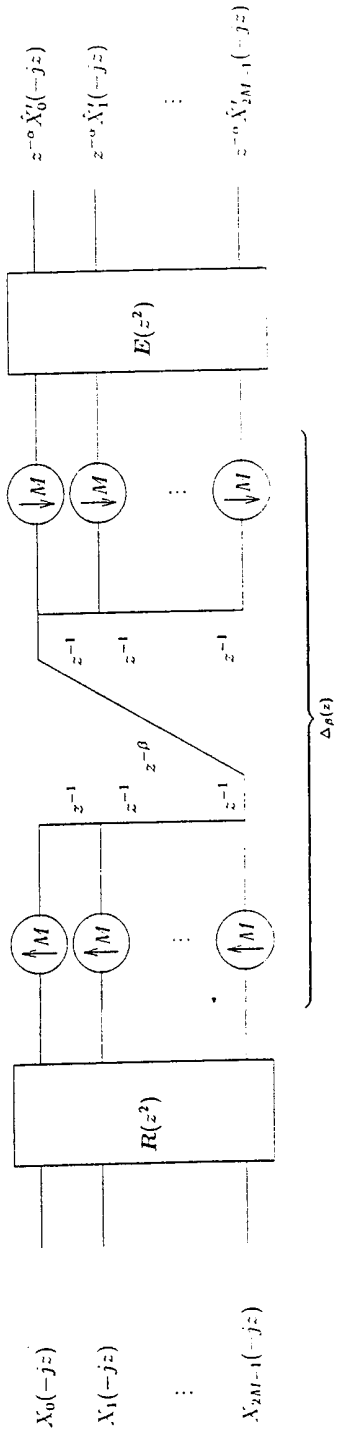


Fig. 3

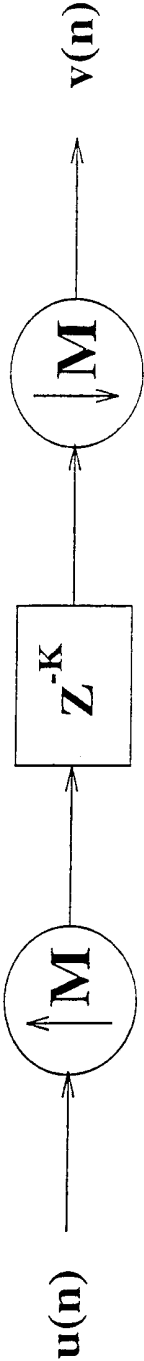


Fig. 4

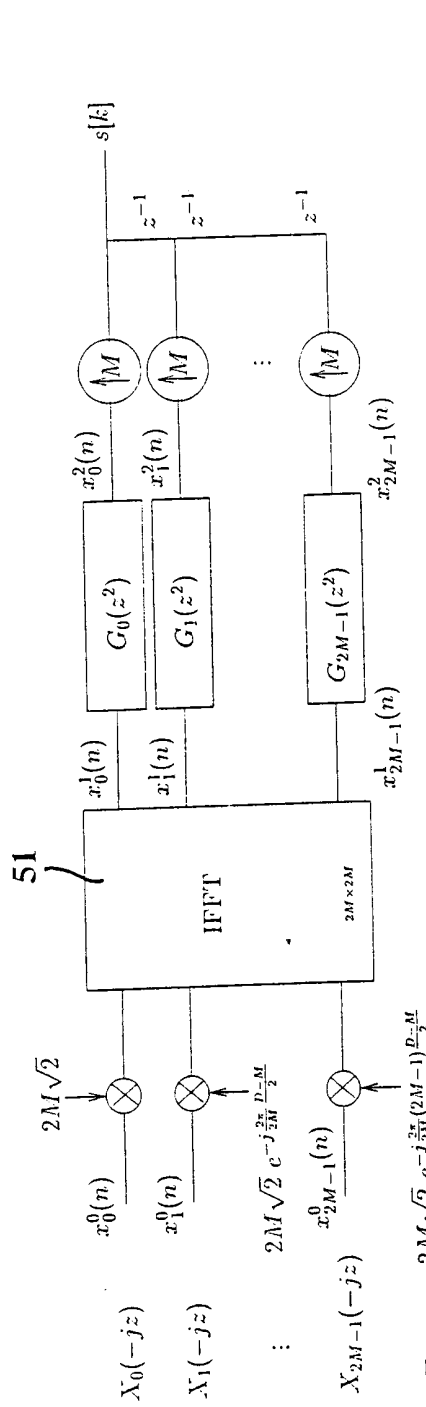


Fig. 5

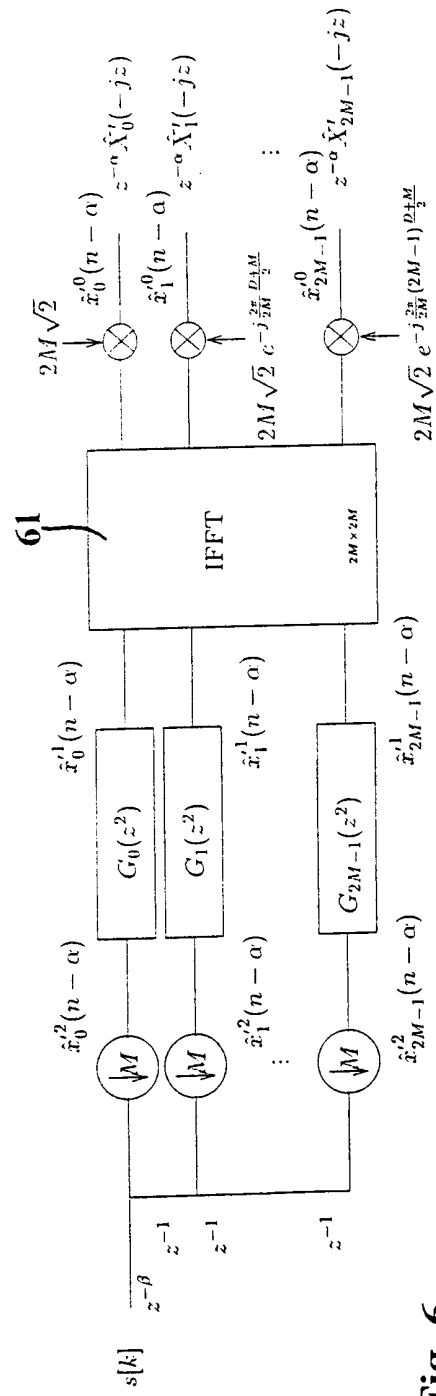


Fig. 6

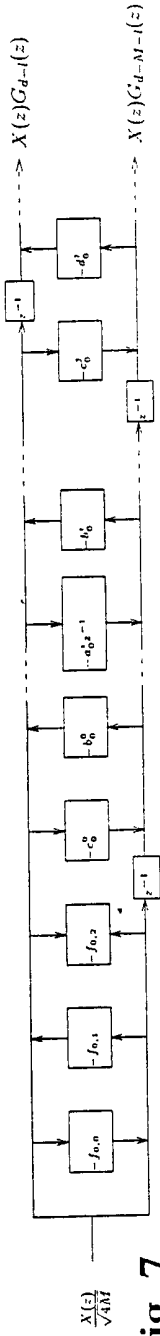
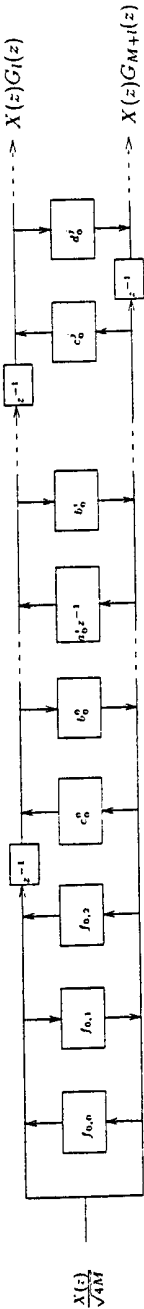


Fig. 7

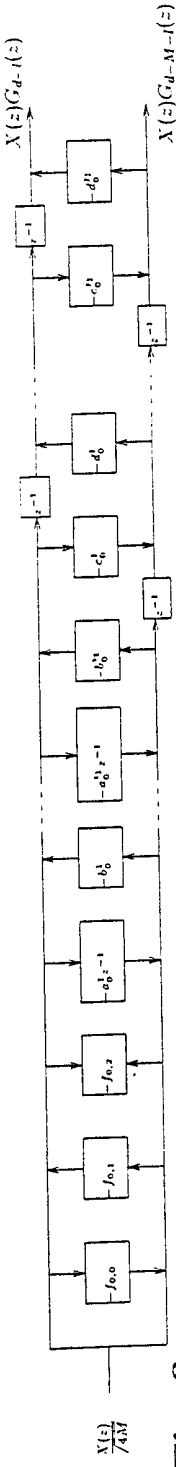
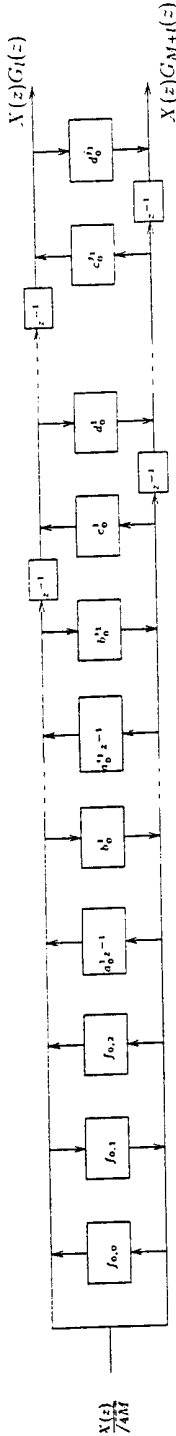


Fig. 8

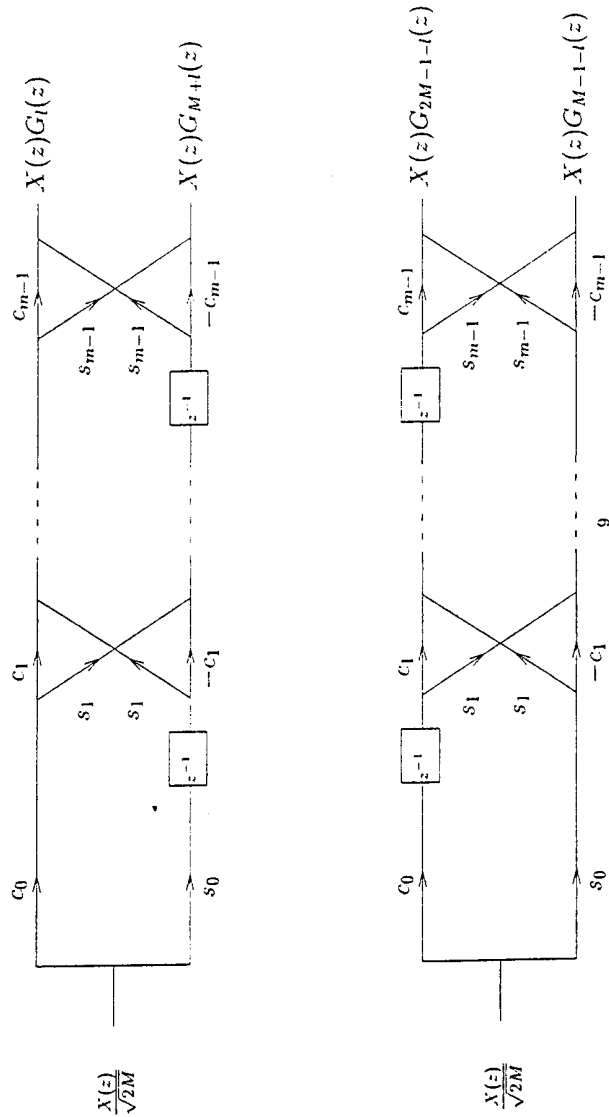


Fig. 9

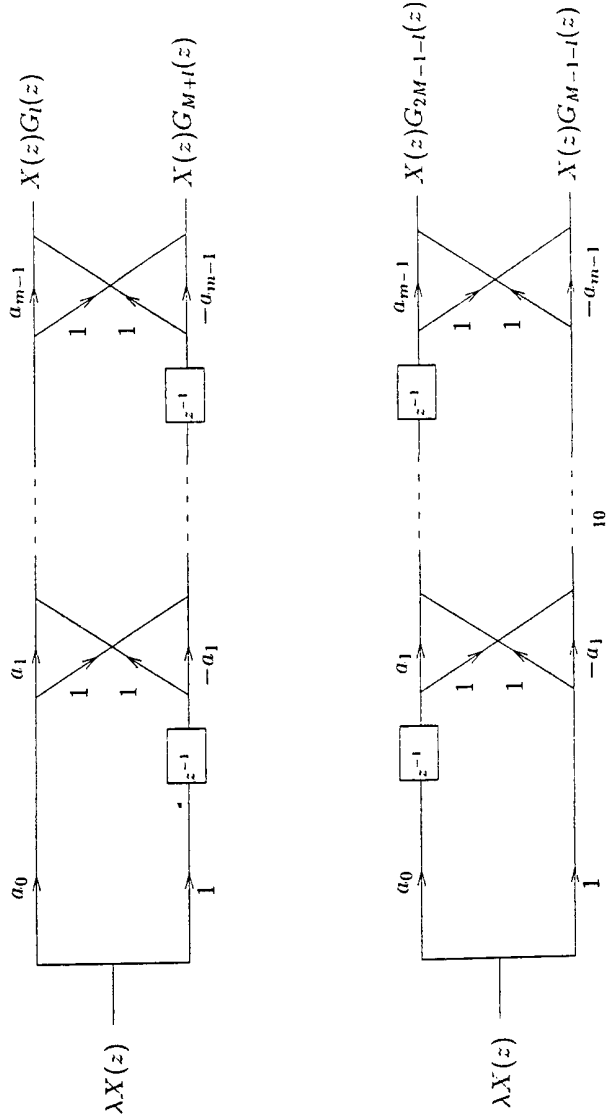


Fig. 10

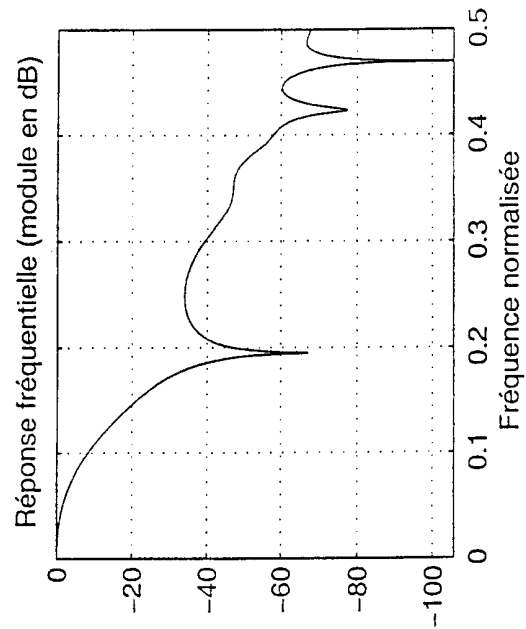


Fig. 11B

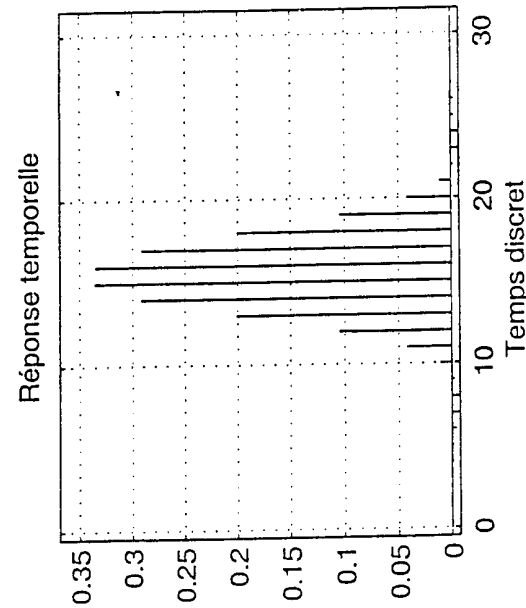


Fig. 11A



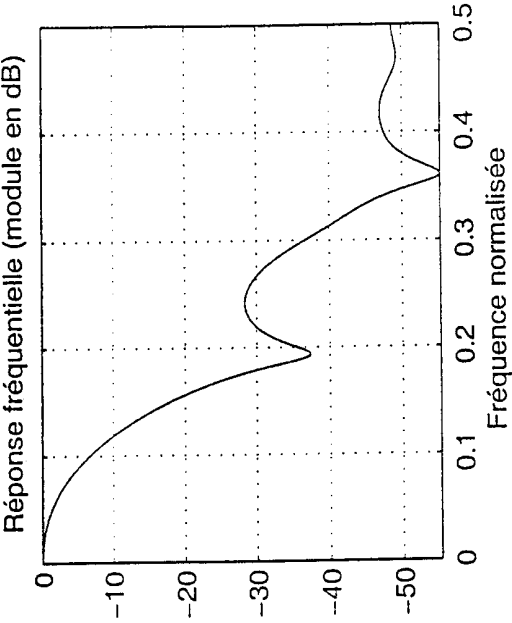


Fig. 12B

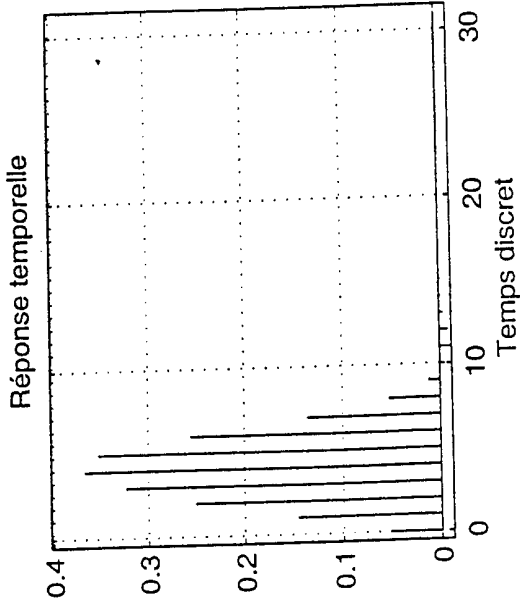


Fig. 12A

# INTERNATIONAL SEARCH REPORT

Interi	Application No
PCT/FR 00/02716	

**A. CLASSIFICATION OF SUBJECT MATTER**  
 IPC 7 H04L27/26 H04L27/00

According to International Patent Classification (IPC) or to both national classification and IPC

**B. FIELDS SEARCHED**

Minimum documentation searched (classification system followed by classification symbols)

IPC 7 H04L

Documentation searched other than minimum documentation to the extent that such documents are included in the fields searched

Electronic data base consulted during the international search (name of data base and, where practical, search terms used)

EPO-Internal, WPI Data, PAJ, INSPEC

**C. DOCUMENTS CONSIDERED TO BE RELEVANT**

Category *	Citation of document, with indication, where appropriate, of the relevant passages	Relevant to claim No.
X	G. STRANG AND T. NGUYEN: "Wavelets and Filter Banks" 1996, WELLESLEY-CAMBRIDGE PRESS, WELLESLEY MA, USA XP002139689 page 301 -page 303 page 304 page 307 page 309; figure 9.7 page 325 -page 331 page 391 -page 392 <div style="text-align: center; margin-top: 10px;">             ---              -/--           </div>	1-10

☒ Further documents are listed in the continuation of box C.

☒ Patent family members are listed in annex.

\* Special categories of cited documents:

- \*A\* document defining the general state of the art which is not considered to be of particular relevance
- \*E\* earlier document but published on or after the international filing date
- \*L\* document which may throw doubts on priority claim(s) or which is cited to establish the publication date of another citation or other special reason (as specified)
- \*O\* document referring to an oral disclosure, use, exhibition or other means
- \*P\* document published prior to the international filing date but later than the priority date claimed

- \*T\* later document published after the international filing date or priority date and not in conflict with the application but cited to understand the principle or theory underlying the invention
- \*X\* document of particular relevance; the claimed invention cannot be considered novel or cannot be considered to involve an inventive step when the document is taken alone
- \*Y\* document of particular relevance; the claimed invention cannot be considered to involve an inventive step when the document is combined with one or more other such documents, such combination being obvious to a person skilled in the art.
- \* & \* document member of the same patent family

Date of the actual completion of the international search

13 December 2000

Date of mailing of the international search report

19/12/2000

Name and mailing address of the ISA

European Patent Office, P.B. 5818 Patentlaan 2  
 NL - 2280 HV Rijswijk  
 Tel. (+31-70) 340-2040, Tx. 31 651 epo nl.  
 Fax: (+31-70) 340-3016

Authorized officer

Koukourlis, S

# INTERNATIONAL SEARCH REPORT

Interr	Application No
PCT/FR 00/02716	

## C.(Continuation) DOCUMENTS CONSIDERED TO BE RELEVANT

Category °	Citation of document, with indication, where appropriate, of the relevant passages	Relevant to claim No.
A	<p>CARIOLARO G ET AL: "AN OFDM SYSTEM WITH A HALF COMPLEXITY"</p> <p>PROCEEDINGS OF THE GLOBAL TELECOMMUNICATIONS CONFERENCE (GLOBECOM),US,NEW YORK, IEEE, 1994, pages 237-242, XP000488550</p> <p>ISBN: 0-7803-1821-8</p> <p>abstract</p> <p>page 239, right-hand column; figure 3</p> <p style="text-align: center;">----</p>	1-10
A	<p>AKANSU A N ET AL: "ORTHOGONAL TRANSMULTIPLEXERS IN COMMUNICATION: A REVIEW"</p> <p>IEEE TRANSACTIONS ON SIGNAL PROCESSING,US,IEEE, INC. NEW YORK, vol. 46, no. 4, 1 January 1998 (1998-01-01), pages 979-995, XP000770957</p> <p>ISSN: 1053-587X</p> <p>abstract</p> <p>page 979, left-hand column, paragraph 1</p> <p>-page 981, left-hand column, paragraph 3</p> <p>page 983, right-hand column, paragraph 2</p> <p>-page 986, left-hand column, paragraph 5</p> <p style="text-align: center;">----</p>	1-10
A	<p>BOLCSKEI H ET AL: "Design of pulse shaping OFDM/OQAM systems for high data-rate transmission over wireless channels"</p> <p>1999 IEEE INTERNATIONAL CONFERENCE ON COMMUNICATIONS (CAT. NO. 99CH36311), 6 - 10 June 1999, pages 559-564 vol.1, XP002139687</p> <p>Piscataway, NJ, USA,</p> <p>ISBN: 0-7803-5284-X</p> <p>cited in the application</p> <p>the whole document</p> <p style="text-align: center;">----</p>	1-10
A	<p>GOVARDHANAGIRI S ET AL: "Performance analysis of multicarrier modulation systems using cosine modulated filter banks"</p> <p>1999 IEEE INTERNATIONAL CONFERENCE ON ACOUSTICS, SPEECH, AND SIGNAL PROCESSING. PROCEEDINGS. ICASSP99 (CAT. NO.99CH36258), 15 - 19 March 1999, pages 1405-1408 vol.3, XP002139688</p> <p>Piscataway, NJ, USA, IEEE,</p> <p>ISBN: 0-7803-5041-3</p> <p>the whole document</p> <p style="text-align: center;">----</p> <p style="text-align: center;">-/--</p>	1-10

# INTERNATIONAL SEARCH REPORT

Intern	Application No
	PCT/FR 00/02716

## C.(Continuation) DOCUMENTS CONSIDERED TO BE RELEVANT

Category *	Citation of document, with indication, where appropriate, of the relevant passages	Relevant to claim No.
A	FR 2 765 757 A (FRANCE TELECOM) 8 January 1999 (1999-01-08) abstract page 2, line 2 - line 5 page 3, line 22 -page 11, line 14 -----	1-10
A	LE BIHAN H ET AL: "IDENTIFICATION TECHNIQUES FOR THE DESIGN OF CASCADE FORMS PERFECT-RECONSTRUCTION TWO-CHANNEL FILTER BANKS" PROCEEDINGS OF THE INTERNATIONAL CONFERENCE ON ACOUSTICS, SPEECH, AND SIGNAL PROCESSING (ICASSP), 1994, pages III-189-III-192, XP000529913 New York, US ISBN: 0-7803-1776-9 abstract -----	8

# INTERNATIONAL SEARCH REPORT

Information on patent family members

Inten Application No  
PCT/FR 00/02716

Patent document cited in search report	Publication date	Patent family member(s)	Publication date
FR 2765757 A	08-01-1999	EP 1005748 A WO 9901967 A	07-06-2000 14-01-1999
-----			

# RAPPORT DE RECHERCHE INTERNATIONALE

Dem. internationale No  
PCT/FR 00/02716

**A. CLASSEMENT DE L'OBJET DE LA DEMANDE**  
CIB 7 H04L27/26 H04L27/00

Selon la classification internationale des brevets (CIB) ou à la fois selon la classification nationale et la CIB

## B. DOMAINES SUR LESQUELS LA RECHERCHE A PORTE

Documentation minimale consultée (système de classification suivi des symboles de classement)

CIB 7 H04L

Documentation consultée autre que la documentation minimale dans la mesure où ces documents relèvent des domaines sur lesquels a porté la recherche

Base de données électronique consultée au cours de la recherche internationale (nom de la base de données, et si réalisable, termes de recherche utilisés)

EPO-Internal, WPI Data, PAJ, INSPEC

## C. DOCUMENTS CONSIDERES COMME PERTINENTS

Catégorie °	Identification des documents cités, avec, le cas échéant, l'indication des passages pertinents	no. des revendications visées
X	G. STRANG AND T. NGUYEN: "Wavelets and Filter Banks" 1996, WELLESLEY-CAMBRIDGE PRESS, WELLESLEY MA, USA XP002139689 page 301 -page 303 page 304 page 307 page 309; figure 9.7 page 325 -page 331 page 391 -page 392 --- -/--	1-10

☒ Voir la suite du cadre C pour la fin de la liste des documents

☒ Les documents de familles de brevets sont indiqués en annexe

° Catégories spéciales de documents cités:

- \*A\* document définissant l'état général de la technique, non considéré comme particulièrement pertinent
- \*E\* document antérieur, mais publié à la date de dépôt international ou après cette date
- \*L\* document pouvant jeter un doute sur une revendication de priorité ou cité pour déterminer la date de publication d'une autre citation ou pour une raison spéciale (telle qu'indiquée)
- \*O\* document se référant à une divulgation orale, à un usage, à une exposition ou tous autres moyens
- \*P\* document publié avant la date de dépôt international, mais postérieurement à la date de priorité revendiquée

- \*T\* document ultérieur publié après la date de dépôt international ou la date de priorité et n'appartenant pas à l'état de la technique pertinent, mais cité pour comprendre le principe ou la théorie constituant la base de l'invention
- \*X\* document particulièrement pertinent; l'invention revendiquée ne peut être considérée comme nouvelle ou comme impliquant une activité inventive par rapport au document considéré isolément
- \*Y\* document particulièrement pertinent; l'invention revendiquée ne peut être considérée comme impliquant une activité inventive lorsque le document est associé à un ou plusieurs autres documents de même nature, cette combinaison étant évidente pour une personne du métier
- \*Z\* document qui fait partie de la même famille de brevets

Date à laquelle la recherche internationale a été effectivement achevée

13 décembre 2000

Date d'expédition du présent rapport de recherche internationale

19/12/2000

Nom et adresse postale de l'administration chargée de la recherche internationale

Office Européen des Brevets, P.B. 5818 Patentlaan 2  
NL - 2280 HV Rijswijk  
Tel. (+31-70) 340-2040, Tx. 31 651 epo nl,  
Fax: (+31-70) 340-3016

Fonctionnaire autorisé

Koukourlis, S

C.(suite) DOCUMENTS CONSIDERES COMME PERTINENTS		
Catégorie	Identification des documents cités, avec, le cas échéant, l'indication des passages pertinents	no. des revendications visées
A	<p>CARIOLARO G ET AL: "AN OFDM SYSTEM WITH A HALF COMPLEXITY"</p> <p>PROCEEDINGS OF THE GLOBAL TELECOMMUNICATIONS CONFERENCE (GLOBECOM),US,NEW YORK, IEEE, 1994, pages 237-242, XP000488550</p> <p>ISBN: 0-7803-1821-8</p> <p>abrégé</p> <p>page 239, colonne de droite; figure 3</p> <p>---</p>	1-10
A	<p>AKANSU A N ET AL: "ORTHOGONAL TRANSMULTIPLEXERS IN COMMUNICATION: A REVIEW"</p> <p>IEEE TRANSACTIONS ON SIGNAL PROCESSING,US,IEEE, INC. NEW YORK, vol. 46, no. 4, 1 janvier 1998 (1998-01-01), pages 979-995, XP000770957</p> <p>ISSN: 1053-587X</p> <p>abrégé</p> <p>page 979, colonne de gauche, alinéa 1</p> <p>-page 981, colonne de gauche, alinéa 3</p> <p>page 983, colonne de droite, alinéa 2</p> <p>-page 986, colonne de gauche, alinéa 5</p> <p>---</p>	1-10
A	<p>BOLCSKEI H ET AL: "Design of pulse shaping OFDM/OQAM systems for high data-rate transmission over wireless channels"</p> <p>1999 IEEE INTERNATIONAL CONFERENCE ON COMMUNICATIONS (CAT. NO. 99CH36311), 6 - 10 juin 1999, pages 559-564 vol.1, XP002139687</p> <p>Piscataway, NJ, USA, ISBN: 0-7803-5284-X</p> <p>cité dans la demande</p> <p>le document en entier</p> <p>---</p>	1-10
A	<p>GOVARDHANAGIRI S ET AL: "Performance analysis of multicarrier modulation systems using cosine modulated filter banks"</p> <p>1999 IEEE INTERNATIONAL CONFERENCE ON ACOUSTICS, SPEECH, AND SIGNAL PROCESSING. PROCEEDINGS. ICASSP99 (CAT. NO.99CH36258), 15 - 19 mars 1999, pages 1405-1408 vol.3, XP002139688</p> <p>Piscataway, NJ, USA, IEEE, ISBN: 0-7803-5041-3</p> <p>le document en entier</p> <p>---</p> <p style="text-align: center;">-/--</p>	1-10

# RAPPORT DE RECHERCHE INTERNATIONALE

Dem: rnementale No

PCT/FR 00/02716

## C.(suite) DOCUMENTS CONSIDERES COMME PERTINENTS

Catégorie	Identification des documents cités, avec, le cas échéant, l'indication des passages pertinents	no. des revendications visées
A	FR 2 765 757 A (FRANCE TELECOM) 8 janvier 1999 (1999-01-08) abrégé page 2, ligne 2 - ligne 5 page 3, ligne 22 -page 11, ligne 14 ---	1-10
A	LE BIHAN H ET AL: "IDENTIFICATION TECHNIQUES FOR THE DESIGN OF CASCADE FORMS PERFECT-RECONSTRUCTION TWO-CHANNEL FILTER BANKS" PROCEEDINGS OF THE INTERNATIONAL CONFERENCE ON ACOUSTICS, SPEECH, AND SIGNAL PROCESSING (ICASSP), 1994, pages III-189-III-192, XP000529913 New York, US ISBN: 0-7803-1776-9 abrégé -----	8



## RAPPORT DE RECHERCHE INTERNATIONALE

### Renseignements relatifs aux nombres de familles de brevets

Dem. Internationale No

PCT/FR 00/02716

Document brevet cité au rapport de recherche	Date de publication	Membre(s) de la famille de brevet(s)	Date de publication
FR 2765757 A	08-01-1999	EP 1005748 A WO 9901967 A	07-06-2000 14-01-1999
-----			