

RZECZPOSPOLITA
POLSKA



Urząd Patentowy
Rzeczypospolitej Polskiej

(12) **OPIS PATENTOWY** (19) **PL** (11) **239498**
(13) **B1**

(21) Numer zgłoszenia: **428375**

(22) Data zgłoszenia: **27.12.2018**

(51) Int.Cl.
G01C 11/00 (2006.01)
G01B 11/03 (2006.01)
G01B 11/25 (2006.01)

(54)

Urządzenie do pomiarów przemieszczeń

(43) Zgłoszenie ogłoszono:

29.06.2020 BUP 14/20

(45) O udzieleniu patentu ogłoszono:

06.12.2021 WUP 36/21

(73) Uprawniony z patentu:

**UNIWERSYTET PRZYRODNICZY
WE WROCŁAWIU, Wrocław, PL**

(72) Twórca(y) wynalazku:

PIOTR GOŁUCH, Wrocław, PL
JANUSZ KUCHMISTER, Wrocław, PL
KAZIMIERZ ĆMIELEWSKI, Wrocław, PL

(74) Pełnomocnik:

rzecz. pat. Anna Kasperowicz

PL 239498 B1

Opis wynalazku

Przedmiotem wynalazku jest urządzenie do pomiarów przemieszczeń względnych, takich jak: translacja i rotacja, zwłaszcza na obiektach naturalnych (przyrody nieożywionej np. bloki skalne) i inżynierskich (np. budynki, budowle itp.), odniesionych do linii pionu oraz do zewnętrznego geodezyjnego układu współrzędnych XYZ.

W przypadku pomiarów szczelin dylatacyjnych, pęknięć w konstrukcji budowli i budynków oraz przesunięć struktur tektonicznych w strefach uskokowych wykorzystuje się względne metody pomiaru, wraz ze specjalistycznym oprzyrządowaniem. Obserwacje przemieszczeń wykonywane są z zastosowaniem: metod geodezyjnych i fotogrametrycznych, umożliwiające odniesienie ich wyników do stałych układów odniesienia, jak również przyrządów mechanicznych oraz czujników, wykorzystujących w pomiarach zjawiska fizyczne, takie jak: indukcyjność, pojemność czy rezystancja, które umożliwiają odniesienie otrzymanych wyników pomiarów do niestałych układów odniesienia.

Współczesny nadzór geodezyjny, na etapach powstawania, diagnozowania i prognozowania występujących na badanych obiektach deformacji, odkształceń i przemieszczeń, korzysta z najnowszych osiągnięć z zakresu mechaniki precyzyjnej i optoelektroniki. Przyczyniło się to do budowy nowoczesnych urządzeń pomiarowych, które pozwalają na wykonanie zautomatyzowanych i telemetrycznych obserwacji w czasie rzeczywistym.

Zasady pomiarów przemieszczeń względnych i bezwzględnych opisane są w licznej literaturze fachowej [Lazzarini T: Geodezyjne pomiary przemieszczeń budowli i ich otoczenia, PPWK, Warszawa 1977; Bryś H. i Przewłocki S.: Geodezyjne metody pomiarów przemieszczeń budowli, PWN, Warszawa 1998] oraz w obowiązujących normach krajowych [PN-N-02211: Geodezja – Geodezyjne wyznaczanie przemieszczeń – Terminologia podstawowa, PKN, 2000] i międzynarodowych [Engineer Manual EM 1110-2-1009: Structural Deformation Surveying, U.S. Army Corps of Engineers, Washington 2018].

W opisie patentu PL 207417 podano urządzenie, przeznaczone do pomiaru wartości przemieszczenia względnego przedmiotów, które wyposażone jest w źródło światła i liniową matrycę światłowodową, z której sygnały świetlne przesyłane są światłowodami do układu pomiarowego, zawierającego fotodetektor połączony ze wzmacniaczem. Pomiedzy źródłem światła a liniową matrycą światłowodową, której światłowody połączone są z układem pomiarowym, jest umieszczona przesuwnie ruchoma przysłona, przy czym wzdłuż przysłony są umieszczone na przemian paski przezroczyste i nieprzezroczyste.

Ponadto znany jest z opisu patentu PL 217348 system pomiarów zmian długości między znakami pomiarowymi, dotyczący pomiarów względnych zmian długości odcinków, w wyniku których wyznacza się odkształcenia gruntu lub obiektu między znakami pomiarowymi, wyznaczającymi dany odcinek. Cechą charakterystyczną tego wynalazku jest to, że do znaku pomiarowego, wyznaczającego jeden z końców mierzonego odcinka, zamocowane jest trwale ciągnie, które przewieszone jest przez krążek zamontowany na płycie pomiarowej, założonej na drugi znak pomiarowy, wyznaczający drugi koniec odcinka. Na płycie pomiarowej zamontowana jest kamera oraz podziałka liniowa, a do ciągnia zamocowany jest wskaźnik odczytowy, przy czym koniec ciągnia wyposażony jest w obciążnik. Obraz wskaźnika odczytowego na tle podziałki liniowej rejestrowany jest kamerą i przesyłany przewodami zasilająco-sygnałowymi do rejestratora.

Znane są przyrządy mechaniczne [katalog GOECKE: Der Ausrüster für die Vermessungstechnik GK 7, s. 59, www.goecke.de], wyposażone w podziałki, służące do monitorowania pęknięć w konstrukcji budowli w dwóch lub w trzech kierunkach (Riss-Spion 101-RS1, Riss-Spion 101-RS2, Riss-Spion 101-RS3 i Rissmonitor 101-TT4). W zależności od prognozowanych przemieszczeń przyrządy te montuje się na badanym obiekcie w różnych konfiguracjach. Z użyciem tych przyrządów można monitorować występujące względne przemieszczenia występujące na badanych obiektach. Przyrządy te składają się z dwóch wzajemnie przesuwających się płytek, na których naniesione są, z odpowiednią dokładnością, podziałki liniowe. Płytki te mogą być wykonane z materiału przezroczystego lub nieprzezroczystego.

Znany jest z literatury szczelinomierz TM-71 [Kostak B., 1991: "Combined indicator using moiré technique", Balkema, Rotterdam, ISBN 9054100257, 53–61]. Urządzenie składa się z dwóch indykatorów zorientowanych w dwóch prostopadłych płaszczyznach **xy** oraz **xz**. Każdy indykator składa się z pary szklanych płytek, z wytrawionymi siatkami spiralnymi, z hiperbolicznym prążkowaniem (tarcza kołowa), oraz liniowymi, z równoległym prążkowaniem, które wyznaczają dwie prostokątne powierzchnie interferencyjne. Ramiona szczelinomierza TM-71, przymocowane do bloków skalnych na skrzydłach uskoku, przenoszą ich ruchy względne, które następnie rejestrowane są przez siatki główne oraz liniowe szczelinomierza. Obserwowane prążki Moiré'a na siatkach spiralnych powstają w wyniku superpozycji

regularnych struktur geometrycznych (spirale), wytrawionych na szklanych płytkach, z chwilą zmiany położenia jednej płytki względem drugiej. Zmiana położenia płytek związana jest z przemieszczeniem względnym bloków skorupowych. Natomiast prążki Moire'a na siatkach liniowych powstają na skutek różnicy gęstości światła przy przejściu przez obrócone względem siebie siatki liniowe w wyniku rotacji bloków skorupowych.

Znana jest metoda opracowania obrazów, pozyskanych za pomocą kamer metrycznych i niemetrycznych. Opisana w publikacji J. Butowtta i R. Kaczyńskiego metoda przetwarzania zdjęć o dowolnym kącie nachylenia względem przyjętej płaszczyzny odniesienia [Butowtt J. i Kaczyński R.: „Fotogrametria”, WAT, Warszawa 2003, str. 23÷39], realizowana jest na podstawie znanych i stosowanych w fotogrametrii zasad geometrii rzutowej. Metoda płaskich przekształceń rzutowych bazuje na przekształceniu płaszczyzny w płaszczyznę, z wykorzystaniem co najmniej czterech odpowiadających sobie punktów homologicznych, przy założeniu, że żadne trzy punkty, spośród tych czterech, nie leżą na jednej prostej. Ta metoda przetwarzania pozwala wyeliminować zniekształcenia perspektywiczne, wynikające z nierównoległości wzajemnej płaszczyzn podlegających opracowaniu. W publikacji tej (na str. 126÷130) opisane są również znane i stosowane w fotogrametrii procedury kalibracji kamer.

Problemem wskazanego stanu techniki jest to, że przyrządy mechaniczne nie pozwalają zautomatyzować sposobu prowadzonych obserwacji oraz nie pozwalają przesłać wyników tych obserwacji do jednostki rejestrującej. Innym ograniczeniem, dostrzeżonym w opisach stosowanych urządzeń, są niewielkie zakresy pomiarowe oraz konieczność ciągłej dostępności do punktów pomiarowych, w miejscach prowadzonych obserwacji. W znanych urządzeniach wykorzystane może być także zjawisko interferencji oraz analiza prążków Moire'a, które w prawdzie umożliwiają uzyskanie wysokiej dokładności pomiarów, ale ograniczone są do niewielkiej przestrzeni obserwacji.

Dlatego okazało się, że wprowadzenie do zestawu pomiarowego metody fotogrametrycznej, pozwala na automatyczną rejestrację i transmisję wyników pomiarów oraz zdalny pomiar na pozyskanych obrazach, natomiast zastosowanie poziomnicy elektronicznej umożliwia odniesienie wyników pomiarów do linii pionu. Poziomnica pozwala wyznaczyć kąty pochylenia mierzonego obiektu w dwóch wzajemnie prostopadłych kierunkach. Zastosowanie reflektorów zwrotnych umożliwia wykonanie, za pomocą instrumentu geodezyjnego, pomiarów geodezyjnych, w oparciu o które pomiary przemieszczeń, wykonane metodą fotogrametryczną i za pomocą poziomnicy elektronicznej, odnosi się do zewnętrznego geodezyjnego układu współrzędnych XYZ.

Celem wynalazku jest opracowanie sposobu pomiarów przemieszczeń i urządzenia pomiarowego, które umożliwią, na drodze przetworzenia fotogrametrycznego zarejestrowanych obrazów tarczy pomiarowej na tle ramy odniesienia, w sposób automatyczny i telemetryczny, określenie zmian położenia, tj. przesunięć i obrotów elementów pomiarowych jednego względem innego na obiekcie, w odniesieniu do linii pionu oraz do zewnętrznego geodezyjnego układu współrzędnych XYZ. Opracowany wynalazek może być stosowany jako pojedynczy zestaw lub zwielokrotniony na elementach obiektu. Pomiary geodezyjne, realizowane w oparciu o zewnętrzny geodezyjny układ współrzędnych XYZ, którym są punkty osnowy geodezyjnej, umożliwiają odniesienie względnych pomiarów przemieszczeń, wykonanych co najmniej jednym urządzeniem pomiarowym, do zewnętrznego geodezyjnego układu współrzędnych XYZ.

Istotą wynalazku jest to, że urządzenie zawiera ramę odniesienia, z naniesionymi co najmniej czterema sygnałami odniesienia, które są osadzone w jednej płaszczyźnie $\mathbf{x}_r, \mathbf{z}_r$, w lokalnym kartezjańskim układzie współrzędnych $\mathbf{x}_r, \mathbf{y}_r, \mathbf{z}_r$, przy czym, jeśli liczba sygnałów odniesienia wynosi m , to liczba sygnałów odniesienia, które nie mogą leżeć na jednej prostej, wynosi $m-1$, oraz zawiera tarczę pomiarową, z co najmniej czterema sygnałami kontrolowanymi, które są osadzone w jednej płaszczyźnie $\mathbf{x}_t, \mathbf{z}_t$, w lokalnym kartezjańskim układzie współrzędnych $\mathbf{x}_t, \mathbf{y}_t, \mathbf{z}_t$, przy czym, jeśli liczba sygnałów kontrolowanych wynosi k , to liczba sygnałów kontrolowanych, które nie mogą leżeć na jednej prostej, wynosi $k-1$. Kamera elektroniczna ma zdefiniowany kartezjański układ współrzędnych $\mathbf{x}_k, \mathbf{y}_k, \mathbf{z}_k$ i połączona jest z systemem centralnej rejestracji i przetwarzania danych oraz zwrócona jest obiektywem w stronę ramy odniesienia i tarczy pomiarowej, natomiast do ramy odniesienia przytwierdzona jest poziomnica elektroniczna, która ma zdefiniowany kartezjański układ współrzędnych $\mathbf{x}_p, \mathbf{y}_p, \mathbf{z}_p$, i połączona jest z systemem centralnej rejestracji i przetwarzania danych (CRPD), ponadto urządzenie posiada co najmniej dwa reflektory zwrotne, osadzone na dowolnym elemencie urządzenia, które umieszczone są w geodezyjnych punktach kontrolnych ($\mathbf{P}_1, \mathbf{P}_2, \dots$), w odniesieniu do kartezjańskiego geodezyjnego układu współrzędnych $\mathbf{X}_G, \mathbf{Y}_G, \mathbf{Z}_G$.

Korzystnie jest, gdy system centralnej rejestracji i przetwarzania danych jest przenośnym mikrokomputerem.

Korzystnie również jest, gdy sygnały odniesienia mają postać kwadratów, zwłaszcza koloru białego i/lub czarnego.

Korzystnie także jest, gdy sygnały odniesienia mają postać albo koncentrycznych okręgów, albo koła, albo krzyża, albo znaku kodowego.

Korzystnie również jest, gdy sygnały odniesienia są rozmieszczone na ramie odniesienia w sposób regularny.

Korzystnie także jest, gdy sygnały kontrolowane mają postać kwadratów, zwłaszcza koloru białego i/lub czarnego.

Korzystnie także jest, gdy sygnały kontrolowane mają postać albo koncentrycznych okręgów, albo koła, albo krzyża, albo znaku kodowego.

Korzystnie również jest, gdy sygnały kontrolowane są rozmieszczone na ramie odniesienia w sposób regularny.

Korzystnie jest, gdy urządzenie zawiera wysięgnik.

Korzystnie również jest, gdy kamera elektroniczna połączona jest z wysięgnikiem w sposób rozłączny, za pomocą śruby sprzęgającej.

Korzystnie także jest, gdy kamera elektroniczna połączona jest z wysięgnikiem na stałe.

Korzystnie również jest, gdy wysięgnik przymocowany jest za pomocą śrub mocujących do elementu odniesienia niezależnie od ramy odniesienia.

Korzystnie także jest, gdy wysięgnik przymocowany jest na stałe do ramy odniesienia.

Korzystnie również jest, gdy wysięgnik ma postać płaskownika w kształcie litery L.

Korzystnie także jest, gdy kamera elektroniczna ustawiona jest na stanowisku obserwacyjnym niezwiązanym z mierzonym obiektem.

Korzystnie także jest, gdy tarcza pomiarowa znajduje się wewnątrz ramy odniesienia.

Korzystnie również jest, gdy odpowiednie osie kartezjańskich układów współrzędnych: tarczy pomiarowej $x_i y_i z_i$ i ramy odniesienia $x_r y_r z_r$ w pomiarze wyjściowym są względem siebie w przybliżeniu równoległe.

Korzystnie również jest, gdy kamera elektroniczna połączona jest bezprzewodowo z systemem centralnej rejestracji i przetwarzania danych.

Korzystnie także jest, gdy oś y_k kartezjańskiego układu współrzędnych kamery elektronicznej jest w przybliżeniu prostopadła do płaszczyzny $x_r z_r$ wyznaczonej przez kartezjański układ współrzędnych ramy odniesienia.

Korzystnie również jest, gdy odpowiednie osie kartezjańskich układów współrzędnych: kamery elektronicznej $x_k y_k z_k$ i ramy odniesienia $x_r y_r z_r$ w pomiarze wyjściowym są względem siebie w przybliżeniu równoległe.

Korzystnie także jest, gdy oś y_k kartezjańskiego układu współrzędnych kamery elektronicznej jest zwrócona w przybliżeniu centralnie do ramy odniesienia.

Korzystnie także jest, gdy rama odniesienia ma postać ramy prostokątnej albo obręczy.

Korzystnie również jest, gdy tarcza pomiarowa ma postać prostokąta albo koła.

Korzystnie także jest, gdy poziomnica elektroniczna połączona jest z ramą odniesienia w sposób rozłączny, za pomocą śrub sprzęgających.

Korzystnie również jest, gdy poziomnica elektroniczna połączona jest z ramą odniesienia na stałe.

Korzystnie także jest, gdy, po połączeniu poziomnicy elektronicznej z ramą odniesienia, kartezjańskie układy współrzędnych ramy odniesienia $x_r y_r z_r$ i poziomnicy elektronicznej $x_p y_p z_p$ są względem siebie równoległe.

Korzystnie również jest, gdy poziomnica elektroniczna jest libellą elektroniczną.

Korzystnie także jest, gdy poziomnica elektroniczna połączona jest bezprzewodowo z systemem centralnej rejestracji i przetwarzania danych.

Korzystnie również jest, gdy reflektory zwrotne osadzone są na końcu górnej części ramy odniesienia oraz na kamerze elektronicznej.

Zastosowana poziomnica elektroniczna jest elementem pomiarowym, który wyznacza linię pionu w sposób niezależny od metody fotogrametrycznej. Zastosowanie reflektorów zwrotnych, instrumentu geodezyjnego i sygnału geodezyjnego, ustawionych na stanowiskach obserwacyjnych, umożliwia wykonanie pomiarów geodezyjnych, w oparciu o które wykonane pomiary przemieszczeń odnosi się do zewnętrznego geodezyjnego układu współrzędnych XYZ.

Zależność pomiędzy kartezjańskimi układami współrzędnych: ramy odniesienia **3** ($\mathbf{x}_r, \mathbf{y}_r, \mathbf{z}_r$) względem kamery elektronicznej **6** ($\mathbf{x}_k, \mathbf{y}_k, \mathbf{z}_k$) wyznacza się na podstawie wzoru 1, wykorzystując w CRPD **7** odpowiednie oprogramowanie. Formuła ta jest matematycznym zapisem przestrzennej transformacji między dwoma kartezjańskimi układami współrzędnych.

$$\vec{X}_k = M_r^k \cdot \vec{X}_r + \vec{T}_r^k \quad (1)$$

gdzie:

- M_r^k jest to macierz obrotu, opisująca zależność kątową między układem współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r, \mathbf{y}_r, \mathbf{z}_r$) a układem współrzędnych kamery elektronicznej ($\mathbf{x}_k, \mathbf{y}_k, \mathbf{z}_k$);
- $\vec{T}_r^k$ to wektor translacji, określający przesunięcie początku układu współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r, \mathbf{y}_r, \mathbf{z}_r$) od początku układu współrzędnych kamery elektronicznej ($\mathbf{x}_k, \mathbf{y}_k, \mathbf{z}_k$);
- $\vec{X}_r$ to wektor określający położenie danego punktu w układzie współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r, \mathbf{y}_r, \mathbf{z}_r$);
- $\vec{X}_k$ to wektor określający położenie danego punktu w układzie współrzędnych kamery elektronicznej ($\mathbf{x}_k, \mathbf{y}_k, \mathbf{z}_k$).

Macierz obrotu M_r^k to macierz kwadratowa, która w euklidesowej przestrzeni 3D ma wymiar 3x3 elementy (wzór 2). Dziewięć współczynników macierzy obrotu M_r^k są to liczby rzeczywiste, które stanowią związki funkcji trygonometrycznych (sinusów i cosinusów) trzech kątów obrotów (tzw. kątów Euler'a, oznaczonych greckimi literami): omega (ω), phi (ϕ) i kappa (κ), przy czym, w pierwszej kolejności stosuje się obrót układu ramy odniesienia **3** ($\mathbf{x}_r, \mathbf{y}_r, \mathbf{z}_r$) o kąt omega (ω) wokół osi $\mathbf{x}_r$ (oś pierwszego obrotu), następnie o kąt phi (ϕ) wokół osi $\mathbf{y}_r$ (oś drugiego obrotu) i ostatecznie o kąt kappa (κ) wokół osi $\mathbf{z}_r$ (oś trzeciego obrotu). Jest to tzw. konwencja ω - ϕ - κ . Kąty ω , ϕ , κ określają rotację układu współrzędnych ramy odniesienia **3** ($\mathbf{x}_r, \mathbf{y}_r, \mathbf{z}_r$) względem układu współrzędnych kamery **6** ($\mathbf{x}_k, \mathbf{y}_k, \mathbf{z}_k$).

$$M_r^k = \begin{bmatrix} m_{11} & m_{12} & m_{13} \\ m_{21} & m_{22} & m_{23} \\ m_{31} & m_{32} & m_{33} \end{bmatrix} \quad (2)$$

gdzie:

$$\begin{aligned} m_{11} &= \cos \phi \cos \kappa \\ m_{12} &= \cos \omega \sin \kappa + \sin \omega \sin \phi \cos \kappa \\ m_{13} &= \sin \omega \sin \kappa - \cos \omega \sin \phi \cos \kappa \\ m_{21} &= -\cos \phi \sin \kappa \\ m_{22} &= \cos \omega \cos \kappa - \sin \omega \sin \phi \sin \kappa \\ m_{23} &= \sin \omega \cos \kappa + \cos \omega \sin \phi \sin \kappa \\ m_{31} &= \sin \phi \\ m_{32} &= -\sin \omega \cos \phi \\ m_{33} &= \cos \omega \cos \phi \end{aligned}$$

W zagadnieniu odwrotnym do przedstawionego powyżej, w tzw. konwencji κ - ϕ - ω , określa się zależność kątową, pomiędzy układem współrzędnych kartezjańskich kamery elektronicznej **6** ($\mathbf{x}_k, \mathbf{y}_k, \mathbf{z}_k$) względem układu współrzędnych ramy odniesienia **3** ($\mathbf{x}_r, \mathbf{y}_r, \mathbf{z}_r$). Zależność tą opisuje, przy założeniu ortogonalności macierzy obrotu M_r^k , wzór 3, z którego wynika, że odwrotność macierzy ortogonalnej jest równa jej transpozycji. Stąd macierz R_k^r , określająca kątową zależność między układem współrzędnych kamery elektronicznej **6** ($\mathbf{x}_k, \mathbf{y}_k, \mathbf{z}_k$) a układem współrzędnych ramy odniesienia **3** ($\mathbf{x}_r, \mathbf{y}_r, \mathbf{z}_r$), przedstawia wzór 4.

$$M^{-1} = (M_r^k)^{-1} = (M_r^k)^T = R_k^r = R \quad (3)$$

$$R_k^r = (M_r^k)^T = \begin{bmatrix} m_{11} & m_{21} & m_{31} \\ m_{12} & m_{22} & m_{32} \\ m_{13} & m_{23} & m_{33} \end{bmatrix} \quad (4)$$

W celu określenia wektora translacji $\vec{T}_k^r$, który określa przesunięcie początku układu współrzędnych kamery elektronicznej **6** ($\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$) od początku układu współrzędnych ramy odniesienia **3** ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$), na podstawie znanej macierzy obrotu $\mathbf{R}_k^r$ i wektora translacji $\vec{T}_r^k$, korzysta się z wzoru 5.

$$\vec{T}_k^r = -\mathbf{R}_k^r \cdot \vec{T}_r^k \quad (5)$$

Matematyczny zapis odwrotnej transformacji, czyli transformacji między kartezjańskim układem współrzędnych kamery elektronicznej **6** ($\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$) a kartezjańskim układem współrzędnych ramy odniesienia **3** ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$), przedstawia wzór 6.

$$\vec{X}_r = \mathbf{R}_k^r \cdot \vec{X}_k + \vec{T}_k^r \quad (6)$$

Na podstawie macierzy $\mathbf{M}_r^k$ (lub $\mathbf{R}_k^r$) (wzory 2 i 4) można wyznaczyć kąty obrotów ω_r , φ_r , κ_r (wzór 7). Wynik obliczeń uzyskujemy w radianach, natomiast w celu przeliczenia na stopnie należy przemnożyć wynik przez przelicznik $180^\circ/\pi$.

$$\begin{aligned} \omega_r &= -\text{atan2}(m_{32}, m_{33}) \\ \varphi_r &= \text{asin}(m_{31}) \\ \kappa_r &= -\text{atan2}(m_{21}, m_{11}) \end{aligned} \quad (7)$$

Następnie, w analogiczny sposób do przedstawionego powyżej, określa się zależność między kartezjańskim i układami współrzędnych tarczy pomiarowej **4** ($\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$) i kamery elektronicznej **6** ($\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$), czyli wyznacza się macierz obrotu $\mathbf{R}_k^t$ (określającą zależność kątową między układem współrzędnych kamery elektronicznej **6** ($\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$) a układem współrzędnych tarczy pomiarowej **4** ($\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$)) i wektor translacji $\vec{T}_k^t$ (określający przesunięcie początku układu współrzędnych kamery elektronicznej **6** ($\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$) od początku układu współrzędnych tarczy pomiarowej **4** ($\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$)).

Na podstawie zarejestrowanych w czasach t_0 (czas pomiaru wyjściowego) i t_1 (czas pomiaru aktualnego) obrazów położenia sygnałów odniesienia **11** i sygnałów kontrolowanych **12**, wykorzystując oprogramowanie, wyznacza się przesunięcia (${}^0\vec{T}_t$ i ${}^1\vec{T}_t$) oraz rotacje (${}^0\mathbf{R}_t^r$ i ${}^1\mathbf{R}_t^r$) między kartezjańskim i układami współrzędnych: tarczy pomiarowej **4** ($\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$) względem ramy odniesienia **3** ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$), w jednorodnym kartezjańskim układzie współrzędnych kamery elektronicznej **6** ($\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$) (fig. 4 i 5).

Na podstawie obliczonych wartości odpowiednich wektorów translacji i odpowiednich macierzy obrotów wyznacza się wzajemne położenie elementu pomiarowego **1**, reprezentowanego przez tarczę pomiarową **4**, względem elementu odniesienia **2**, reprezentowanego przez ramę odniesienia **3**.

W zależności od prognozowanych wielkości przemieszczeń elementów **1** i **2** mierzonego obiektu i wymaganych dokładności pomiarów należy dobrać wielkość urządzenia (w tym ilość i wielkość sygnałów kontrolowanych **12** i sygnałów odniesienia **11**) oraz sposób ustawienia kamery elektronicznej **6** i jej parametry techniczne. Należy również pamiętać, że na wyniki pomiarów, wraz ze wzrostem odległości fotografowania, mogą mieć większy wpływ warunki środowiskowe (np. gradient temperatury i wilgotność powietrza, ciśnienie atmosferyczne, nasłonecznienie, zapylenie czy występujące wibracje), powodując obniżenie dokładności realizowanych pomiarów. Wpływ wymienionych czynników środowiskowych można ograniczyć monitorując dodatkowymi sensorami parametry środowiskowe i atmosfery. Wówczas wyniki z tych sensorów należy uwzględnić, stosując odpowiednie procedury obliczeniowe w CRPD **7**, podczas przetwarzania obrazów, zarejestrowanych kamerą elektroniczną **6**.

Przedmiot wynalazku przedstawiony jest w przykładzie wykonania na rysunku, na którym: fig. 1 – przedstawia urządzenie do pomiarów przemieszczeń w rzucie aksonometrycznym, przy braku połączenia ramy odniesienia z wysięgnikiem, fig. 2 – przedstawia urządzenie w rzucie aksonometrycznym, przy połączeniu ramy odniesienia z wysięgnikiem, fig. 3 – przedstawia urządzenie w rzucie aksonometrycznym bez wysięgnika, przy ustawieniu kamery elektronicznej na niezależnym stanowisku obserwacyjnym, którym może być statyw lub słup obserwacyjny, fig. 4 – przedstawia zależność między kartezjańskim i układami współrzędnych: kamery elektronicznej $\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$, ramy odniesienia $\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$, poziomicy elektronicznej $\mathbf{x}_p\mathbf{y}_p\mathbf{z}_p$ i tarczy pomiarowej $\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$ względem zewnętrznego geodezyjnego układu współrzędnych $\mathbf{X}_G\mathbf{Y}_G\mathbf{Z}_G$ w pozycji wyjściowej pomiarowej t_0 , fig. 5 – przedstawia zależność między kartezjań-

skim i układami współrzędnych: kamery elektronicznej $x_k y_k z_k$, ramy odniesienia $x_r y_r z_r$, poziomnicy elektronicznej $x_p y_p z_p$ i tarczy pomiarowej $x_t y_t z_t$ względem zewnętrznego geodezyjnego układu współrzędnych $X_G Y_G Z_G$ w pozycji aktualnej pomiarowej t_1 , natomiast fig. 6 – przedstawia zależność między kartezjańskim i układami współrzędnych: kamery elektronicznej $x_k y_k z_k$, ramy odniesienia $x_r y_r z_r$, poziomnicy elektronicznej $x_p y_p z_p$ i tarczy pomiarowej $x_t y_t z_t$ względem zewnętrznego geodezyjnego układu współrzędnych $X_G Y_G Z_G$ w kolejnej pozycji pomiarowej w czasie t_2 , przy pochyleniu: ramy odniesienia, poziomnicy elektronicznej i kamery elektronicznej.

P r z y k ł a d 1. Urządzenie do pomiarów przemieszczeń, jak na fig. 1, składa się z tarczy pomiarowej 4, przytwierdzonej śrubami mocującymi 10 do elementu pomiarowego 1 mierzonego obiektu, oraz z ramy odniesienia 3, przytwierdzonej śrubami mocującymi 10 do elementu odniesienia 2 obiektu mierzonego. Do ramy odniesienia 3 przytwierdzona jest śrubami sprzęgającymi 9 poziomnica elektroniczna 14. Rama odniesienia 3 posiada sygnały odniesienia 11 i ma zdefiniowany kartezjański układ współrzędnych ramy odniesienia $x_r y_r z_r$. Tarcza pomiarowa 4 posiada sygnały kontrolowane 12 i ma zdefiniowany kartezjański układ współrzędnych tarczy pomiarowej $x_t y_t z_t$. Natomiast poziomnica elektroniczna 14 ma zdefiniowany kartezjański układ współrzędnych poziomnicy elektronicznej $x_p y_p z_p$ i połączona jest przewodem transmisyjnym poziomnicy 15 z system centralnej rejestracji i przetwarzania danych (CRPD) 7. Do elementu odniesienia 2 przymocowany jest wysięgnik 5, do którego przymocowana jest kamera elektroniczna 6 śrubą sprzęgającą 9. Kamera elektroniczna 6, która ma określony swój kartezjański układ współrzędnych $x_k y_k z_k$, połączona jest przewodem transmisyjnym 8 z system centralnej rejestracji i przetwarzania danych (CRPD) 7. Urządzenie do pomiarów przemieszczeń, wykonane jak w przykładzie 1, przeznaczone jest do określenia prognozowanych przemieszczeń elementów 1 i 2 mierzonego obiektu w zakresie od 0.0 mm do 50.0 mm, z dokładnością pomiarów na poziomie dziesiątych i setnych części milimetra. Rotację elementów mierzonego obiektu wyznacza się na poziomie tysięcznych części stopnia. Wykonane pomiary przemieszczeń odniesione są do linii pionu, realizowanej przez oś z_p kartezjańskiego układu współrzędnych poziomnicy elektronicznej $x_p y_p z_p$ oraz do zewnętrznego geodezyjnego układu współrzędnych $X_G Y_G Z_G$. Odniesienie pomiarów przemieszczeń do zewnętrznego geodezyjnego układu współrzędnych $X_G Y_G Z_G$ realizuje się precyzyjnymi metodami geodezyjnymi, zapewniającymi dokładność pomiarów w przedziale od dziesiątych części milimetra do 1 mm.

Na końcu górnej części ramy odniesienia 3 i na kamerze elektronicznej 6, odpowiednio w geodezyjnym punkcie kontrolnym P_1 ramy odniesienia 3 i geodezyjnym punkcie kontrolnym P_2 kamery elektronicznej 6, osadzone są reflektory zwrotne 16. W sąsiedztwie mierzonego obiektu, poza wpływem jego oddziaływania, usytuowane są stanowisko obserwacyjne instrumentu geodezyjnego 19 i stanowisko obserwacyjne sygnału geodezyjnego 20. Ze stanowisk tych, z wykorzystaniem instrumentu geodezyjnego 17, w nawiązaniu do sygnału geodezyjnego 18, wykonuje się obserwacje geodezyjne (kąty poziome, pionowe i odległości) do reflektorów zwrotnych 16, umieszczonych w geodezyjnych punktach kontrolnych P_1 i P_2 , w odniesieniu do kartezjańskiego geodezyjnego układu współrzędnych $X_G Y_G Z_G$.

Wielkość urządzenia (w tym ilość i wielkość sygnałów kontrolowanych 12 oraz sygnałów odniesienia 11), jak i sposób ustawienia kamery elektronicznej 6 i jej parametry techniczne dobierane są po przeprowadzonej wnikliwej analizie zaistniałego przypadku. Parametry techniczne kamery elektronicznej 6, w tym wielkość i rozdzielczość matrycy oraz zastosowany obiektyw, powinny być tak dobrane, aby uwzględniały wymiary ramy odniesienia 3 oraz wymiary zastosowanych sygnałów kontrolowanych 12 i sygnałów odniesienia 11.

Rejestrację obrazów kamerą elektroniczną 6 należy prowadzić przy ustalonych warunkach oświetleniowych.

Sposób pomiaru przemieszczeń:

Przed przystąpieniem do pomiaru przemieszczeń na mierzonym obiekcie montuje się, za pomocą śrub mocujących 10, odpowiednio na elemencie pomiarowym 1 tarczę pomiarową 4. Z kolei na elemencie odniesienia 2 montuje się ramę odniesienia 3, z poziomnicą elektroniczną 14. Kamerę elektroniczną 6 mocuje się na wysięgniku 5, przy czym wysięgnik 5 jest połączony z elementem odniesienia 2 (fig. 1). Kamerę elektroniczną 6 łączy się przewodem transmisyjnym 8 z systemem centralnej rejestracji i przetwarzania danych (CRPD) 7, natomiast tarczę pomiarową 4 umieszcza się tak, aby znalazła się wewnątrz ramy odniesienia 3 oraz, aby płaszczyzny xy kartezjańskich układów współrzędnych: $x_r y_r z_r$ i $x_t y_t z_t$ były względem siebie równoległe. Po połączeniu poziomnicy elektronicznej 14 z ramą odniesienia 3, kartezjańskie układy współrzędnych: ramy odniesienia $x_r y_r z_r$ i poziomnicy elektronicznej $x_p y_p z_p$, również są względem siebie równoległe. Tak przygotowany obiekt i urządzenie pomiarowe nadaje się do

realizacji obserwacji cyklicznych, w założonym interwale czasowym, i pozwala określić zachodzące przemieszczenia na mierzonym obiekcie. Na końcu górnej części ramy odniesienia **3** i na kamerze elektronicznej **6**, odpowiednio w geodezyjnym punkcie kontrolnym P_1 ramy odniesienia **3** i geodezyjnym punkcie kontrolnym P_2 kamery elektronicznej **6**, osadza się reflektory zwrotne **16**. W sąsiedztwie mierzonego obiektu, poza wpływem jego oddziaływania, sytuuje się stanowisko obserwacyjne instrumentu geodezyjnego **19** i stanowisko obserwacyjne sygnału geodezyjnego **20**. Ze stanowisk tych, z wykorzystaniem instrumentu geodezyjnego **17**, w nawiązaniu do sygnału geodezyjnego **18**, wykonuje się precyzyjne obserwacje geodezyjne (kąty poziome, pionowe i odległości) do reflektorów zwrotnych **16**, umieszczonych w geodezyjnych punktach kontrolnych P_1 i P_2 , w odniesieniu do kartezjańskiego geodezyjnego układu współrzędnych $X_G Y_G Z_G$.

Wyznaczone przemieszczenia odnoszą się nie tylko do wzajemnych przemieszczeń elementów: pomiarowego **1** i odniesienia **2**, ale również odnoszą się do linii pionu, realizowanej przez oś z_p kartezjańskiego układu współrzędnych $x_p y_p z_p$ poziomnicy elektronicznej **14** oraz do zewnętrznego geodezyjnego układu współrzędnych $X_G Y_G Z_G$. Odniesienie pomiarów przemieszczeń do zewnętrznego geodezyjnego układu współrzędnych $X_G Y_G Z_G$ realizuje się precyzyjnymi metodami geodezyjnymi, zapewniającymi dokładność pomiarów w przedziale od dziesiątych części milimetra do 1 mm.

Przed rozpoczęciem właściwych pomiarów urządzenie według wynalazku kalibruje się. W przypadku ramy odniesienia **3** określa się położenie sygnałów odniesienia **11** i reflektora zwrotnego **16**, umieszczonego w geodezyjnym punkcie kontrolnym P_1 , w kartezjańskim układzie współrzędnych $x_r y_r z_r$ ramy odniesienia **3**. Dla tarczy pomiarowej **4** wyznacza się położenie sygnałów kontrolowanych **12** w kartezjańskim układzie współrzędnych $x_t y_t z_t$ tarczy pomiarowej **4**. Dla kamery elektronicznej **6** wyznacza się elementy orientacji wewnętrznej wraz z parametrami dystorsji układu optycznego, stosując znane fotogrametryczne procedury, oraz wyznacza się położenie reflektora zwrotnego **16**, umieszczonego w geodezyjnym punkcie kontrolnym P_2 , w kartezjańskim układzie współrzędnych $x_k y_k z_k$ kamery elektronicznej **6**. Dla poziomnicy elektronicznej **14** określa się położenie zerowe układu współrzędnych $x_p y_p z_p$, w którym pochylenie katowe osi z_p wynosi 0° . Położenie tarczy pomiarowej **4** i ramy odniesienia **3** znajdują się w dobranym zakresie głębi ostrości kamery elektronicznej **6**, przy zadanej odległości fotografowania.

Podczas pomiaru wyjściowego w czasie t_0 (fig. 4), a następnie pomiaru aktualnego w czasie t_1 (fig. 5), rejestruje się kamerą elektroniczną **6** obrazy: ramy odniesienia **3** z sygnałami odniesienia **11** i tarczy pomiarowej **4** z sygnałami kontrolowanymi **12** oraz wykonuje się odczyty pochylenia poziomnicy elektronicznej **14** (fig. 1).

W przypadku wystąpienia niedostatecznego natężenia oświetlenia, podczas fotografowania ramy odniesienia **3** i tarczy pomiarowej **4**, wprowadza się w danym okresie pomiarowym t_0 lub t_1 dodatkowe oświetlenie wspomnianych elementów urządzenia. Podczas pomiaru wyjściowego w czasie t_0 (fig. 4), a następnie pomiaru aktualnego w czasie t_1 (fig. 5), ze stanowiska obserwacyjnego instrumentu geodezyjnego **19** i stanowiska obserwacyjnego sygnału geodezyjnego **20**, z wykorzystaniem instrumentu geodezyjnego **17**, w nawiązaniu do sygnału geodezyjnego **18**, wykonuje się obserwacje geodezyjne (kąty poziome, pionowe i odległości) do reflektorów zwrotnych **16**, umieszczonych w geodezyjnych punktach kontrolnych P_1 i P_2 , w odniesieniu do kartezjańskiego geodezyjnego układu współrzędnych $X_G Y_G Z_G$.

Zarejestrowane kamerą elektroniczną **6** obrazy oraz odczytane wyniki poziomnicy elektronicznej **14**, przesyła się odpowiednio przewodem transmisyjnym **8** i przewodem transmisyjnym **15**, do systemu CRPD **7**. Natomiast obserwacje geodezyjne (kąty poziome, pionowe i odległości) z instrumentu geodezyjnego **17** przesyła się drogą radiową do systemu CRPD **7**. Odebrane przez system CRPD **7** wyniki przetwarza się i archiwizuje.

Przykładowy pomiar realizuje się przy następujących założeniach:

- kamera elektroniczna **6**, wyposażona jest w obiektyw o stałej kamery 50.00 mm;
- rama odniesienia **3** jest prostokątna i ma wymiary 300 mm na 200 mm;
- tarcza pomiarowa **4** jest również prostokątna i ma wymiary 120 mm na 140 mm;
- odległość kamery elektronicznej **6** od ramy odniesienia **3** (y_k) wynosi 200.00 mm;
- położenie geodezyjnego punktu kontrolnego P_1 w układzie współrzędnych ramy odniesienia **3** przedstawia wektor $\vec{T}_{P_1}^r = [10.00; 10.00; 210.00]$ mm;
- położenie geodezyjnego punktu kontrolnego P_2 w układzie współrzędnych kamery elektronicznej **6** przedstawia wektor $\vec{T}_{P_2}^k = [20.00; -50.00; 30.00]$ mm;

- podczas pomiaru wyjściowego (w czasie t_0) odpowiednie osie kartezjańskich układów współrzędnych tarczy pomiarowej ($\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$) i ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$) są względem siebie równoległe, czyli macierz obrotu ${}^0R_t^r$ (macierz opisująca zależność kątową między układem współrzędnych tarczy pomiarowej ($\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$) a układem współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$)) jest macierzą jednostkową;
- oś $\mathbf{y}_k$ kartezjańskiego układu współrzędnych kamery elektronicznej **6** jest zwrócona w przybliżeniu prostopadle i centralnie do ramy odniesienia **4** – wartości kątów $\omega_k, \varphi_k, \kappa_k$ (określające rotację układu współrzędnych kamery elektronicznej $\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$ w kartezjańskim układzie współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$)) oblicza się na etapie pomiaru wyjściowego (w czasie t_0) i pomiaru aktualnego (w czasie t_1).

Na podstawie zarejestrowanych w czasie t_0 obrazów sygnałów odniesienia **11** i sygnałów kontrolowanych **12** oblicza się wartości (fig. 4): wektorów translacji: ${}^0\overline{T}_r^k$ (wektor przesunięcia początku układu współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$) od początku układu współrzędnych kamery elektronicznej ($\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$)), (${}^0\overline{T}_r^k = [-145.00; -200.00; -95.00]$) i ${}^0\overline{T}_k^t$ (wektor określający przesunięcie początku układu współrzędnych kamery elektronicznej ($\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$) od początku układu współrzędnych tarczy pomiarowej ($\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$)) (${}^0\overline{T}_k^t = [118.07; -219.13; 62.03]$). Oblicza się również macierze obrotów: ${}^0R_k^r$ (macierz opisująca zależność kątową między układem współrzędnych kamery elektronicznej ($\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$) a układem współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$)) i ${}^0R_k^t$ (macierz opisująca zależność kątową między układem współrzędnych kamery elektronicznej ($\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$) a układem współrzędnych tarczy pomiarowej ($\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$)).

$${}^0R_k^r = \begin{bmatrix} 0.9999 & -0.0120 & 0.0073 \\ 0.0120 & 0.9999 & -0.0095 \\ -0.0072 & 0.0096 & 0.9999 \end{bmatrix}$$

$${}^0R_k^t = \begin{bmatrix} 0.9999 & -0.0120 & 0.0073 \\ 0.0120 & 0.9999 & -0.0095 \\ -0.0072 & 0.0096 & 0.9999 \end{bmatrix}$$

Na podstawie macierzy ${}^0R_k^r$ wyznacza się (wzór 7) wartości kątów: $\omega_k, \varphi_k, \kappa_k$, określające rotację układu współrzędnych kamery elektronicznej $\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$ względem układu współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$) ($\omega_k=0.544^\circ, \varphi_k=0.421^\circ, \kappa_k=0.685^\circ$). Ponieważ obie macierze obrotów ${}^0R_k^r$ i ${}^0R_k^t$ są sobie równe, więc kąty obrotów: $\omega_k, \varphi_k, \kappa_k$ (określające rotację układu współrzędnych tarczy pomiarowej $\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$ w układzie współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$)) wynoszą $\omega_k=0.000^\circ, \varphi_k=0.000^\circ, \kappa_k=0.000^\circ$. Świadczy to, że odpowiednie osie układów współrzędnych $\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$ i $\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$ są wzajemnie równoległe.

Stosując wzór nr 5 oblicza się wektor ${}^0\overline{T}_k^r$ (przesunięcie początku układu kamery elektronicznej ($\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$) od początku układu ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$)):

$${}^0\overline{T}_k^r = - {}^0R_k^r * {}^0\overline{T}_r^k = [148.07; -199.13; 92.03].$$

Na podstawie wyników obliczeń można wyznaczyć składowe wektora ${}^0\overline{T}_t^r$ (określające przesunięcie początku układu współrzędnych tarczy pomiarowej ($\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$) od początku układu współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$)):

$${}^0\overline{T}_t^r = [30.00; 20.00; 30.00].$$

W czasie pomiaru wyjściowego t_0 , ze stanowiska obserwacyjnego instrumentu geodezyjnego **19**, z wykorzystaniem instrumentu geodezyjnego **17**, w nawiązaniu do sygnału geodezyjnego **18**, wykonuje się obserwacje geodezyjne (kąty poziome, pionowe i odległości) do reflektorów zwrotnych **16**, umieszczonych w geodezyjnych punktach kontrolnych $\mathbf{P}_1$ i $\mathbf{P}_2$. Na podstawie obserwacji geodezyjnych wyznacza się położenie geodezyjnych punktów kontrolnych $\mathbf{P}_1$ i $\mathbf{P}_2$ w kartezjańskim geodezyjnym układzie

współrzędnych $\mathbf{X}_G\mathbf{Y}_G\mathbf{Z}_G$. W oparciu o obliczone współrzędne punktów $\mathbf{P}_1$ i $\mathbf{P}_2$ wyznacza się wektor ${}^0\overline{T}_{P_1}^{P_2}$,

określający wzajemne położenie geodezyjnych punktów kontrolnych P_2 względem P_1 w kartezjańskim układzie współrzędnych ramy odniesienia (x_r, y_r, z_r):

$${}^0\overrightarrow{T}_{P_2}^{P_1} = [158.89; -259.17; -88.60].$$

Otrzymane wyniki obliczeń potwierdziły przyjęte założenia odnośnie położenia ramy odniesienia **3**, tarczy pomiarowej **4**, kamery elektronicznej **6** i poziomnicy elektronicznej **14** w czasie t_0 .

W określonym cyklu pomiarowym (w czasie pomiaru aktualnego t_1) na zarejestrowanych obrazach podobnie oblicza się (fig. 5) wartości wektorów translacji: ${}^1\overrightarrow{T}_k^r$ (${}^1\overrightarrow{T}_k^r = [148.07; -199.13; 92.03]$) i ${}^1\overrightarrow{T}_k^t$ (${}^1\overrightarrow{T}_k^t = [113.52; -222.36; 60.95]$) oraz macierze obrotów: ${}^1R_k^r$ i ${}^1R_k^t$, na podstawie których wyznacza się przesunięcie tarczy pomiarowej **4** względem ramy odniesienia **3** (${}^1\overrightarrow{T}_t^r = [31.12; 21.98; 33.06]$), oraz macierz obrotu ${}^1R_t^r$ (macierz opisująca zależność kątową między układem współrzędnych tarczy pomiarowej (x_t, y_t, z_t) a układem współrzędnych ramy odniesienia (x_r, y_r, z_r)).

$${}^1R_t^r = \begin{bmatrix} 0.9999 & -0.0131 & 0.0087 \\ 0.0131 & 0.9999 & -0.0044 \\ -0.0087 & 0.0045 & 1.0000 \end{bmatrix}$$

Na podstawie macierzy ${}^1R_t^r$ wyznacza się (wzór 7) kąty obrotu ω , φ , κ (określające rotację w czasie t_1 układu współrzędnych tarczy pomiarowej x_t, y_t, z_t w układzie współrzędnych ramy odniesienia (x_r, y_r, z_r): $\omega=0.250^\circ$, $\varphi=0.500^\circ$, $\kappa=0.750^\circ$). Obliczone wartości składowych wektora ${}^1\overrightarrow{T}_t^r$ i kąty obrotu ω , φ , κ w czasie t_1 są zgodne z założonymi wartościami, przyjętymi w tym przykładzie obliczeniowym.

W następnym kroku określa się wychylenie mierzonego obiektu względem linii pionu, realizowanej przez oś z_p , kartezjańskiego układu współrzędnych x_p, y_p, z_p poziomnicy elektronicznej **14** oraz dokonuje się oceny położenia mierzonego obiektu w kartezjańskim geodezyjnym zewnętrznym układzie współrzędnych X_G, Y_G, Z_G . W tym celu analizuje się wyniki obserwacji poziomnicy elektronicznej **14** i wyniki pomiarów kątowo-liniowych, zrealizowanych instrumentem geodezyjnym **17**. Jeżeli wyniki w czasie pomiaru aktualnego t_1 są takie same jak w czasie pomiaru wyjściowego t_0 , na poziomie dokładności po-

miarów instrumentów pomiarowych **14** i **17**, wówczas macierz ${}^1R_p^{p_0}$ jest macierzą jednostkową. Otrzymane wyniki pomiarów poziomnicą elektroniczną **14** i instrumentem geodezyjnym **17** wykazują stałość położenia ramy odniesienia **3** (jednocześnie elementu odniesienia **2**) w czasie pomiaru aktualnego t_1 (fig. 5), czyli wektory łączące geodezyjne punkty kontrolne P_1 i P_2 , wyznaczone w czasach t_0 i t_1 , są sobie równe (${}^0\overrightarrow{T}_{P_2}^{P_1} = {}^1\overrightarrow{T}_{P_2}^{P_1}$), jak również współrzędne geodezyjnych punktów kontrolnych P_1 i P_2 , wyznaczone w czasach t_0 i t_1 w kartezjańskim geodezyjnym zewnętrznym układzie współrzędnych X_G, Y_G, Z_G , też są sobie równe.

W tym przypadku, wyznaczone przemieszczenie tarczy pomiarowej **4** względem ramy odniesienia **3** odnoszą się do linii pionu, zrealizowanej przez poziomnicę **14** (fig. 5), i do zewnętrznego geodezyjnego układu współrzędnych X_G, Y_G, Z_G .

P r z y k ł a d 2. Urządzenie do pomiarów przemieszczeń, jak na fig. 2, składa się z tarczy pomiarowej **4**, przytwierdzonej śrubami mocującymi **10** do elementu pomiarowego **1** mierzonego obiektu, oraz ramy odniesienia **3**, przytwierdzonej śrubami mocującymi **10** do elementu odniesienia **2** obiektu mierzonego. Z kolei do ramy odniesienia **3** przytwierdzona jest śrubami sprzęgającymi **9** poziomnica elektroniczna **14** i przymocowany jest na stałe wysięgnik **5**. Tarcza pomiarowa **4** posiada sygnały kontrolowane **12** i ma zdefiniowany kartezjański układ współrzędnych tarczy pomiarowej x_t, y_t, z_t . Natomiast rama odniesienia **3** posiada sygnały odniesienia **11** i ma określony kartezjański układ współrzędnych ramy odniesienia x_r, y_r, z_r . Poziomnica elektroniczna **14** ma zdefiniowany kartezjański układ współrzędnych poziomnicy elektronicznej x_p, y_p, z_p i połączona jest przewodem transmisyjnym poziomnicy **15** z system centralnej rejestracji i przetwarzania danych (CRPD) **7**. Dodatkowo do wysięgnika **5** przymocowana jest kamera elektroniczna **6** śrubą sprzęgającą **9**. Kamera elektroniczna **6** ma zdefiniowany swój kartezjański układ współrzędnych x_k, y_k, z_k i połączona jest przewodem transmisyjnym **8** z system centralnej rejestracji i przetwarzania danych (CRPD) **7**.

Urządzenie do pomiaru przemieszczeń, wykonane jak w przykładzie 2, przeznaczone jest do pomiarów prognozowanych przemieszczeń elementów **1** i **2** mierzonego obiektu w zakresie od 0.00 mm do 10.00 mm z dokładnością pomiarów na poziomie ± 0.01 mm. Rotację elementów mierzonego obiektu wyznacza się na poziomie tysięcznych części stopnia. Wykonane pomiary przemieszczeń odniesione są do kartezjańskiego układu współrzędnych $x_p y_p z_p$ poziomnicy elektronicznej **14** oraz do zewnętrznego geodezyjnego układu współrzędnych $X_G Y_G Z_G$. Odniesienie pomiarów przemieszczeń do zewnętrznego geodezyjnego układu współrzędnych $X_G Y_G Z_G$ realizuje się precyzyjnymi metodami geodezyjnymi, zapewniającymi dokładność pomiarów w przedziale od dziesiątych części milimetra do 1 mm.

Na końcu górnej części ramy odniesienia **3** i na kamerze elektronicznej **6**, odpowiednio w geodezyjnym punkcie kontrolnym P_1 ramy odniesienia **3** i geodezyjnym punkcie kontrolnym P_2 kamery elektronicznej **6**, osadzone są reflektory zwrotne **16**. W sąsiedztwie mierzonego obiektu, poza wpływem jego oddziaływania, usytuowane są stanowisko obserwacyjne instrumentu geodezyjnego **19** i stanowisko obserwacyjne sygnału geodezyjnego **20**. Ze stanowisk tych, z wykorzystaniem instrumentu geodezyjnego **17**, w nawiązaniu do sygnału geodezyjnego **18**, wykonuje się obserwacje geodezyjne (kąty poziome, pionowe i odległości) do reflektorów zwrotnych **16**, umieszczonych w geodezyjnych punktach kontrolnych P_1 i P_2 , w odniesieniu do kartezjańskiego geodezyjnego układu współrzędnych $X_G Y_G Z_G$.

W tym przykładzie wykonania wpływ warunków środowiskowych jest ograniczony do minimum. Wielkość urządzenia (w tym ilość i wielkość sygnałów kontrolowanych **12** i sygnałów odniesienia **11**), jak i sposób ustawienia kamery elektronicznej **6** i jej parametry techniczne, dobierane są po przeprowadzonej wnikliwej analizie zaistniałego przypadku. Parametry techniczne kamery elektronicznej **6**, w tym wielkość i rozdzielczość matrycy oraz zastosowany obiektyw, powinny być tak dobrane, aby uwzględniały wymiary ramy odniesienia **3** oraz wymiary zastosowanych sygnałów kontrolowanych **12** i sygnałów odniesienia **11**. Rejestrację obrazów kamerą elektroniczną **6** należy prowadzić przy ustalonych warunkach oświetleniowych.

Sposób pomiaru przemieszczeń:

Pomiaru dokonuje się jak w przykładzie 1, przy czym wysięgnik **5** przymocowany jest na stałe do ramy odniesienia **3** (fig. 2). Dalej postępuje się jak w przykładzie 1.

P r z y k ł a d 3. Układ jak w przykładzie 1, z tym, że pokazane na fig. 3, gdzie kamera elektroniczna **6** umieszczona jest na niezależnym stanowisku obserwacyjnym **13**, niezwiązanym z mierzonym obiektem.

Urządzenie do pomiaru przemieszczeń, wykonane jak w przykładzie 3, przeznaczone jest do pomiarów prognozowanych przemieszczeń elementów **1** i **2** mierzonego obiektu w zakresie od 0 mm do 200 mm z dokładnością pomiarów w zakresie od setnych części milimetra do kilku milimetrów. Uzyskana dokładność uwarunkowana jest parametrami technicznymi sprzętu pomiarowego i odległością fotografowania. W tym przykładzie wykonania, przy znacznych odległościach fotografowania, należy bezwzględnie uwzględnić wpływ warunków środowiskowych na wyniki pomiarów stosując odpowiednie procedury obliczeniowe w CRPD **7**.

Sposób pomiaru przemieszczeń:

Względne przemieszczenie tarczy pomiarowej **4** w odniesieniu do ramy odniesienia **3** w czasie t_2 jest takie same jak w czasie t_1 (${}^2R_t^r = {}^1R_t^r$), z tym, że kamera elektroniczna **6** umieszczona jest na stanowisku obserwacyjnym **13**, niezwiązanym z mierzonym obiektem (fig. 3) oraz element odniesienia **2** wraz ze stanowiskiem obserwacyjnym **13** doznały przemieszczenia w stosunku do elementu pomiarowego **1**.

Podczas pomiaru wyjściowego w czasie t_0 (fig. 4), a następnie pomiaru aktualnego w czasie t_2 (fig. 6), rejestruje się kamerą elektroniczną **6** obrazy: ramy odniesienia **3** z sygnałami odniesienia **11** i tarczy pomiarowej **4** z sygnałami kontrolowanymi **12** (fig. 3). W tym samym czasie ze stanowiska obserwacyjnego instrumentu geodezyjnego **19**, z wykorzystaniem instrumentu geodezyjnego **17**, w nawiązaniu do sygnału geodezyjnego **18**, wykonuje się obserwacje geodezyjne (kąty poziome, pionowe i odległości) do reflektorów zwrotnych **16**, umieszczonych w geodezyjnych punktach kontrolnych P_1 i P_2 , w odniesieniu do kartezjańskiego geodezyjnego układu współrzędnych $X_G Y_G Z_G$. Jeżeli element odniesienia **2**, reprezentowany przez ramę odniesienia **3**, doznał przemieszczenia, wówczas występują istotne różnice w odczytach poziomnicy elektronicznej **14** i różnice w pomiarach instrumentem geodezyjnym **17**, przekraczające założone wartości dopuszczalne (fig. 6, czas kolejnego pomiaru t_2).

W przykładzie obliczeniowym przyjęto, że odczyty z poziomnicy elektronicznej **14** wynoszą odpowiednio: $\omega_p = -0.2565^\circ$, $\varphi_p = -0.4967^\circ$ i przy założeniu, że po kalibracji osie współrzędnych $x_p y_p$ poziomnicy elektronicznej **14** są równoległe z osiami współrzędnych $x_r y_r$ ramy odniesienia **3**, wówczas kąt $\kappa_p = 0.000^\circ$. Wtedy macierz obrotu ${}^2R_p^{p_0}$, określająca położenie poziomnicy elektronicznej **14** w czasie t_2 , oraz macierz ${}^2R_r^{p_0}$, określająca położenie ramy odniesienia **3** względem linii pionu, są sobie równe i wynoszą:

$${}^2R_r^{p_0} = {}^2R_p^{p_0} = \begin{bmatrix} 1.0000 & 0.0000 & -0.0087 \\ 0.0000 & 1.0000 & 0.0045 \\ 0.0087 & -0.0045 & 1.0000 \end{bmatrix}$$

Następnie na podstawie obserwacji geodezyjnych wyznacza się położenie geodezyjnych punktów kontrolnych P_1 i P_2 w geodezyjnym zewnętrznym układzie współrzędnych $X_G Y_G Z_G$.

Na podstawie znanych z literatury wzorów przeprowadza się obliczenia położenia tarczy pomiarowej **4** względem linii pionu, a macierz obrotu ${}^2R_t^{p_0}$ ma wartość:

$${}^2R_t^{p_0} = \begin{bmatrix} 0.9999 & -0.0131 & 0.0001 \\ 0.0131 & 0.9999 & 0.0001 \\ -0.0001 & -0.0001 & 1.0000 \end{bmatrix}$$

Kąty obrotu tarczy pomiarowej **4** względem linii pionu, otrzymane z macierzy ${}^2R_t^{p_0}$ (wzór 7), przyjmują odpowiednio wartości: $\omega_t = -0.0065^\circ$, $\varphi_t = 0.0033^\circ$ i $\kappa_t = 0.7522^\circ$. Kąty obrotu ramy odniesienia **3** względem linii pionu, otrzymane z macierzy ${}^2R_r^{p_0}$ (wzór 7), przyjmują wartości: $\omega_r = -0.2565^\circ$, $\varphi_r = -0.4967^\circ$ i $\kappa_r = 0.0000^\circ$. Wektor przesunięcia tarczy pomiarowej **4** w stosunku do ramy odniesienia **3** (${}^p\vec{T}_t^r$), wyznaczony w kartezjańskim układzie współrzędnych $x_p y_p z_p$ poziomnicy elektronicznej **14**, czyli odniesiony do linii pionu, wynosi:

$${}^p\vec{T}_t^r = [30.83; 22.13; 33.23]$$

W kolejnym kroku w czasie t_2 , na podstawie obliczonych współrzędnych punktów P_1 i P_2 , oraz na podstawie pomierzonych kątów pochylenia ramy odniesienia **3**, zarejestrowanych poziomnicą elektroniczną **14** ($\omega = \omega_p$ i $\varphi = \varphi_p$), wyznacza się wektor ${}^2T_{P_2}^{P_1}$, określający wzajemne położenie geodezyjnych punktów kontrolnych P_2 względem P_1 w kartezjańskim układzie współrzędnych ramy odniesienia ($x_r y_r z_r$):

$${}^2T_{P_2}^{P_1} = [156.24; -261.62; -86.08].$$

Następnie w czasie t_2 wyznacza się położenie wektora łączącego geodezyjne punkty kontrolne P_1 i P_2 , i na tej podstawie określa się kąt obrotu κ_t ramy odniesienia **3** względem linii pionu (z obliczeń wartość ta wynosi $\kappa_t = -0.7522^\circ$). W kolejnym kroku oblicza się kąty obrotu i przesunięcie kartezjańskich układów współrzędnych: kamery elektronicznej **6** i ramy odniesienia **3** w geodezyjnym zewnętrznym układzie współrzędnych $X_G Y_G Z_G$. Ostateczne wyznaczone położenie elementu pomiarowego **1** mierzonego obiektu, reprezentowanego przez tarczę pomiarową **4**, względem elementu odniesienia **2** mierzonego obiektu, reprezentowanego przez ramę odniesienia **3**, w kartezjańskim geodezyjnym zewnętrznym układzie współrzędnych $X_G Y_G Z_G$, określone przez wektor translacji ${}^G\vec{T}_t^r$ i macierz rotacji ${}^G R_t^r$, wynosi:

$${}^G\vec{T}_t^r = [31.12; 21.98; 33.06]$$

$${}^G R_t^r = \begin{bmatrix} 0.9999 & -0.0131 & 0.0087 \\ 0.0131 & 0.9999 & -0.0044 \\ -0.0087 & 0.0045 & 1.0000 \end{bmatrix}$$

Wyznaczone w czasie t_2 kąty obrotu tarczy pomiarowej **4** względem ramy odniesienia, otrzymane z macierzy ${}^G R_t^r$ (wzór 7), przyjmują odpowiednio wartości: $\alpha=0.250^\circ$, $\varphi=0.500^\circ$ i $\kappa_1=0.750^\circ$, a obliczone przesunięcie elementu pomiarowego **1** mierzonego obiektu, reprezentowanego przez tarczę pomiarową **4**, względem elementu odniesienia **2** mierzonego obiektu, reprezentowanego przez ramę odniesienia **3**, w czasie t_2 w odniesieniu do czasu wyjściowego t_0 , w kartezjańskim geodezyjnym zewnętrznym układzie współrzędnych $X_G Y_G Z_G$, ostatecznie wynosi:

$${}^G \overline{T}_t^r - {}^0 \overline{T}_t^r = [1.12; 1.98; 3.06]$$

Otrzymane wyniki obliczeń potwierdziły przyjęte założenia odnośnie położenia ramy odniesienia **3**, tarczy pomiarowej **4**, kamery elektronicznej **6** i poziomnicy elektronicznej **14** w czasie t_2 względem zewnętrznego geodezyjnego układu współrzędnych $X_G Y_G Z_G$. Cały tok obliczeń przeprowadza się w systemie CRPD **7**, stosując odpowiednie algorytmy.

Wykaz oznaczeń:

1	– element pomiarowy pierwszy
2	– element odniesienia
3	– rama odniesienia
4	– tarcza pomiarowa
5	– wysięgnik
6	– kamera elektroniczna
7	– system centralnej rejestracji i przetwarzania danych (CRPD)
8	– przewód transmisyjny kamery
9	– śruba sprzęgająca
10	– śruba mocująca
11	– sygnał odniesienia
12	– sygnał kontrolowany
13	– stanowisko obserwacyjne kamery elektronicznej
14	– poziomnica elektroniczna
15	– przewód transmisyjny poziomnicy
16	– reflektor zwrotny
17	– instrument geodezyjny
18	– sygnał geodezyjny
19	– stanowisko obserwacyjne instrumentu geodezyjnego
20	– stanowisko obserwacyjne sygnału geodezyjnego
A, B	– punkty osnowy geodezyjnej
P₁, P₂	– geodezyjne punkty kontrolne
t₀	– czas pomiaru wyjściowego
t₁	– czas pomiaru aktualnego, przy stałości elementu odniesienia
t₂	– czas kolejnego pomiaru aktualnego, przy pochyleniu elementu odniesienia
x_ry_rz_r	– kartezjański układ współrzędnych ramy odniesienia
x_ty_tz_t	– kartezjański układ współrzędnych tarczy pomiarowej
x_ky_kz_k	– kartezjański układ współrzędnych kamery elektronicznej
x_py_pz_p	– kartezjański układ współrzędnych poziomnicy elektronicznej
X_GY_GZ_G	– kartezjański geodezyjny zewnętrzny układ współrzędnych
α, φ, κ	– trzy kąty Euler'a, określające rotację układu współrzędnych ramy odniesienia x_ry_rz_r
$\alpha, \varphi, \kappa_1$	– trzy kąty Euler'a, określające rotację układu współrzędnych tarczy pomiarowej x_ty_tz_t
$\alpha_p, \varphi_p, \kappa_p$	– trzy kąty Euler'a, określające rotację układu współrzędnych poziomnicy elektronicznej x_py_pz_p
$\alpha_k, \varphi_k, \kappa_k$	– trzy kąty Euler'a, określające rotację układu współrzędnych kamery elektronicznej x_ky_kz_k

- ${}^0R_t^r, {}^1R_t^r, {}^2R_t^r$ – macierze obrotu, opisujące zależność kątową między układem współrzędnych tarczy pomiarowej ($\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$) a układem współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$), odpowiednio podczas pomiaru: wyjściowego w czasie t_0 , aktualnego w czasie t_1 , aktualnego w czasie t_2
- ${}^0\overrightarrow{T}_t^r, {}^1\overrightarrow{T}_t^r, {}^2\overrightarrow{T}_t^r$ – wektory translacji, określające przesunięcie początku układu współrzędnych tarczy pomiarowej ($\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$) od początku układu współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$), odpowiednio podczas pomiaru: wyjściowego w czasie t_0 , aktualnego w czasie t_1 , aktualnego w czasie t_2
- ${}^0R_k^t, {}^1R_k^t, {}^2R_k^t$ – macierze obrotu, opisujące zależność kątową między układem współrzędnych kamery elektronicznej ($\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$) a układem współrzędnych tarczy pomiarowej ($\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$), odpowiednio podczas pomiaru: wyjściowego w czasie t_0 , aktualnego w czasie t_1 , aktualnego w czasie t_2
- ${}^0\overrightarrow{T}_k^t, {}^1\overrightarrow{T}_k^t, {}^2\overrightarrow{T}_k^t$ – wektory translacji, określające przesunięcie początku układu współrzędnych kamery elektronicznej ($\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$) od początku układu współrzędnych tarczy pomiarowej ($\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$), odpowiednio podczas pomiaru: wyjściowego w czasie t_0 , aktualnego w czasie t_1 , aktualnego w czasie t_2
- ${}^0R_k^r, {}^1R_k^r, {}^2R_k^r$ – macierze obrotu, opisujące zależność kątową między układem współrzędnych kamery elektronicznej ($\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$) a układem współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$), odpowiednio podczas pomiaru: wyjściowego w czasie t_0 , aktualnego w czasie t_1 , aktualnego w czasie t_2
- ${}^0\overrightarrow{T}_k^r, {}^1\overrightarrow{T}_k^r, {}^2\overrightarrow{T}_k^r$ – wektory translacji, określające przesunięcie początku układu współrzędnych kamery elektronicznej ($\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$) od początku układu współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$), odpowiednio podczas pomiaru: wyjściowego w czasie t_0 , aktualnego w czasie t_1 , aktualnego w czasie t_2
- ${}^0R_k^p, {}^1R_k^p, {}^2R_k^p$ – macierze obrotu, opisujące zależność kątową między układem współrzędnych kamery elektronicznej ($\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$) a układem współrzędnych poziomnicy elektronicznej ($\mathbf{x}_p\mathbf{y}_p\mathbf{z}_p$), odpowiednio podczas pomiaru: wyjściowego w czasie t_0 , aktualnego w czasie t_1 , aktualnego w czasie t_2
- ${}^0R_r^p, {}^1R_r^p, {}^2R_r^p$ – macierze obrotu, opisujące zależność kątową między układem współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$) a układem współrzędnych poziomnicy elektronicznej ($\mathbf{x}_p\mathbf{y}_p\mathbf{z}_p$), odpowiednio podczas pomiaru: wyjściowego w czasie t_0 , aktualnego w czasie t_1 , aktualnego w czasie t_2
- ${}^0R_p^{p_0}, {}^1R_p^{p_0}, {}^2R_p^{p_0}$ – macierz obrotu, opisująca zależność kątową układu współrzędnych poziomnicy elektronicznej ($\mathbf{x}_p\mathbf{y}_p\mathbf{z}_p$) względem linii pionu, odpowiednio podczas pomiaru: wyjściowego w czasie t_0 , aktualnego w czasie t_1 , aktualnego w czasie t_2
- ${}^2R_t^{p_0}$ – macierz obrotu, określająca zależność kątową układu współrzędnych tarczy pomiarowej ($\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$) względem linii pionu
- ${}^2R_r^{p_0}$ – macierz obrotu, określająca zależność kątową układu współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$) względem linii pionu
- ${}^p\overrightarrow{T}_t^r$ – wektor translacji, określający przesunięcie początku układu współrzędnych tarczy pomiarowej ($\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$) w stosunku do początku układu współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$), wyznaczony w kartezjańskim układzie współrzędnych $\mathbf{x}_p\mathbf{y}_p\mathbf{z}_p$ poziomnicy elektronicznej, czyli odniesiony do linii pionu
- ${}^0R_k^G, {}^1R_k^G, {}^2R_k^G$ – macierze obrotu, opisujące zależność kątową między układem współrzędnych kamery elektronicznej ($\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$) a geodezyjnym zewnętrznym układem współrzędnych ($\mathbf{X}_G\mathbf{Y}_G\mathbf{Z}_G$), odpowiednio podczas pomiaru: wyjściowego w czasie t_0 , aktualnego w czasie t_1 , aktualnego w czasie t_2

- ${}^0\overrightarrow{T}_k^G, {}^1\overrightarrow{T}_k^G, {}^2\overrightarrow{T}_k^G$ – wektory translacji, określające przesunięcie początku układu współrzędnych kamery elektronicznej ($\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$) od początku geodezyjnego zewnętrznego układu współrzędnych ($\mathbf{X}_G\mathbf{Y}_G\mathbf{Z}_G$), odpowiednio podczas pomiaru: wyjściowego w czasie t_0 , aktualnego w czasie t_1 , aktualnego w czasie t_2
- ${}^0R_r^G, {}^1R_r^G, {}^2R_r^G$ – macierze obrotu, opisujące zależność kątową między układem współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$) a geodezyjnym zewnętrznym układem współrzędnych ($\mathbf{X}_G\mathbf{Y}_G\mathbf{Z}_G$), odpowiednio podczas pomiaru: wyjściowego w czasie t_0 , aktualnego w czasie t_1 , aktualnego w czasie t_2
- ${}^0\overrightarrow{T}_r^G, {}^1\overrightarrow{T}_r^G, {}^2\overrightarrow{T}_r^G$ – wektory translacji, określające przesunięcie początku układu współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$) od początku geodezyjnego zewnętrznego układu współrzędnych ($\mathbf{X}_G\mathbf{Y}_G\mathbf{Z}_G$), odpowiednio podczas pomiaru: wyjściowego w czasie t_0 , aktualnego w czasie t_1 , aktualnego w czasie t_2
- ${}^0R_p^G, {}^1R_p^G, {}^2R_p^G$ – macierze obrotu, opisujące zależność kątową między układem współrzędnych poziomnicy elektronicznej ($\mathbf{x}_p\mathbf{y}_p\mathbf{z}_p$) a geodezyjnym zewnętrznym układem współrzędnych ($\mathbf{X}_G\mathbf{Y}_G\mathbf{Z}_G$), odpowiednio podczas pomiaru: wyjściowego w czasie t_0 , aktualnego w czasie t_1 , aktualnego w czasie t_2
- $\overrightarrow{T}_{P_1}^r$ – wektor opisujący położenie geodezyjnego punktu kontrolnego P_1 w układzie współrzędnych ramy odniesienia **3**
- $\overrightarrow{T}_{P_2}^k$ – wektor opisujący położenie geodezyjnego punktu kontrolnego P_2 w układzie współrzędnych kamery elektronicznej **6**
- ${}^0\overrightarrow{T}_{P_2}^{P_1}, {}^1\overrightarrow{T}_{P_2}^{P_1}, {}^2\overrightarrow{T}_{P_2}^{P_1}$ – wektory określające wzajemne położenie geodezyjnych punktów kontrolnych P_2 względem P_1 w kartezjańskim układzie współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$), odpowiednio podczas pomiaru: wyjściowego w czasie t_0 , aktualnego w czasie t_1 , aktualnego w czasie t_2
- ${}^G R_t^r$ – macierz obrotu, określająca zależność kątową układu współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$) względem linii pionu
- ${}^G\overrightarrow{T}_t^r$ – wektor translacji, określający przesunięcie początku układu współrzędnych tarczy pomiarowej ($\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$) w stosunku do początku układu współrzędnych ramy odniesienia ($\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$), wyznaczony w geodezyjnym zewnętrznym układzie współrzędnych ($\mathbf{X}_G\mathbf{Y}_G\mathbf{Z}_G$)

Zastrzeżenia patentowe

1. Urządzenie do pomiarów przemieszczeń, zawierające kamerę elektroniczną i poziomnicę elektroniczną, połączone z systemem centralnej rejestracji i przetwarzania danych (CRPD), oraz fotopunkty rejestrowane na obrazach, **znamienne tym**, że zawiera ramę odniesienia (3), z naniesionymi co najmniej czterema sygnałami odniesienia (11), które są osadzone w jednej płaszczyźnie $\mathbf{x}_r\mathbf{z}_r$, w lokalnym kartezjańskim układzie współrzędnych $\mathbf{x}_r\mathbf{y}_r\mathbf{z}_r$, przy czym, jeśli liczba sygnałów odniesienia (11) wynosi m, to liczba sygnałów odniesienia (11), które nie mogą leżeć na jednej prostej, wynosi m-1, oraz zawiera tarczę pomiarową (4), z co najmniej czterema sygnałami kontrolowanymi (12), które są osadzone w jednej płaszczyźnie $\mathbf{x}_t\mathbf{z}_t$, w lokalnym kartezjańskim układzie współrzędnych $\mathbf{x}_t\mathbf{y}_t\mathbf{z}_t$, przy czym, jeśli liczba sygnałów kontrolowanych (12) wynosi k, to liczba sygnałów kontrolowanych (12), które nie mogą leżeć na jednej prostej, wynosi k-1, ponadto kamera elektroniczna (6) ma zdefiniowany kartezjański układ współrzędnych $\mathbf{x}_k\mathbf{y}_k\mathbf{z}_k$ i połączona jest z systemem centralnej rejestracji i przetwarzania danych (7) oraz zwrócona jest obiektywem w stronę ramy odniesienia (3) i tarczy pomiarowej (4), natomiast do ramy odniesienia (3) przytwierdzona jest poziomnica elektroniczna (14), która ma zdefiniowany kartezjański układ współrzędnych $\mathbf{x}_p\mathbf{y}_p\mathbf{z}_p$, i połączona jest z systemem centralnej rejestracji i przetwarzania danych (CRPD) (7), ponadto urządzenie posiada co najmniej dwa reflektory zwrotne (16), osadzone na dowolnym elemencie urządzenia, które

umieszczone są w geodezyjnych punktach kontrolnych ($P_1, P_2, \dots$), w odniesieniu do kartezjańskiego geodezyjnego układu współrzędnych $X_G Y_G Z_G$.

2. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że system centralnej rejestracji i przetwarzania danych (7) jest przenośnym mikrokomputerem.
3. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że sygnały odniesienia (11) mają postać kwadratów.
4. Urządzenie według zastrz. 3, **znamienne tym**, że kwadraty mają wypełnienie kolorem białym i/lub czarnym.
5. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że sygnały odniesienia (11) mają postać koncentrycznych okręgów.
6. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że sygnały odniesienia (11) mają postać koła.
7. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że sygnały odniesienia (11) mają postać krzyża.
8. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że sygnały odniesienia (11) mają postać znaku kodowego.
9. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że sygnały odniesienia (11) są rozmieszczone na ramie odniesienia (3) w sposób regularny.
10. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że sygnały kontrolowane (12) mają postać kwadratów.
11. Urządzenie według zastrz. 10, **znamienne tym**, że kwadraty mają wypełnienie kolorem białym i/lub czarnym.
12. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że sygnały kontrolowane (12) mają postać koncentrycznych okręgów.
13. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że sygnały kontrolowane (12) mają postać koła.
14. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że sygnały kontrolowane (12) mają postać krzyża.
15. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że sygnały kontrolowane (12) mają postać znaku kodowego.
16. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że sygnały kontrolowane (12) są rozmieszczone na tarczy pomiarowej (4) w sposób regularny.
17. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że urządzenie zawiera wysięgnik (5).
18. Urządzenie według zastrz. 17, **znamienne tym**, że kamera elektroniczna (6) połączona jest z wysięgnikiem (5) w sposób rozłączny, za pomocą śruby sprzęgającej (9).
19. Urządzenie według zastrz. 17, **znamienne tym**, że kamera elektroniczna (6) połączona jest z wysięgnikiem (5) na stałe.
20. Urządzenie według zastrz. 17, **znamienne tym**, że wysięgnik (5) przymocowany jest za pomocą śrub mocujących (10) do elementu odniesienia (2) niezależnie od ramy odniesienia (3).
21. Urządzenie według zastrz. 17, **znamienne tym**, że wysięgnik (5) przymocowany jest na stałe do ramy odniesienia (3).
22. Urządzenie według zastrz. 17, **znamienne tym**, że wysięgnik (5) ma postać płaskownika w kształcie litery L.
23. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że kamera elektroniczna (6) ustawiona jest na stanowisku obserwacyjnym (13) niezwiązanym z mierzonym obiektem.
24. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że tarcza pomiarowa (4) znajduje się wewnątrz ramy odniesienia (3).
25. Urządzenie według zastrz. 24, **znamienne tym**, że odpowiednie osie kartezjańskich układów współrzędnych: tarczy pomiarowej $x_i y_i z_i$ i ramy odniesienia $x_r y_r z_r$ w pomiarze wyjściowym są względem siebie w przybliżeniu równoległe.
26. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że kamera elektroniczna (6) połączona jest bezprzewodowo z systemem centralnej rejestracji i przetwarzania danych (7).
27. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że oś y_k kartezjańskiego układu współrzędnych kamery elektronicznej (6) jest w przybliżeniu prostopadła do płaszczyzny $x_r z_r$ wyznaczonej przez kartezjański układ współrzędnych ramy odniesienia (3).

28. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że odpowiednie osie kartezjańskich układów współrzędnych: kamery elektronicznej $x_k y_k z_k$ i ramy odniesienia $x_r y_r z_r$ w pomiarze wyjściowym są względem siebie w przybliżeniu równoległe.
29. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że oś y_k kartezjańskiego układu współrzędnych kamery elektronicznej (6) jest zwrócona w przybliżeniu centralnie do ramy odniesienia (3).
30. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że rama odniesienia (3) ma postać ramy prostokątnej.
31. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że rama odniesienia (3) ma postać obręczy.
32. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że tarcza pomiarowa (4) ma postać prostokąta.
33. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że tarcza pomiarowa (4) ma postać koła.
34. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że poziomnica elektroniczna (14) połączona jest z ramą odniesienia (3) w sposób rozłączny, za pomocą śrub sprzęgających (9).
35. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że poziomnica elektroniczna (14) połączona jest z ramą odniesienia (3) na stałe.
36. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że po połączeniu poziomnicy elektronicznej (14) z ramą odniesienia (3), kartezjańskie układy współrzędnych ramy odniesienia $x_r y_r z_r$ i poziomnicy elektronicznej $x_p y_p z_p$ są względem siebie równoległe.
37. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że poziomnica elektroniczna (14) jest libellą elektroniczną.
38. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że poziomnica elektroniczna (14) połączona jest bezprzewodowo z systemem centralnej rejestracji i przetwarzania danych (7).
39. Urządzenie według zastrz. 1, **znamienne tym**, że reflektory zwrotne (16) osadzone są na końcu górnej części ramy odniesienia (3) oraz na kamerze elektronicznej (6).

Rysunki

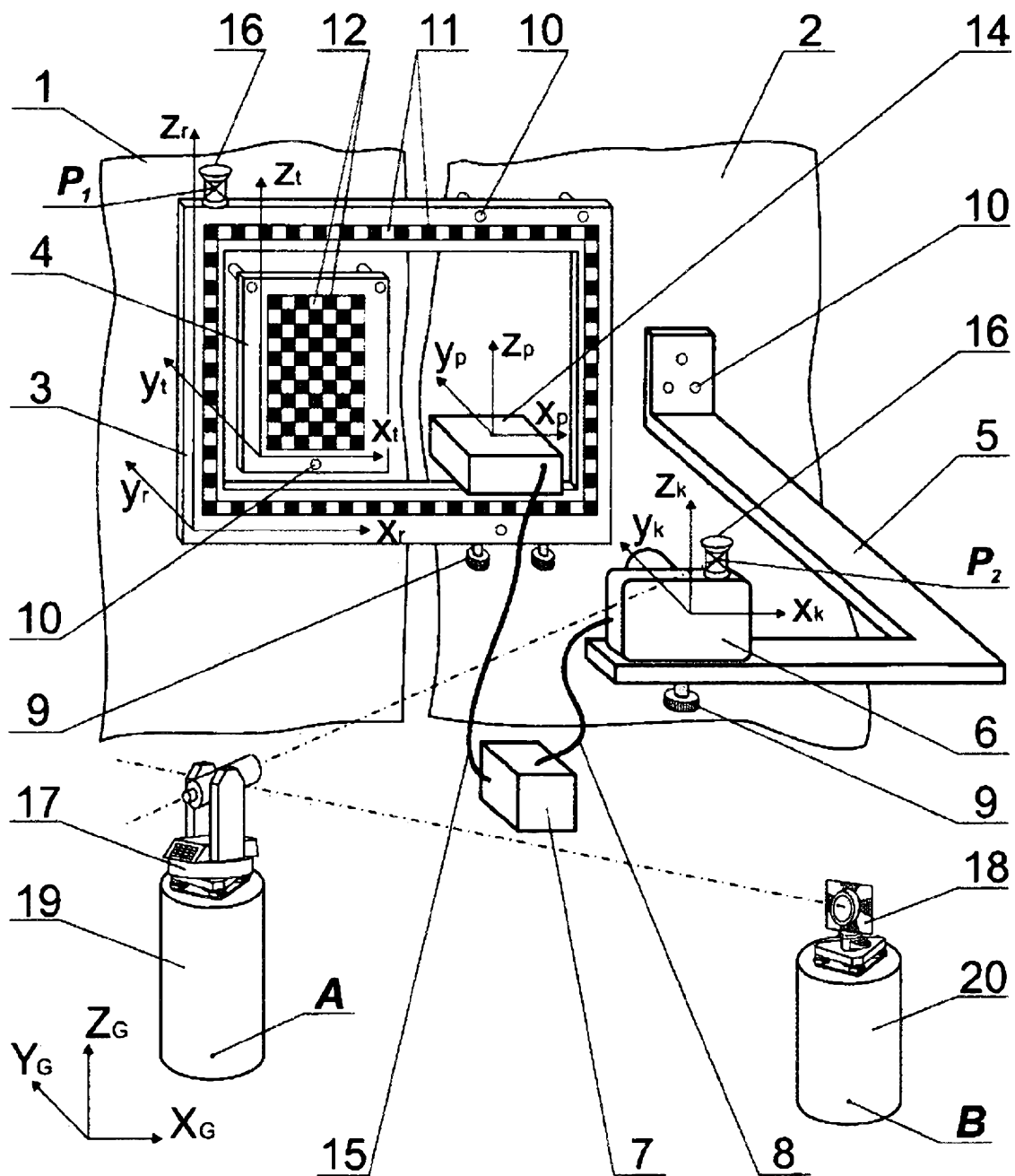


Fig. 1

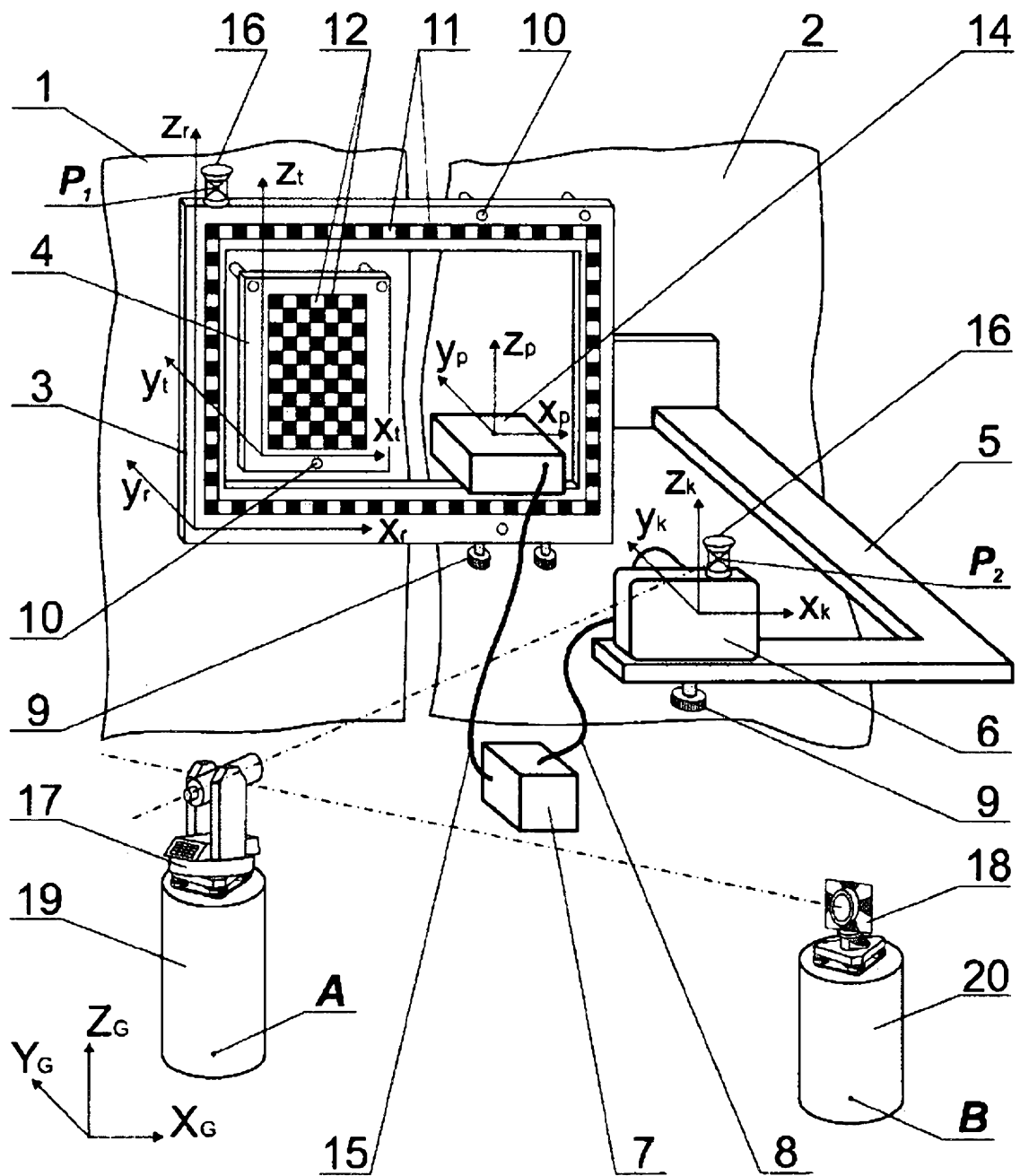


Fig. 2

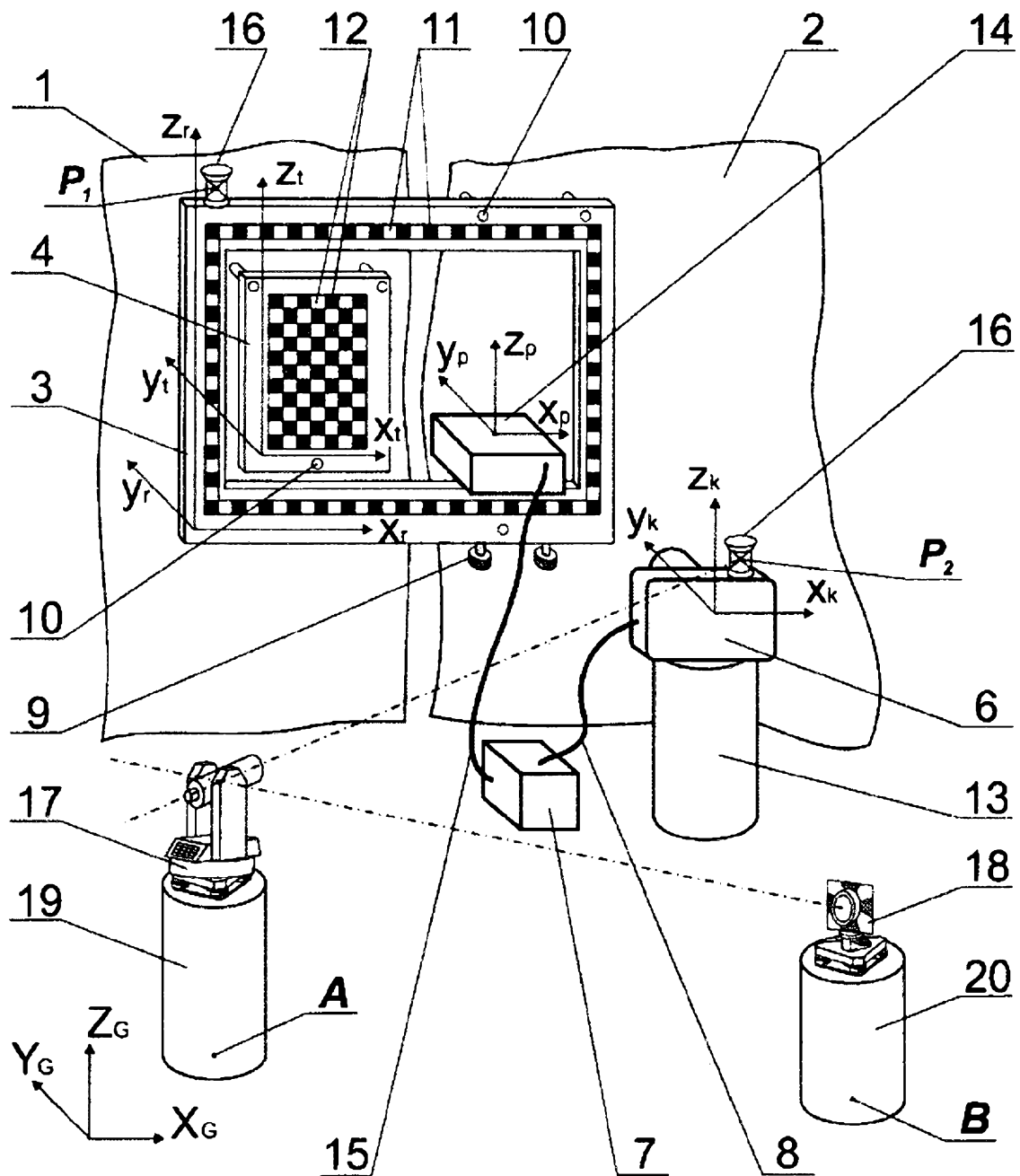


Fig. 3

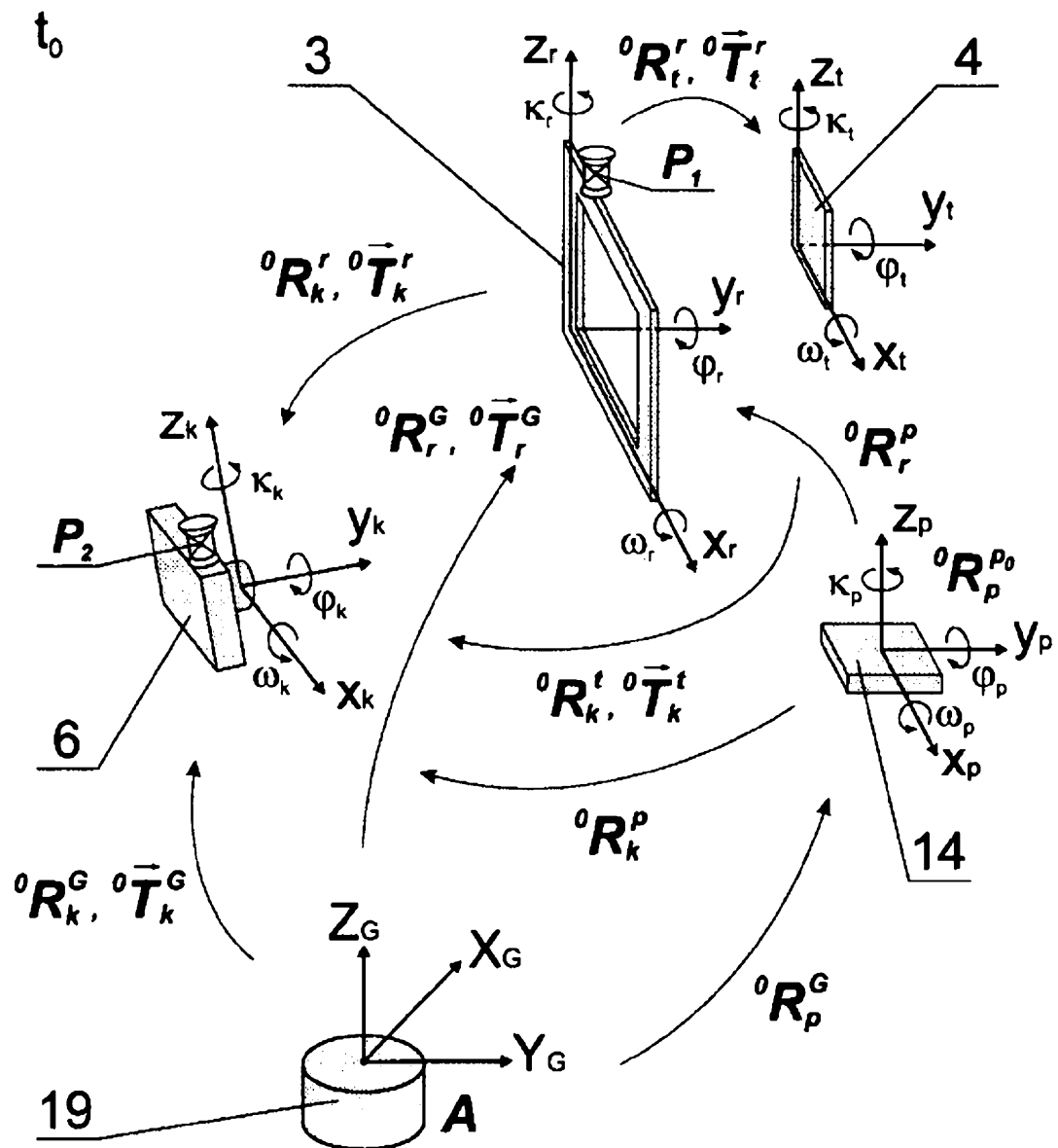


Fig. 4

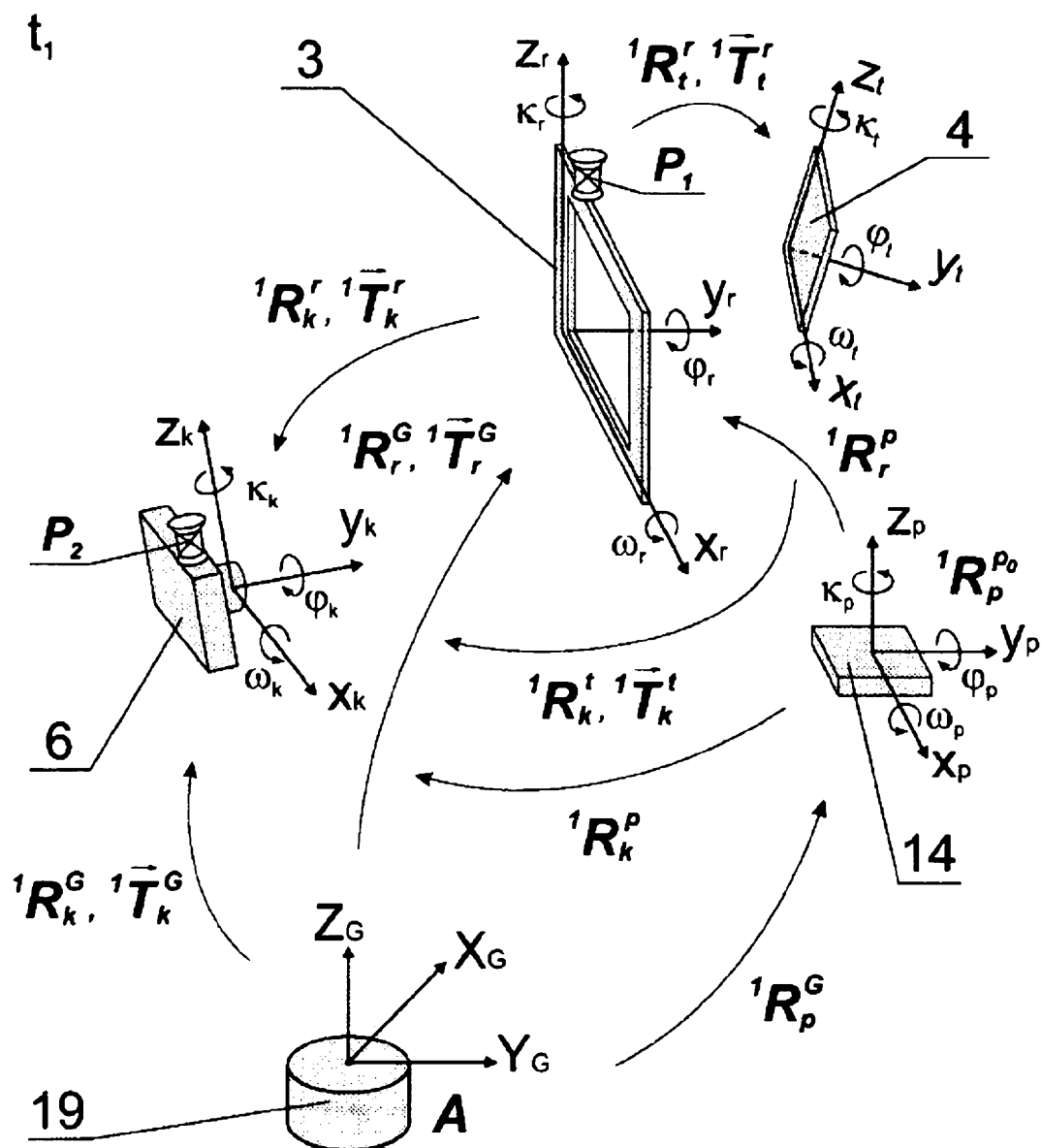


Fig. 5

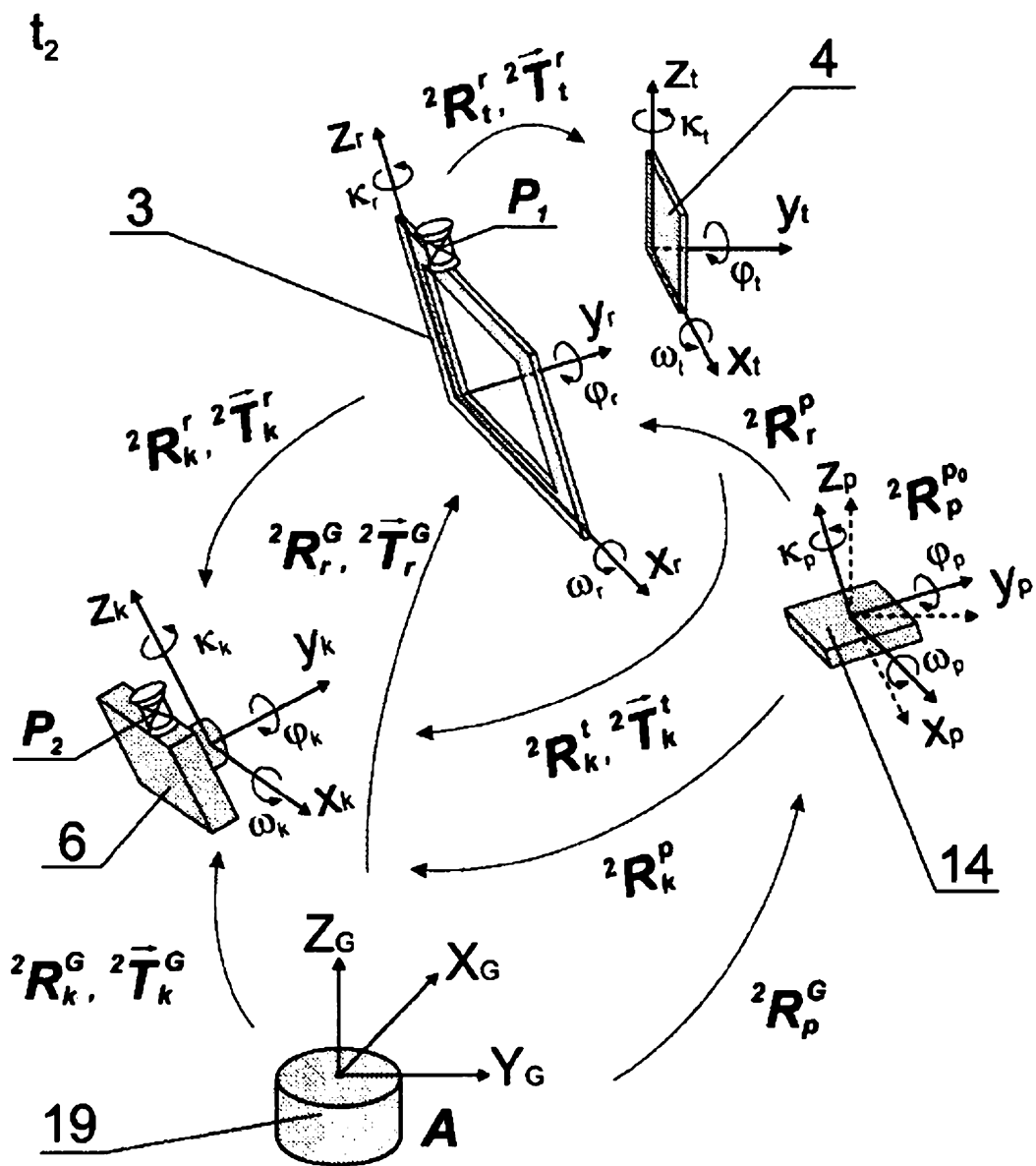


Fig. 6