

(19) 日本国特許庁(JP)

## (12) 特許公報(B2)

(11) 特許番号

特許第4384728号  
(P4384728)

(45) 発行日 平成21年12月16日(2009.12.16)

(24) 登録日 平成21年10月2日(2009.10.2)

(51) Int.Cl.

H04L 9/08 (2006.01)

F 1

H04L 9/00 601D  
H04L 9/00 601E

請求項の数 11 (全 13 頁)

(21) 出願番号 特願平10-519298  
 (86) (22) 出願日 平成8年10月18日(1996.10.18)  
 (65) 公表番号 特表2000-502553(P2000-502553A)  
 (43) 公表日 平成12年2月29日(2000.2.29)  
 (86) 國際出願番号 PCT/US1996/016608  
 (87) 國際公開番号 WO1998/018234  
 (87) 國際公開日 平成10年4月30日(1998.4.30)  
 審査請求日 平成15年10月20日(2003.10.20)  
 審判番号 不服2007-18363(P2007-18363/J1)  
 審判請求日 平成19年7月2日(2007.7.2)

(73) 特許権者 397071791  
 サーティコム コーポレーション  
 カナダ国 オンタリオ エル4ダブリュー  
 5エル1, ミシソーガ, エクスプローラ  
 ー・ドライブ 5520, フォース・フロ  
 ア  
 (74) 代理人 100089705  
 弁理士 社本 一夫  
 (74) 代理人 100140109  
 弁理士 小野 新次郎  
 (74) 代理人 100075270  
 弁理士 小林 泰  
 (74) 代理人 100080137  
 弁理士 千葉 昭男

最終頁に続く

(54) 【発明の名称】 内在的署名を用いた鍵一致及び輸送プロトコル

## (57) 【特許請求の範囲】

## 【請求項 1】

公開鍵暗号化を採用しているデータ通信システムにおいて、通信チャネル(14)を介して第1及び第2の通信端末(A及びB)の間で情報を交換することを可能にするために、第1及び第2の通信端末間の鍵を設定する方法であって、第1の通信端末は、第1の秘密鍵aと、生成元及び該秘密鍵から導かれた第1の公開鍵 $p_A$ と、を有しており、第2の通信端末は、第2の秘密鍵bと、生成元及び該秘密鍵から導かれた第2の公開鍵 $p_B$ と、を有しており、該方法は、

i) 第1の通信端末(A)において、第1のランダム整数xを選択して、該第1のランダム整数xを含む関数 $g(x)$ を、生成元を含む第1の関数 $f(\cdot)$ のベキとする指數関数を作ることにより、第1の指數関数 $f(\cdot)^{g(x)}$ を提供するステップと、

ii) 第1の通信端末(A)において、第1のランダム整数x、第1の指數関数 $f(\cdot)^{g(x)}$ 、及び第1の秘密鍵aから、第1のランダム整数xと第1の秘密鍵aとを組み合わせるために、第1の署名 $s_A$ を生成するステップと、

iii) 第1の通信端末(A)から、第2の通信端末(B)に、第1の指數関数 $f(\cdot)^{g(x)}$ を含むメッセージを送るステップと、

iv) 第2の通信端末(B)において、第2のランダム整数yを選択して、該第2のランダム整数yを含む関数 $g(y)$ を、生成元を含む第2の関数 $f'(\cdot)$ のベキとする指數関数を作ることにより、第2の指數関数 $f'(\cdot)^{g(y)}$ を提供し、第2のランダム整数y、第2の指數関数 $f'(\cdot)^{g(y)}$ 、及び第2の秘密鍵bから、第2のランダム整数yと

10

20

第2の秘密鍵bとを組み合わせるために、第2の署名 $s_B$ を生成するステップと、  
v) 第2の通信端末(B)から、第1の通信端末(A)に、第2の指數関数 $f'(\ )^g(y)$ を含むメッセージを送るステップと、

v i) 第1の通信端末(A)において、第2の通信端末(B)によって公開された情報を、第1の通信端末に属する秘密情報により累乗することによって、セッション鍵Kを構築し、第2の通信端末(B)において、第1の通信端末(A)によって公開された情報を、第2の通信端末に属する秘密情報により累乗することによって、セッション鍵Kを構築するステップであって、第1の通信端末(A)においては第1の署名 $s_A$ 及び第2の署名 $s_B$ の一方用い、第2の通信端末(B)においてはこれら署名の他方を用いる、ステップとからなることを特徴とする方法。 10

#### 【請求項2】

請求項1記載の方法において、第1の通信端末(A)によって送られるメッセージは、該第1の通信端末のアイデンティフィケーション(ID)を含み、第2の通信端末(B)によって送られるメッセージは、該第2の通信端末のIDを含んでいることを特徴とする方法。

#### 【請求項3】

請求項1又は2記載の方法において、生成元 $x$ を含む第1の関数 $f(\ )$ 及び第2の関数 $f'(\ )$ はそれぞれ、生成元 $x$ 自体であることを特徴とする方法。

#### 【請求項4】

請求項1又は2記載の方法において、生成元 $x$ を含む第1の関数 $f(\ )$ は、第2の通信端末(B)の公開鍵 $p_B$ を含み、生成元 $y$ を含む第2の関数 $f'(\ )$ は、第1の通信端末(A)の公開鍵 $p_A$ を含むことを特徴とする方法。 20

#### 【請求項5】

請求項1～3いずれかに記載の方法において、第1及び第2の署名 $s_A$ 及び $s_B$ は、

$$s_A = x - r_A a \mod (p - 1)$$

$$s_B = y - r_B b \mod (p - 1)$$

ただし、 $r_A = x = f(\ )^g(x)$

$$r_B = y = f'(\ )^g(y)$$

$p$ ：素数

であることを特徴とする方法。 30

#### 【請求項6】

請求項1、2又は4記載の方法において、第1及び第2の署名 $s_A$ 及び $s_B$ は、

$$s_A = x + a \mod (p_B)^x \mod (p - 1)$$

$$s_B = y + b \mod (p_A)^y \mod (p - 1)$$

ただし、 $p$ ：素数

であることを特徴とする方法。

#### 【請求項7】

請求項1～3いずれかに記載の方法において、第1及び第2の署名 $s_A$ 及び $s_B$ は、

$$s_A = x r_{x_1} - (r_A)^{rx_1} a \mod (p - 1)$$

$$s_B = y r_{y_1} - (r_B)^{ry_1} b \mod (p - 1)$$

ただし、 $x_1$ ：第1の通信端末において選択された第2のランダム整数

$y_1$ ：第2の通信端末において選択された第2のランダム整数

$$r_{x_1} = x_1$$

$$r_{y_1} = y_1$$

$p$ ：素数

であることを特徴とする方法。 40

#### 【請求項8】

請求項1～3いずれかに記載の方法において、該方法はさらに、

第1の通信端末において、第3のランダム整数 $x_1$ を選択して $x_1$ を生成し、該 $x_1$ を第2の通信端末に送るステップと、

第2の通信端末において、第4のランダム整数  $y_1$  を選択して  $y^1$  を生成し、該  $y^1$  を第1の通信端末に送るステップと、

第1及び第2の通信端末において、一対の鍵  $k_1$  及び  $k_2$  を

$$k_1 = x \cdot y$$

$$k_2 = x^1 \cdot y^1$$

を計算するステップと

を備え、これら鍵  $k_1$  及び  $k_2$  の XOR を計算することにより、セッション鍵 K を生成することを特徴とする方法。

#### 【請求項 9】

請求項 1 ~ 8 いずれかに記載の方法において、第1の指數関数  $f(\ )^{g(x)}$  を含んでいるメッセージは第1の署名  $s_A$  をさらに含み、第2の指數関数  $f'(\ )^{g(x)}$  を含んでいるメッセージは第2の署名  $s_B$  をさらに含んでいることを特徴とする方法。 10

#### 【請求項 10】

請求項 9 記載の方法において、ステップ v i ) はさらに、

第1の通信端末 (A) において、該通信端末によって受信したメッセージの完全性 (インテグリティ) の有効性を、該メッセージに含まれる第2の署名及び第2の指數関数から該第2の指數関数と等価な値を計算し、該計算された値を、受信したメッセージ中の第2の指數関数と対比することによって、評価するステップと、

第2の通信端末 (B) において、該通信端末によって受信したメッセージの完全性 (インテグリティ) の有効性を、該メッセージに含まれる第1の署名及び第1の指數関数から該第1の指數関数と等価な値を計算し、該計算された値を、受信したメッセージ中の第1の指數関数と対比することによって、評価するステップと 20

を備えていることを特徴とする方法。

#### 【請求項 11】

請求項 1 ~ 3 いずれかに記載の方法において、第1の通信端末 (A) に属する秘密情報は第1の署名  $s_A$  であり、第2の通信端末 (B) に属する秘密情報は第2の署名  $s_B$  であることを特徴とする方法。

#### 【発明の詳細な説明】

本発明は、暗号鍵の転送及び認証のための鍵一致 (key agreement) プロトコルに関する。 30

情報の交換の際にプライバシを維持するために、データを鍵を用いて暗号化することが、広く知られている。この鍵は、通信者がメッセージを暗号化及び復号化できるが介入者にはメッセージの内容を判断できないように、選択されなければならない。

秘密鍵暗号プロトコルでは、通信者は、彼らにとって秘密である共通鍵を共有 (share) する。このためには、この鍵が通信者の間で一致しており、この鍵の秘密性を維持するために条項 (provision) が作成され、基礎となる安全性が万一危険にさらされた場合には、鍵の交換がなされることが要求される。

公開鍵暗号プロトコルは、1976年にDiffie-Hellmanによって最初に提案され、すべての潜在的な通信者に利用可能とされている公開鍵と、意図された受信者にだけ知られている秘密鍵 (private key) とを用いる。公開鍵と秘密鍵とは、受信者の公開鍵を用いて暗号化されたメッセージは、秘密鍵を用いて容易に復号化できるが、秘密鍵は、平文 (plaintext)、暗号文 (ciphertext) 及び公開鍵の知識からは導くことはできないような、相互関係になっている。 40

鍵の確立 (establishment) は、二人以上の当事者が、セッション (session) 鍵と称される、共有される秘密鍵 (secret key) を確立するプロセスである。セッション鍵は、プライバシなどの何らかの暗号上の目的を達成するために、後で用いられる。鍵一致プロトコルには、2つの種類が存在する。すなわち、鍵が第1の当事者によって作成され、第2の当事者に安全に送信されるという鍵輸送 (transport) プロトコルと、両方の当事者が、共有される秘密鍵を共同して確立する情報を出し合う鍵一致プロトコルと、である。当事者の間で必要となるメッセージ交換の数は、パス数 (number of passes) と称される。鍵 50

確立プロトコルは、ある当事者が、特別に識別された第2の当事者以外のどの当事者もセッション鍵の値を知ることを許されないことが保証されている場合に、「内在的」(implicit) 鍵認証(又は、単に、鍵認証)を提供すると称される。内在的鍵認証の性質は、第2の当事者が実際のセッション鍵を有していることを必ずしも意味しない。次に、鍵確立プロトコルは、ある当事者が、特別に識別された第2の当事者が特定のセッション鍵を実際に所持していることを保証されている場合には、鍵確認(confirmation)を提供すると称される。プロトコルに関する両方の当事者に認証が提供される場合には、鍵認証は、相互的(mutual)と称され、一人の当事者にだけ提供される場合には、認証は、一方的(unilateral)と称される。

内在的な鍵認証を提供すると主張する提案は、これまでに、いくつかなされている。

10

例としては、鍵一致に関する、Nyberg-Rueppelによる1パス(one-pass)プロトコル、Matsunoto-Takashima-Imai(MTI)及びGoss and Yacobiによる2パス・プロトコルがある。従来の提案は、共通鍵を確立するための通信者の間の送信が安全であり、侵入者がセッション鍵をリトリーブし暗号文を復号化することはできないことを保証している。このようにして、資金の移動などの注意を要するトランザクションに対する安全性が提供されている。

例えば、MTI/A0鍵一致プロトコルでは、二人の通信者に知られている、共有される秘密鍵を、次のようにして確立している。

1. 当初の、一時的な(one-time)セットアップの間に、鍵の発生と公開とが、適切なシステム・プライム(system prime)  $p$  と生成元(generator)  $Z_p^*$  とを真正であることが補償されるように、選択され公開される。通信者Aは、長期の秘密鍵として  $1 < a < p - 1$  であるランダムな整数  $a$  を選択し、長期の公開鍵  $z_A = a \bmod p$  を計算する。Bも、同様の  $b$  と  $z_B$  を生成する。AとBとは、相互の長期公開鍵の認証されたコピーへのアクセスを有することになる。

20

2. このプロトコルは、次のメッセージの交換を要求する。すなわち、

AからB:  $x \bmod p$  (1)

BからA:  $y \bmod p$  (2)

$x$  及び  $y$  の値は、その送信の間は安全に保たれるが、その理由は、 $p$  が十分に大きくとられていれば、 $x$  の値と指数化とが知られているとしても、指数を決定するのは実際的ではないからである。

30

3. このプロトコルを実現するには、次のステップが、共有されている鍵が要求される度に実行される。

(a) Aは、 $1 < x < p - 2$  であるランダムな整数  $x$  を選び、Bに向けて、メッセージ(1)、すなわち、 $x \bmod p$  を送る。

(b) Bは、 $1 < y < p - 2$  であるランダムな整数  $y$  を選び、Aに向けて、メッセージ(2)、すなわち、 $y \bmod p$  を送る。

(c) Aは、鍵  $K = (y)^a z_B^x \bmod p$  を計算する。

(d) Bは、鍵  $K = (x)^b z_A^y \bmod p$  を計算する。

(e) 両者は、鍵  $K = b^{x+a} y^a \bmod p$  を共有する。

鍵  $K$  を計算するためには、Aは、自分の秘密鍵  $a$  とランダムな整数  $x$  とを使わなければならない。これらは、共に、A本人だけに知られているものである。同様にして、Bは、セッション鍵  $K$  を計算するためには、自分の秘密鍵  $b$  とランダムな整数  $y$  とを使わなければならない。秘密鍵  $a$  及び  $b$  が、危険にさらされていないと仮定すると、侵入者は、他方の通信者と同一のセッション鍵を生成することはできない。従って、任意の暗文は、どちらの通信者にも復号化が不可能である。

40

従って、このプロトコル及び関連するプロトコルは、鍵確立には十分なものであると考えられてきたし、従来型の盗聴や、中間者(man-in-the-middle)による攻撃に対して抵抗できると考えられてきた。

状況によっては、相手方が、一方の通信者を他方の通信者であるとミスリードするのが効果的である。

50

そのような攻撃では、アクティブな相手方、すなわち、侵入者 E は、A と B との間で交換されるメッセージを修正し、その結果として、B は、E と鍵 K を共有していると信じ、他方で、A は、同じ鍵を B と共有していると信じることになる。E が K の値を知らない場合であっても、通信者の識別 (ID) に関する偽の情報が、有用となる。

そのような攻撃が成功するであろう実際的なシナリオは、次のようなものである。B は、銀行の支店であり、A は、口座保持者であると仮定する。銀行の本部によって証明書が発行され、その証明書の中には、保持者の口座情報が書かれている。資金の電子的支払い(デポジット)のためのプロトコルは、相互認証された鍵一致を介して、銀行の支店との鍵の交換であると仮定する。B がいったん送信者を認証すると、暗号化された資金がその証明書の口座番号に払い込まれる。それ以上の認証が暗号化された支払いメッセージにおいてなされない場合(これは、帯域幅を節約するためになされるかもしれない)には、支払いは、E の口座になされる。10

本発明の目的は、上述の短所が回避される又は解消されるようなプロトコルを提供することである。

従って、本発明によると、1対の通信者 A 及び B が相互に情報を交換することを認証する方法であって、前記通信者は、それぞれが、秘密鍵 a 及び b と、生成元 と前記秘密鍵 a 及び b のそれぞれとから導かれた公開鍵  $p_A$  及び  $p_B$  と、を有している方法が提供される。この方法は、

i ) 前記通信者の第 1 の者 A が、第 1 のランダムな整数  $x$  を選択し、前記生成元を含む関数  $f(\cdot)$  の  $g^{(x)}$  をベキとする指数関数を作ることにより、第 1 の指数関数  $f(\cdot)^{g(x)}$ 20 を提供するステップと、

i i ) 前記第 1 の通信者 A が、前記ランダムな整数  $x$  と前記指数関数  $f(\cdot)^{g(x)}$  とから第 1 の署名  $s_A$  を生成するステップと、

i i i ) 前記第 1 の通信者 A が、第 2 の通信者 B に向けて、前記第 1 の指数関数  $f(\cdot)^{g(x)}$  と署名  $s_A$  とを含むメッセージを送るステップと、

i v ) 前記通信者 B が、第 2 のランダムな整数  $y$  を選択し、前記生成元を含む関数  $f'(\cdot)$  の  $g^{(y)}$  をベキとする指数関数を作ることにより、第 2 の指数関数  $f'(\cdot)^{g(y)}$  と、前記第 2 の整数  $y$  と前記第 2 の指数関数  $f(\cdot)^{g(x)}$  とから得られる  $s_B$  とを提供するステップと、

v ) 前記第 2 の通信者 B が、第 1 の通信者 A に向けて、前記第 2 の指数関数  $f'(\cdot)^{g(y)}$ 30 と前記署名  $s_B$  とを含むメッセージを送るステップと、

v i ) 前記通信者のそれぞれが、受け取ったメッセージの中の前記署名と前記指数関数とから、前記指数関数と等しい値を計算し、前記計算された値と前記送信された値とを比較することによって、自分たちが受け取ったメッセージの真正を検証するステップと、

v i i ) 前記通信者 A 及び B のそれぞれが、前記他方の通信者によって彼ら自身にとって秘密である前記ランダムな整数を用いて、公開された情報を指数化することによって、セッション鍵を構成するステップと、を含む。

従って、侵入者 E が自らの公開鍵  $p_E = p_A^a$  をメッセージの一部として送信の中に入れるることはできるが、B は、メッセージを認証する際には、 $p_A$  ではなく  $p_E$  を用いることになる。従って、指数関数の計算され送信された値は、対応しない。40

本発明の実施例を次の添付した図面を参照することによって、これから説明することにする。

図 1 には、本発明による認証方法が用いられるデータ通信システムの概略図が示されている。

そこで、図 1 を参照すると、通信者 A 及び通信者 B として表される 1 対の通信者 10、12 が、通信チャネル 14 上で情報を交換する(なお、この出願において通信者 A 及び通信者 B、通信者 10 及び通信者 12 などと表現されているのは、図 1 に示されているデータ通信システムの中に存在する通信機能を有するコンピュータである通信端末を意味する)。暗号ユニット 16、18 が、通信者 10、12 とチャネル 14 とのそれぞれの間に配置されている。鍵 20 は、暗号ユニット 16、18 のそれぞれに関連し、それぞれのユニッ50

ト 1 6、 1 8 とそれぞれの通信者 1 0、 1 2 との間で運ばれる平文を、 チャネル 1 4 上で運ばれる暗文に変換する。

動作においては、 A の通信者 1 0 によって生成されるメッセージは、 ユニット 1 6 によって、 鍵 2 0 を用いて暗号化され、 チャネル 1 4 上の暗文として、 ユニット 1 8 まで送信される。

鍵 2 0 は、 ユニット 1 8 において暗文に作用して、 B の通信者 1 2 のために平文のメッセージを生成する。 鍵 2 0 が対応する場合には、 通信者 1 2 によって受け取られたメッセージは、 通信者 1 0 によって送られたものである。

図 1 に示されたシステムが動作するためには、 鍵 2 0 が同一であり、 従って、 公開的な様での情報の移動を可能にする鍵一致 (agreement) プロトコルが確立されていることが必要である。 そのような鍵の生成には多数のプロトコルが利用可能であり、 また、 Diffie-Hellman 鍵交換の变形も存在する。 その目的は、 当事者 A 及び B が秘密セッション鍵 K を確立することである。  
10

これらのプロトコルのためのシステム・パラメータは、 素数 p と乗法群  $Z_{\text{p}}^*$  の生成元  $\alpha$  とである。 通信者 A は、 秘密鍵 a と、 公開鍵  $p_A = \alpha^a$  とを有する。 通信者 B は、 秘密鍵 b と、 公開鍵  $p_B = \alpha^b$  とを有する。 以下で例を挙げるプロトコルでは、  $t_{\text{e}} x t_A$  は、 当事者 A を識別する情報のストリングを意味する。 他方の当事者 B が通信者 A の公開鍵の真正のコピーを有しており、 更に、  $t_{\text{e}} x t_A$  が A の信用のおけるセンターによって発行された公開鍵証明書を含む場合には、 通信者 B は、 その信用のおけるセンターの公開鍵の真正のコピーを用いて、 通信者 A の証明書を検証でき、 従って、 通信者 A の公開鍵の真正のコピーを得ることができる。  
20

以下のそれぞれの例では、 侵入者 E は、 A からのメッセージが E 自身から生じたものとして識別されることを望んでいると仮定する。 これを達成するには、 E は、  $1 < e < p - 2$  であるランダムな整数 e を選択し、  $p_E = (p_A)^e = \alpha^{ae} \bmod p$  を計算し、 これが E 自身の公開鍵であることを証明させる。 E は、 e を知っているが、 指数 a e は知らない。  $t_{\text{e}} x t_A$  を  $t_{\text{e}} x t_E$  によって代替することによって、 通信者 B は、 メッセージが A からではなく E からのものであると考え、 E の公開鍵を用いてセッション鍵 K を生成する。 E はまた、 B からのメッセージを中間奪取 (インターセプト) し、 その秘密のランダムな整数 e を用いて、 その内容を修正する。 A は、 次に、 その情報を用いて、 A が B と通信できるようにする同じセッション鍵を生成する。  
30

侵入者 E が B に、 B は E と通信しているということを信じさせようとしているのを妨害するには、 次のプロトコルが採用される。

このプロトコルの目的は、 当事者 A 及び B がセッション鍵 K を確立することである。 ここで挙げたプロトコルは、 役割対称的 (role-symmetric) であり、 対話的 (interactive) ではない。

このプロトコルのためのシステム・パラメータは、 素数 p と乗法群  $Z_{\text{p}}^*$  の生成元  $\alpha$  とである。 通信者 A は、 秘密鍵 a と、 公開鍵  $p_A = \alpha^a$  とを有する。 通信者 B は、 秘密鍵 b と、 公開鍵  $p_B = \alpha^b$  とを有する。

### 第 1 のプロトコル

1. A は、  $1 < x < p - 2$  であるランダムな整数 x を選び、  $r_A = \alpha^x$  と、 署名  $s_A = x - r_A a \bmod (p - 1)$  と、 を計算する。 A は、 B に向けて、  $\{r_A, s_A, t_{\text{e}} x t_A\}$  を送る。  
40

2. B は、  $1 < y < p - 2$  であるランダムな整数 y を選び、  $r_B = \alpha^y$  と、 署名  $s_B = y - r_B b \bmod (p - 1)$  と、 を計算する。 A は、 B に向けて、  $\{r_B, s_B, t_{\text{e}} x t_B\}$  を送る。

3. A は、

$$\alpha^{s_B} (p_B)^{r_B \alpha^b}$$

を計算し、 これが、  $r_B$  に等しいことを検証する。 A は、 次に、 セッション鍵 K =  $(r_B)^x = x^y$  を計算する。

4. B は、

10

20

30

40

50

$$\alpha^{s_A} (p_A)^{r_A \alpha^a}$$

を計算し、これが、 $r_A$ に等しいことを検証する。Bは、次に、セッション鍵 $K = (r_A)^y = \alpha^y$ を計算する。

Eが、 $t_{text_A}$ を $t_{text_B}$ に交換する場合には、Bは、 $r_A$ の送信された値には対応しない

$$\alpha^{s_E} (p_E)^{r_A \alpha^a}$$

を計算する。Bは、従って、侵入者Eに関する警告を受け、別のセッション鍵を開始することになる。

第1のプロトコルの短所は、完全な前方向の秘密性（守秘性）（perfect forward secrecy）が得られないことである。すなわち、相手側が当事者Aの長期の秘密鍵aを知る場合には、この相手側は、Aの過去のセッション鍵すべてを導き出せることになる。完全な前方向の秘密性は、プロトコル1を次のようにして修正することによって、達成される。

#### 修正された第1のプロトコル

ステップ1では、Aはまた、

$$\alpha^x_1$$

をBに送る。ここで、 $x_1$ は、Aによって生成された第2のランダムな整数である。同様にして、上述のステップ2では、Bはまた、

$$\alpha^y_1$$

をAに送る。ここで、 $y_1$ は、ランダムな整数である。A及びBは、鍵

$$K = \alpha^{xy} \alpha^{x_1 y_1}$$

を計算する。

第1のプロトコルの別の短所は、相手側がAの秘密のランダムな整数xを知る場合には、この相手側は、当事者Aの長期の秘密鍵を、方程式 $s_A = x - r_A a \pmod{p-1}$ から求めることができる点である。このプロトコルのうまく設計された実現例では、秘密の整数の開示は回避されるので、この短所は、基本的に理論的性格を有するものである。

#### 第2のプロトコル

次に述べる第2のプロトコルは、これら2つの短所を解決する。

1. Aは、1  $\times$   $p - 2$ であるランダムな整数xを選び、 $(p_B)^x$ と、 $x$ と署名 $s_A = x + a^a (p_B)^x \pmod{p-1}$ と、を計算する。Aは、Bに向けて、 $\{x, s_A, t_{text_A}\}$ を送る。

2. Bは、1  $\times$   $p - 2$ であるランダムな整数yを選び、 $(p_A)^y$ と、 $y$ と署名 $s_B = y + b^b (p_A)^y \pmod{p-1}$ と、を計算する。Bは、Aに向けて、 $\{y, s_B, t_{text_B}\}$ を送る。

3. Aは、 $(p_B)^x$ を計算して、

$$\alpha^{s_B} (p_B)^{-\alpha^b \alpha^a y} = \alpha^y$$

であることを検証する。Aは、次に、セッション鍵 $K = \alpha^y (p_B)^x$ を計算する。

4. Bは、 $(p_A)^y$ を計算して、

$$\alpha^{s_A} (p_A)^{-\alpha^a \alpha^b x} = \alpha^x$$

であることを検証する。Aは、次に、セッション鍵 $K = \alpha^x (p_A)^y$ を計算する。

第2のプロトコルが第1のプロトコルとの比較で優れているのは、それが、完全な前方向の秘密性（forward secrecy）を提供するからである。秘密であるランダムな整数xの開示によって、相手側が秘密鍵aを知ることができるのであるが、これは実際上は問題ではない。なぜならば、Aは、自分がこのプロトコルのステップ1においてxを用いた直後に、xを廃棄することができるからである。

AがBの公開鍵の認証されたコピーを有していない場合には、Bは、自らの鍵の真正（certified）なコピーを、プロトコルの開始時に、Aに送信しなければならない。この場合には、第2のプロトコルは、3パス・プロトコルである。

量 $s_A$ は、値 $x$ に対して、Aの署名として機能する。この署名は、当事者Bだけに確認が

10

20

40

50

可能であるという新規な性質を有している。このアイデアは、ElGamalライクな署名方式のすべてに一般化できる。

上述の第1及び第2のプロトコルは、帯域幅の要件と、鍵一致の計算上の効率とを向上させるように修正が可能である。修正されたプロトコルは、次に、プロトコル1'及びプロトコル2'として、示してある。それぞれの場合に、A及びBは、共通鍵  $s_{AB}$  を共有している。

### プロトコル1'

1. Aは、 $1 \leq x \leq p-2$  であるランダムな整数  $x$  を選び、 $r_A = \alpha^x$  と、 $s_A = x + r_A a \bmod (p-1)$  と、を計算する。Aは、Bに向けて、 $\{r_A, text_A\}$  を送る。

2. Bは、 $1 \leq y \leq p-2$  であるランダムな整数  $y$  を選び、 $r_B = \alpha^y$  と、 $s_B = y + r_B b \bmod (p-1)$  と、を計算する。Aは、Bに向けて、 $\{r_B, text_B\}$  を送る。 10

3. Aは、

$$\alpha^{s_A s_B}$$

に等しい

$$K = (r_B (p_B)^{r_B a^y})^{s_A}$$

を計算する。

4. Bは、

$$\alpha^{s_A s_B}$$

に等しい

$$K = (r_A (p_A)^{r_A a^x})^{s_B}$$

20

を計算する。

このようにして、A及びBは、共通鍵を共有するが、署名  $s_A$  及び  $s_B$  は、送信される必要がないことに注意すべきである。

### プロトコル2'

1. Aは、 $1 \leq x \leq p-2$  であるランダムな整数  $x$  を選び、 $(p_B)^x$  と、 $x$  と署名  $s_A = x + a (p_B)^x \bmod (p-1)$  と、を計算する。Aは、Bに向けて、 $\{x, text_A\}$  を送る。

2. Bは、 $1 \leq y \leq p-2$  であるランダムな整数  $y$  を選び、 $(p_A)^y$  と、 $y$  と署名  $s_B = y + b (p_A)^y \bmod (p-1)$  と、を計算する。Bは、Aに向けて、 $\{y, text_B\}$  を送る。 30

3. Aは、 $(p_B)^y$  と、

$$(\alpha^y (p_B)^{\alpha^b \alpha^a y})^{s_A}$$

を、すなわち、

$$\alpha^{s_A s_B}$$

を計算する。

4. Bは、 $(p_A)^x$  と、

$$K = (\alpha^x (p_A)^{\alpha^a \alpha^b x})^{s_B}$$

を、すなわち、

$$\alpha^{s_A s_B}$$

40

を計算する。

従って、やはり、 $s_A$  及び  $s_B$  の送信が回避された。

A及びBがセッション鍵  $K$  を確立するために、別のプロトコルが利用可能である。

### 第3のプロトコル

このプロトコルに対するシステム・パラメータは、乗法群  $Z_p^*$  の素数  $p$  と生成元  $\alpha$  である。ユーザAは、秘密鍵  $a$  と公開鍵  $p_A = \alpha^a$  とを有している。ユーザBは、秘密鍵  $b$  と公開鍵  $p_B = \alpha^b$  とを有している。

1. Aは、 $1 \leq x_1 \leq p-2$  である2つのランダムな整数  $x, x_1$  を選び、

$$r_{x_1} = \alpha^{x_1}$$

と、 $r_A = \alpha^x$  と、

50

$$(r_A)^{x_{x_1}}$$

とを計算し、更に、署名

$$s_A = x r_{x_1} \cdot (r_A)^{x_{x_1} a \alpha^a} \bmod (p - 1)$$

を計算する。Aは、Bに向けて、

$$\{r_A, s_A, \alpha^{x_1}, t \in \text{ext}_A\}$$

を送る。

2. Bは、1 < y, y\_1 < p - 2である2つのランダムな整数y, y\_1を選び、

$$r_{y_1} = \alpha^{y_1}$$

と、r\_B = yと、

$$(r_B)^{r_{y_1}}$$

とを計算し、更に、署名

$$s_B = y r_{y_1} \cdot (r_B)^{r_{y_1} b} \bmod (p - 1)$$

10

を計算する。Bは、Aに向けて、

$$\{r_B, s_B, \alpha^{y_1}, t \in \text{ext}_B\}$$

を送る。

3. Aは、

$$\alpha^{s_B} (p_B) (r_B)^{r_{y_1}}$$

を計算し、これが、

$$(r_B)^{r_{y_1}}$$

に等しいことを確認する。Aは、セッション鍵

$$K = (\alpha^{y_1})^{x_1} = \alpha^{x_1 y_1}$$

を計算する。

4. Bは、

$$\alpha^{s_A} (p_A) (r_A)^{x_{x_1}}$$

を計算し、これが、

$$(r_A)^{x_{x_1}}$$

に等しいことを確認する。Bは、セッション鍵

$$K = (\alpha^{x_1})^{y_1} = \alpha^{x_1 y_1}$$

を計算する。

これらのプロトコルでは、(r\_A, s\_A)は、Aだけがメッセージ

$$r_{x_1}$$

に署名できるという性質を有する

$$r_{x_1}$$

の署名であると考えることができる。

#### 鍵輸送プロトコル

上述のプロトコルによれば、セッション鍵の確立と認証とが可能になる。Aがセッション鍵を当事者Bに輸送(transport)することを可能にするプロトコルを確立することが望まれる。そのようなプロトコルを次に述べる。

1. Aは、1 < x < p - 2であるランダムな整数xを選び、 $r_A = x$ と、署名  $s_A = x - r_A a \bmod (p - 1)$ と、を計算する。Aは、Bに向けて、 $\{r_A, s_A, t \in \text{ext}_A\}$ を送る。

2. Bは、

$$\alpha^{s_A} (p_A) r_A \alpha^a$$

を計算し、この量が、 $r_A$ に等しいことを検証する。Bは、次に、セッション鍵  $K = (r_A)^b$ を計算する。

#### 修正された鍵輸送プロトコル

上述のプロトコルは、署名  $s_A$ を送信する必要をなくすことによって、帯域幅を減少させ

20

30

40

50

るよう修正が可能である。

1. Aは、 $1 \leq x \leq p-2$ であるランダムな整数 $x$ を選び、 $r_A = x^a \bmod (p-1)$ と、署名 $s_A = x - r_A a \bmod (p-1)$ と、を計算する。Aは、更に、  
 $K = (p^b)^{s_A}$

を計算して、Bに向けて、 $\{r_A, t_{ext_A}\}$ を送る。

2. Bは、

$$(\alpha^x (p_A)^{-r_A \alpha^a})^b = \alpha^{b s_A}$$

を計算し、この量が、 $r_A$ に等しいことを検証する。Bは、次に、セッション鍵 $K = (\alpha^x (p_A)^{-r_A \alpha^a})^b = \alpha^{b s_A}$ を計算する。

すべての1パス鍵輸送プロトコルは、次に述べるリプレイの問題を有する。1パス鍵輸送  
プロトコルを用いてセッション鍵KをAからBへ、このセッション鍵を用いて暗号化された何らかのテキストと共に送信することを考える。Eが、AからBへの送信を記録すると仮定する。もし、Eが、後に、Bの復号化装置へのアクセス（ただし、Bの秘密鍵など、その装置の内部的な内容へのアクセスではない）を、その装置への送信をリプレイすることによって得ることになる場合には、Eは、元のテキストを回復することができる。この状況では、Eは、セッション鍵を知らない。

このリプレイによるアタックは、タイムスタンプの使用などの、通常の方法によって失敗させることができる。しかし、Bの計算資源が限定されていて、それぞれのセッションの開始時に、Bがランダムなビット・ストリング $k$ をAに送信する方がより適切であるようなこともあり得る。テキストを暗号化するのに用いられるセッション鍵は、その場合には $k + k$ 、すなわち、 $k$ と $k$ とのXORを計算したものとなる。

署名(signing)方程式 $s_A = x - r_A a^a$ と、プロトコル2における鍵輸送プロトコル $r_A = x^b$ とは、いくつかの変形例で代替することができる。いくつか例を挙げると、次の通りである。

$$\begin{aligned} r_A &= s_A x + z \\ s_A &= x^a + a r_A \\ s_A &= x r_A + A^a \\ 1 &= a r_A + x s_A \end{aligned}$$

既に述べたプロトコルは、すべて、乗法群 $Z_p^*$ の設定において、説明された。しかし、これらのプロトコルは、離散対数問題が困難を生じさせるように見える任意の有限群において機能するように容易に修正することができる。適切な選択肢としては、有限体の乗法群（特に、有限体 $G F(2^n)$ ）、位数(order) $q$ の $Z_p^*$ の部分群、有限体上で定義される楕円曲線上の点から成る群などがある。それぞれの場合に、適切な生成元(generator)を用いて公開鍵を定義する。

上述したプロトコルは、また、直接的な方法で修正して、それぞれのユーザが自分自身のシステム・パラメータ $p$ 及び（又は、 $Z_p^*$ 以外の群が用いられる場合には、類似のパラメータ）を選択できるような状況を扱えるようにできる。

上述のプロトコルでは、一般形式 $s_A = x + r_a \cdot a^a$ の署名成分が用いられていた。

これらのプロトコルは、安全性を損ねることなく、より単純な一般形式 $s_A = x + r_a \cdot a^a$ の署名成分を用いるように修正が可能である。

これらのプロトコルの例を、同じ記号(notation)を用いて以下に与えるが、望むのであれば、別の記号を用いてこれらのプロトコルを表現することができることを理解すべきである。

### プロトコル1”

このプロトコルは、乗法群 $Z_p^*$ における次の記号を用いて説明される。

$p$ は、素数である。

は、 $Z_p^*$ の生成元である。

$a$ 及び $b$ は、当事者A及びBのそれぞれの長期的な秘密鍵である。

$a \bmod p$ は、当事者Aの長期的な秘密鍵である。

$b \bmod p$ は、当事者Bの長期的な秘密鍵である。

10

20

30

40

50

$x$  は、A によって短期の秘密鍵として選択されるランダムな整数である。

$r_a = \overline{x} \bmod p$  は、当事者 A の短期の公開鍵である。

$y$  は、B によって短期の秘密鍵として選択されるランダムな整数である。

$\overline{r_b} = \overline{y} \bmod p$  は、当事者 B の短期の公開鍵である。

$\overline{r_a}$

は、 $r_a$  から導かれる整数である。

$\overline{r_b}$

は、 $r_b$  から導かれる整数である。

プロトコルを実現するには、次のようにする。

1. A は、 $r_a$  を B に送る。

2. B は、 $r_b$  を A に送る。

3. A は、

$$s_A = x + \overline{r_a} \cdot a \bmod (p - 1)$$

を計算する。

4. A は、セッション鍵

$$K = (\alpha^y (\alpha^b)^{\overline{r_b}})^{s_A} \bmod p$$

を計算する。

5. B は、

$$s_B = y + \overline{r_b} \cdot b \bmod (p - 1)$$

を計算する。

6. B は、セッション鍵

$$K = (\alpha^x (\alpha^a)^{\overline{r_a}})^{s_B} \bmod p$$

を計算する。

7. 共有される秘密は、 $s_A s_B \bmod p$  である。

このプロトコルでは、待機幅の要件が再び緩和されているが、署名成分は、通信者の短期及び長期の鍵を組み合わせて、侵入者からの攻撃を禁止している。

このプロトコルは、また、 $Z_p^*$  の部分群を用いても実現できる。この場合には、q は、(  $p - 1$  ) の素約数 (prime divisor) であり、g は、 $Z_p^*$  の中の位数 p の要素である。

A 及び B の公開鍵は、それぞれが、 $g^a$  及び  $g^b$  の形式を有し、短期の鍵  $r_a$  及び  $r_b$  は、 $g^x$  及び  $g^y$  の形式を有している。

署名成分である  $s_A$  及び  $s_B$  は、 $\bmod q$  で計算され、セッション鍵は、従前のように、 $\bmod q$  で計算される。この場合には、共有の秘密は、

$$g^{s_A s_B} \bmod p$$

である。

既に述べたように、これらのプロトコルは、 $Z_p^*$  以外の群においても実現が可能であり、特に、ローバスト (robust) 群は、有限体上の橙円曲線上の点から成る群である。このような実現例は、次にプロトコル 1 " " として挙げてある。

プロトコル 1 " "

次の記号を用いる。

E は、 $F_q$  上で定義される橙円曲線である。

P は、E ( $F_q$ ) 内の素数位数の点である。

$d_a$  ( $1 < d_a < n - 1$ ) は、当事者 A の長期の秘密鍵である。

$d_b$  ( $1 < d_b < n - 1$ ) は、当事者 B の長期の秘密鍵である。

$Q_a = d_a P$  は、当事者 A の长期の公開鍵である。

$Q_b = d_b P$  は、当事者 B の长期の公開鍵である。

$k$  ( $1 < k < n - 1$ ) は、当事者 A の短期の秘密鍵である。

$m$  ( $1 < m < n - 1$ ) は、当事者 B の短期の秘密鍵である。

10

20

40

50

$r_b = mP$  は、当事者 B の短期の公開鍵である。

$r_a$  及び  $r_b$  は、ビット・ストリングであり、例えば、 $r_a$  及び  $r_b$  の x 座標の 80 最下位ビットである。

このプロトコルを実現するには、次のようにする。

1. A は、 $r_a$  を B に送る。

2. B は、 $r_b$  を A に送る。

3. A は、

$$s_A = (k + \bar{r}_a \cdot d_a) \bmod n$$

を計算する。

10

4. A は、セッション鍵

$$K = s_A (r_b + \bar{r}_b Q_b)$$

を計算する。

5. B は、

$$s_B = (m + \bar{r}_b \cdot d_b) \bmod n$$

を計算する。

6. B は、セッション鍵

$$K = s_b (r_a + \bar{r}_a Q_a)$$

を計算する。

7. 共有される秘密は、 $s_A s_B P$  である。

20

再び、通信者の間では署名成分  $s_A$  及び  $s_B$  を送る必要はないことに注意すべきである。

しかし、通信者の短期及び長期の鍵が成分の形式で組み合わされる。

先の例における x 及び y に対して、記号 m を用いているのは、曲線上の点の座標 (x, y) との混乱を回避するためである。

【図 1】

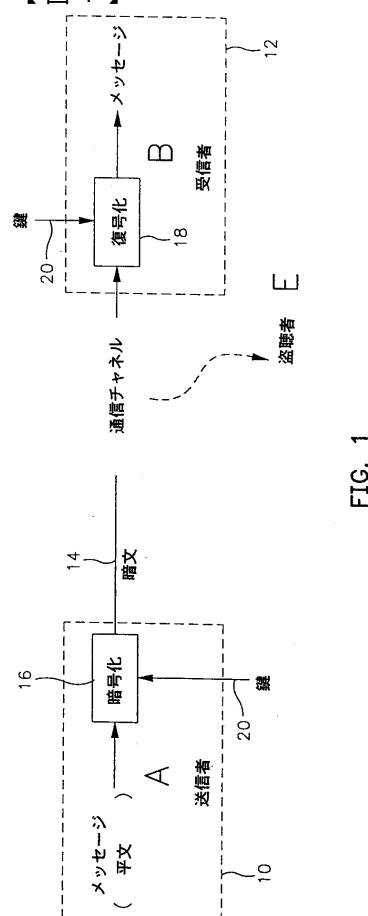


FIG. 1

---

フロントページの続き

(74)代理人 100096013

弁理士 富田 博行

(74)代理人 100096068

弁理士 大塚 住江

(72)発明者 ヴァンストーン , スコット・エイ

カナダ国 エヌ2ティー・2エイチ4 オンタリオ , ウォータールー , サンドブルック・コート  
539

(72)発明者 メネゼス , アルフレッド・ジョン

アメリカ合衆国アラバマ州36830 , オーバーン , ペイン・ストリート 254

(72)発明者 キュー , ミングア

カナダ国 エヌ2エル・3イー5 オンタリオ , ウォータールー , ユニバーシティ・アベニュー・  
ウエスト 157 , ナンバー 112

合議体

審判長 吉岡 浩

審判官 石田 信行

審判官 富吉 伸弥

(58)調査した分野(Int.Cl. , DB名)

H04L 9/08